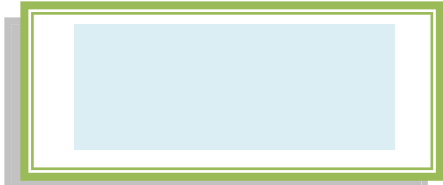


الثانوية سلك باكالوريا
مسلك العلوم الاقتصادية
مسلك علوم التدبير المحاسباتي



الدوال الأسية

التمرين الأول:

○ حل في $\mathbb{R}$ المعادلات والمتراجحات التالية:

(1) $e^{x^2-x} = 1$. (2) $e^{x-1} < 1$. (3) $e^{2x} - e^x - 2 = 0$. (4) $e^{2x} - 6e^x + 5 \geq 0$.

التمرين الثاني:

تكن f دالة عددية معرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي :

• $f(x) = e^{2x} - 2e^x + 2$

وليكن (C) منحنىها في م.م.م $(O, \vec{i}, \vec{j})$.

1. أ- احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

ب- ادرس الفروع اللانهائية للمنحنى (C)

2. أ- تحقق انه لكل x من $\mathbb{R}$ فان : $f'(x) = 2e^x(e^x - 1)$

ب- أعط جدول تغيرات الدالة f

3. أ- حدد احداثيتي نقطة تقاطع المنحنى (C) والمستقيم ذو المعادلة $y = 2$

ب- حدد نقطة انعطاف المنحنى (C)

4. أنشئ المنحنى (C)

التمرين الثالث:

○ تكن f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي :

• $f(x) = (3x + 2)(1 + e^{-3x})$

1. احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2. أ- بين انه لكل x من $\mathbb{R}$

• $g(x) = e^{3x} - 3x - 1$ و $f'(x) = 3e^{-3x}g(x)$

(تابع)

- ب - أعط جدول تغيرات الدالة g (حساب النهايتين غير مطلوب). ثم استنتج ان $g(x) \geq 0$ لكل x من $\mathbb{R}$.
- ج - أعط جدول تغيرات الدالة f .
3. ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في م.م.م $(o, \vec{i}, \vec{j})$ وليكن (D) المستقيم ذا المعادلة $y = 3x + 2$.
- أ - بين أن المستقيم (D) مقارب للمنحنى (C) بجوار $+\infty$.
- ب - ادرس الوضع النسبي ل (D) والمنحنى (C) .
- ج - ادرس الفرع اللانهائي ل (C) بجوار $-\infty$.
- د - بين أن النقطة I ذات الافصول 0 نقطة انعطاف للمنحنى.
4. ارسم المنحنى (C) .

التمرين الرابع :

- A - نعتبر الدالة g المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي : $g(x) = e^{2x} - 2x - 1$.
- ادرس تغيرات الدالة g .
1. استنتج أن : $g(x) \geq 0$ لكل x من $\mathbb{R}$.
- B - نعتبر الدالة f ذات المتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي :
- $f(x) = (x+1)(e^{-2x} + 1)$ و (C_f) منحنها في معلم متعامد ممنظم $(o, \vec{i}, \vec{j})$.
1. حدد مجموعة التعريف D_f .
2. احسب النهايات عند المحدات.
3. حدد الفروع اللانهائية.
4. أ- احسب $f'(x)$ لكل x من D_f . وتحقق أن $f'(x) = e^{-2x}g(x)$.
- ب- ادرس تغيرات الدالة f .
5. احسب $f(-1)$ ثم أنشئ (C_f) .

التمرين الخامس :

- لتكن f الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي :
- $$\begin{cases} f(x) = 3x^2 e^x & .x \leq 0 \\ f(x) = \ln(x) - x & .x > 0 \end{cases}$$
- (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم.
1. أ- احسب $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ وبين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ وان $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$.
- ب - احسب $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x}$ وأول هذه النتيجة هندسيا
- (تابع)

2. احسب $f'(x)$ من اجل x في $\mathbb{R}^*$.
3. أعط جدول تغيرات الدالة f .
4. أ- ادرس الفروع اللانهائية للمنحنى (C) .
ب- بين أن (C) يقبل نقطتي انعطاف (غير مطلوب تحديد ارتوبهما).
5. ارسم المنحنى (C) (نأخذ $e^2 = \frac{15}{2}$).

التمرين السادس:

لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x والمعرفة بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = xe^{\frac{1}{x}} & .x < 0 \\ f(x) = x^2(1 - \ln(x)) & .x > 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

وليكن (C) منحنىها في م.م.م $(O, \vec{i}, \vec{j})$.

1. احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.
2. ادرس اتصال وقابلية اشتقاق f في النقطة $x_0 = 0$.
3. حدد الدالة المشتقة. ثم كون جدول التغيرات.
4. بين أن المنحنى يقبل نقطتي انعطاف يجب تحديد احداثيتيهما.
5. أ- بين أن $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(xe^{\frac{1}{x}} - x - 1 \right) = 0$ (يمكنك وضع $t = \frac{1}{x}$).
ب- ادرس الفرعين اللانهائيين للمنحنى (C) .
- 6 - ارسم المنحنى (C) .

التمرين السابع: I- لتكن الدالة g المعرفة على $\mathbb{R}^{**}$ بما يلي : $g(x) = e^x + \ln(x) - e$

1. احسب $g(1)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$.
 2. ادرس تغيرات الدالة g واستنتج أن : $g(x) \geq 0$ لكل x من المجال $[1, +\infty[$.
- لتكن الدالة f المعرفة كما يلي :
- $$\begin{cases} f(x) = e^x + x \ln(x) - (1+e)x - 1 & .x > 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$
- (1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.
 - (2) بين أن f متصلة في 0 على اليمين وادرس قابلية اشتقاقها في 0 على اليمين.
 - (3) ادرس تغيرات الدالة f . ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في م.م.م $(O, \vec{i}, \vec{j})$.
- أ - ادرس الفرع اللانهائي للمنحنى (C)
- ب - أنشئ منحنى الدالة f (نقبل أن (C) يقطع المحور (ox) في نقطة ينتمي أفصولها إلى المجال $[\frac{7}{4}, 2]$).