

الصفحة	1
4	**

الأمتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة الاستدراكية 2020
- الموضوع -

SSSSSSSSSSSSSSSSSSSS

RS 22



3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية و مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية	الشعبة أو المسلك

تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة .

مكونات الموضوع

يتكون الموضوع من ثلاثة تمارين و مسألة، مستقلة فيما بينها، و تتوزع حسب المجالات كما يلي:

التمرين الأول	المتاليات العددية	2 نقط
التمرين الثاني	الأعداد العقدية	5 نقط
التمرين الثالث	الاشتقاق و حساب التكامل	4 نقط
المسألة	دراسة دالة عددية و متالية عددية	9 نقطة

- نرمز بـ $|z|$ لمعيار العدد العقدي z و بـ \bar{z} لمرافق z
- \ln يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري

التمرين الأول (2 نقط) :

$$\text{لتكن المتالية العددية } (u_n) \text{ المعرفة كما يلي: } u_0 = 1 \text{ و } u_{n+1} = \frac{3u_n - 8}{2u_n - 5} \text{ لكل } n \text{ من } \mathbb{N}$$

(1) بين أن $u_n < 2$ لكل n من \mathbb{N}

0.5

$$(2) \text{ نضع } v_n = \frac{u_n - 3}{u_n - 2} \text{ لكل } n \text{ من } \mathbb{N}$$

أ- بين أن (v_n) متالية حسابية أساسها 2

0.5

ب- اكتب v_n بدالة n واستنتج u_n بدالة n

0.75

ج- احسب نهاية المتالية (u_n)

0.25

التمرين الثاني (5 نقط) :

$$(1) \text{ حل في مجموعة الأعداد العقدية } \boxed{\quad} \text{ المعادلة: } z^2 - \sqrt{2}z + 1 = 0$$

0.75

$$(2) \text{ نضع } a = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}i$$

0.75

أ) أكتب a على الشكل المثلثي واستنتاج أن a^{2020} عدد حقيقي

$$b) \text{ ليكن العدد العقدي } b = \cos \frac{\pi}{8} + i \sin \frac{\pi}{8}, \text{ أثبت أن } b^2 = a$$

0.5

(3) في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر (O, \vec{u}, \vec{v}) ، نعتبر النقط A و B و C التي أحقها على التوالي هي a و b و c حيث $c = 1$. ليكن R الدوران الذي مركزه O و زاويته $\frac{\pi}{8}$ والذي يحول النقطة M ذات اللحق z

إلى النقطة ' M ذات اللحق ' z'
أ- تحقق ان $z' = bz$

0.25

ب- حدد صورة النقطة C بالدوران R و بين أن النقطة هي A صورة النقطة B بالدوران R

0.5

(4) أ- بين أن $|a-b| = |b-c|$ ثم استنتاج طبيعة المثلث ABC

0.75

ب- حدد قياساً للزاوية $(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BC})$

0.5

(5) نعتبر T الإزاحة ذات المتجهة \vec{u} و لتكن النقطة D صورة النقطة A بالإزاحة T

أ- تتحقق ان لحق النقطة D هو العدد العقدي $b^2 + 1$

0.25

ب- بين أن $\frac{b^2 + 1}{b} = b + \bar{b}$ واستنتاج ان النقط O و B و D مستقيمية

0.75

التمرين الثالث (4 نقط) :

نعتبر الدالة العددية المعرفة على $\boxed{\quad}$ بما يلي :

$$(1) \text{ أ- بين ان لكل } x \text{ من } \boxed{\quad} : u'(x) = \frac{(e^x - 1)^2 + 2}{e^x}$$

0.5

ب- ضع جدول تغيرات الدالة u (حساب النهايات غير مطلوب)

0.25

ج- استنتاج إشارة الدالة u على $\boxed{\quad}$ (لاحظ ان $u(0) = 0$)

0.5

(2) لتكن الدالة v المعرفة على $\boxed{\quad}$ بـ : $v(x) = e^{2x} - 2xe^x + 2e^x - 3$

