



الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ح. أ



الفرض المنزلي

01.

الجزء الأول :

لنعتبر الدالة العددية f المعرفة بـ $f(x) = 5\ln(x+3) - x$. (c_f) منحنى f في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$.

01. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f .

02. أ. تحقق أن لكل x من $]0; +\infty[$: $f(x) = x \left(5 \frac{\ln x}{x} - 1 \right) + 5 \ln \left(1 + \frac{3}{x} \right)$. ب. أحسب : $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

03.

أ. أحسب $f'(x)$ لكل x من D_f .

ب. أدرس إشارة $f'(x)$ ثم ضع جدول تغيرات للدالة f . ثم استنتج عدد حدود المعادلة $f(x) = 0$ / $x \in D_f$.

ج. بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حل وحيد α على $]0; +\infty[$. أعطي تأشير ل α سعته 10^{-1} .

د. بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حل وحيد β على $] -3; 2]$.

هـ. استنتج إشارة $f(x)$ على D_f .

04. أنشئ (c_f) منحنى f في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$.

الجزء الثاني :

لنعتبر الدالة العددية g المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي : $g(x) = 5\ln(x+3)$.

لنعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0 = 4$ و $u_{n+1} = 5\ln(u_n + 3)$ لكل n من $\mathbb{N}$.

الشكل المرفق (1) التالي يمثل (c_g) منحنى الدالة g في معلم متعامد ممنظم والمستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x$: (Δ)

01. ضع جدول لتغيرات الدالة g على $]0; +\infty[$.

02. أنشئ على محور الأفاصل الحدود u_0 و u_1 و u_2 و u_3 مستعملا المستقيم (Δ) و المنحنى (c_g) و ذلك على الشكل المرفق (1)

موضحا طريقة الإنشاء و بدون حساب الحدود .

03. ما هو التظنن الذي نحصل عليه ؟

الجزء الثالث :

01. تحقق أن : $g(\alpha) = \alpha$.

02. بين بالترجع أن : $0 \leq u_n \leq \alpha$ لكل n من $\mathbb{N}$.

03. بين أن المتتالية (u_n) تناقصية .

04. استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة و حدد نهايتها .

الشكل المرفق (1) ←

