



7	المعامل:		الرياضيات	المادة:
3س	مدة الإنجاز:	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسالكيها		الشعب (ة):

(يسمح باستعمال الآلة الحاسية غير القابلة للبرمجة)

التمرين الأول (3 ن)

نعتبر ، في الفضاء المنسوب إلى معلم متعدد منظم مباشر (O, i, j, k) ، النقطتين $(0, -1, 1)$ و A

$$B(1, -1, 0)$$

$$\text{و الفلكة } (S) \text{ التي معادلتها } x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4z + 2 = 0$$

1) بين أن مركز الفلكة (S) هي النقطة $(1, 0, 2)$ وان شعاعها هو $\sqrt{3}$ وتحقق من أن A تنتهي إلى (S) .

2) ددد مثلث أحاديث المتجهة $\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB}$ ويبين أن $x + y + z = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (OAB) .

٣) بين أن المستوى (OAB) مماس للفلكة (S) في النقطة A . 0,5

التمرين الثاني (3 ن)

١) حل في مجموعة الأعداد العقدية C المعادلة : $z^2 - 6z + 34 = 0$

2) تعتبر ، في المستوى المنسوب إلى معلم متعدد منتظم مباشر (O, e_1, e_2) ، النقط A و B و C التي أحاقها على التوالي هي : $a = 3 + 5i$ و $b = 3 - 5i$ و $c = 7 + 3i$. ليكن z لحق نقطة M من المستوى و $'z$ لحق النقطة $'M$ صورة M بالازاحة T ذات المتجهة \vec{u} التي لحقها $4 - 2i$.

أ- بين أن : $z' = z + 4 - 2i$ ثم تتحقق من أن النقطة C هي صورة النقطة A بالإزاحة T .

ب-بين أن : $\frac{b-c}{a-c} = 2i$

. $BC = 2AC$ قائم الزاوية وأن

التمرين الثالث (٣ ن)

يحتوي صندوق على ست كرات حمراء وثلاث كرات خضراء (لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس) .

١) نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاثة كرات من الصندوق .

أ- احسب احتمال الحصول على كرتين حمراوين وكرة خضراء .

ب- بين أن احتمال الحصول على كرة خضراء واحدة على الأقل هو $\frac{16}{21}$

2) نعتبر في هذا السؤال التجربة التالية : نسحب عشوائياً بالتباع وبدون إحلال ثلاثة كرات من الصندوق . احسب احتمال الحصول على ثلاثة كرات حمراء .



C: NS22

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
 (الدورة العادية 2008)
 الموضوع

الرياضيات	المادة :
-----------	----------

شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسالكها	الشعب(ة) :
--	------------

مُسَأَّلَة (11 ن)

I- لتكن g الدالة العددية المعرفة على المجال $[0, +\infty]$ بما يلي :

(1) أ- احسب $(x)' g$ لكل x من المجال $[0, +\infty]$.

ب- بين أن g تناظرية على $[0, 2]$ وتزايدية على $[2, +\infty]$.

(2) استنتج أن $0 < g(x) < 0$ لكل x من المجال $[0, +\infty)$ (لاحظ أن $0 > g(2) > 0$).

II- نعتبر الدالة العددية f المعرفة على المجال $[0, +\infty)$ بما يلي :

ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (O, i, j) .

(1) احسب $\lim_{\substack{x \rightarrow 0^+ \\ x > 0}} f(x)$ وأول النتيجة هندسيا.

(2) أ- بين أن: $\lim_{t \rightarrow +\infty} \frac{\ln t}{t} = 0$ (يمكنك وضع $t = \sqrt{x}$). ذكر أن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(\ln x)^2}{x} = 0$

ب- استنتاج أن $f(x) = x \left(1 - \frac{(\ln x)^2}{x}\right)$ (لاحظ أن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 1$)

ج- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x)$ ثم استنتاج أن المنحنى (C) يقبل، بجوار $+ \infty$ ، فرعا شلجميا اتجاهه

المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x$.

د- بين أن المنحنى (C) يوجد تحت المستقيم (Δ) .

(3) أ- بين أن: $f'(x) = \frac{g(x)}{x}$ لكل x من $[0, +\infty)$ و بين أن f تزايدية قطعا على $[0, +\infty)$.

ب- ضع جدول تغيرات الدالة f .

ج- بين أن $y = x$ هي معادلة ديكارتية لمماس المنحنى (C) في النقطة التي أقصولها 1.

(4) بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حل واحدا α في $[0, +\infty)$ وأن $\frac{1}{e} < \alpha < \frac{1}{2}$ (نقبل أن

$$(\ln 2)^2 < \frac{1}{2}$$

(5) أنشئ المستقيم (Δ) و المنحنى (C) في المعلم (O, i, j) (نقبل أن $e \approx 2,7$). نقطة انعطاف للمنحنى (C) و نأخذ $e \approx 2,7$.

(6) أ- بين أن $H: x \mapsto \ln x$ دالة أصلية للدالة $f: x \mapsto x \ln x$ على المجال $[0, +\infty)$.

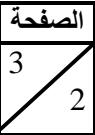
ث- ثم بين أن: $\int_1^e \ln x \, dx = 1$

ب- باستعمال متكاملة بالأجزاء ، بين أن: $\int_1^e (\ln x)^2 \, dx = e - 2$

ج- احسب مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى (C) والمستقيم (Δ) والمستقيمين اللذين معادلتاهما

$$x = e \quad \text{و} \quad x = 1$$

III- نعتبر المتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي: $u_0 = 2$ و $u_{n+1} = f(u_n)$ لكل n من \mathbb{N} .



C: NS22

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
(الدورة العادية 2008)
الموضوع

الرياضيات	المادة :
-----------	----------

شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها	الشعب(ة):
--	-----------

- (1) بين أن $1 \leq u_n \leq 2$ لكل n من \mathbb{N} (يمكنك استعمال نتيجة السؤال II-3) أ - . 0,75
- (2) بين أن المتتالية (u_n) تناقصية. 0,5
- (3) استنتج أن (u_n) متقاربة ثم حدد نهايتها. 0,75