الصفحة  3 4	RS 22	<p align="center">الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2020 – الموضوع - مادة: الرياضيات- شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية ومسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية</p>	
		<p style="text-align: right;">أ- تحقق من أن $v(x) = e^x u(x)$ لكل x من \square</p> <p style="text-align: right;">ب- استنتج إشارة الدالة v على \square</p> <p style="text-align: right;">أ- بين أن الدالة W المعرفة بـ: $W(x) = \frac{1}{2}e^{2x} + (4-2x)e^x - 3x$ هي دالة أصلية للدالة v على \square</p> <p style="text-align: right;">ب- أحسب التكامل $\int_0^2 v(x) dx$</p> <p style="text-align: right;">ج- بين أن $\frac{9}{2}$ هي القيمة الدنيا المطلقة للدالة W على \square</p>	0.5 0.5 0.5 0.5 0.75
		المشارة (9 نقطة) :	
		<p>I - لتكن g الدالة العددية المعرفة على $[0, +\infty]$ بما يلي :</p> <p>(1) بين أن $\forall x \in [0, +\infty], g'(x) < 0$</p> <p>(2) اسنتج جدول إشارة $(g(x))$ على المجال $[0, +\infty]$ (لاحظ أن $g(1) = 0$)</p> <p>II - نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $[0, +\infty]$ بما يلي :</p> <p>و (C) المنحني الممثّل للدالة f في معلم متعامد منظم (O, \vec{i}, \vec{j}) (الوحدة 2 cm)</p> <p>(1) أثبت أن $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$ ثم أول النتيجة هندسيا</p> <p>(2) أ) بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$</p> <p>ب) بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ثم أول النتيجة هندسيا</p> <p>(3) أ) بين أن $f'(x) = (x-2)g(x)$ لكل x من $[0, +\infty]$</p> <p>ب) بين أن الدالة f تناظرية على $[0, 1]$ وعلى $[1, 2]$ وأنها تزايدية على المجال $[1, 2]$</p> <p>ج) ضع جدول تغيرات الدالة f على المجال $[0, +\infty]$ (نقبل أن $f(2) = 1.25$) ($f(2) = 1.25$)</p> <p>(4) علما أن $f(3) = 0.5$ و $f(4) = -1.9$ برهن أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حل واحداً في المجال $[3, 4]$</p> <p>(5) أنشئ المنحني (C) في المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) في المعلم</p>	0.5 0.5 0.5 0.75 1 0.75 0.25 0.5 1
		<p>III- نضع $h(x) = f(x) - x$ لكل x من المجال $[1, 2]$</p> <p>1- أ) انطلاقاً من جدول تغيرات الدالة h جابه بين أن $f(x) \leq x$ لكل x من المجال $[1, 2]$</p> <p>ب) بين أن 1 هو الحل الوحيد للمعادلة $f(x) = x$ على المجال $[1, 2]$</p> <p>(2) لتكن المتالية العددية (u_n) المعرفة كما يلي : $u_0 = 2$ و $u_{n+1} = f(u_n)$ لكل n من \mathbb{N}</p> <p>أ) بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} $1 \leq u_n \leq 2$</p> <p>ب) بين أن المتالية (u_n) تناظرية</p> <p>ج) استنتاج أن المتالية (u_n) متقاربة ثم أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$</p>	0.5 0.25 0.75 0.5 0.75 0.25 0.75 0.5 0.75

الصفحة

4

**1

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة العادية 2020

- عناصر الإجابة -

SSSSSSSSSSSSSSSSSS

NR 22

المملكة المغربية

وزارة التربية الوطنية

والتكنولوجيات

والتكوين المهني



والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات

3 مدة الإنجاز

الرياضيات

المادة

7 المعامل

شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية ومسلك علوم الحياة والأرض
ومسلك العلوم الزراعية

الشعبة أو المسلك