

الصفحة 1 3	<p>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة الاستدراكية 2015 - الموضوع -</p> <p>RS 26</p>		<p>المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني</p> <p>المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه</p>
2	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي	الشعبة أو المسلك

تعليمات للمترشح

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها .

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاث صفحات، الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية :

1 .

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛
- يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
- ينبغي عليك تحليل النتائج (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات، ...).

2 .

- يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
- ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء؛
- يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمنا لتيسير عملية التصحيح؛
- تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
- تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

الصفحة 2 3	RS 26	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2015 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي
------------------	-------	---

التمرين الأول : (4.5 نقطة)

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي :	
$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{1}{4}u_n + 3 & ; n \in \mathbb{N} \\ u_0 = 8 \end{cases}$	
1 . احسب u_1 و u_2	0.5
2 . بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n > 4$	0.5
3 . أ . بين أن لكل n من \mathbb{N} : $u_{n+1} - u_n = \frac{-3}{4}(u_n - 4)$	0.5
ب . استنتج أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ تناقصية وأنها متقاربة .	0.75
4 . نضع $v_n = u_n - 4$ لكل n من \mathbb{N}	
أ . احسب v_0	0.25
ب . بين أن المتتالية $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ هندسية أساسها $\frac{1}{4}$	0.5
ج . احسب v_n بدلالة n ثم استنتج أن $u_n = 4\left(\frac{1}{4}\right)^n + 4$ لكل n من \mathbb{N}	1
د . احسب النهاية $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$	0.5

التمرين الثاني : (11 نقطة)

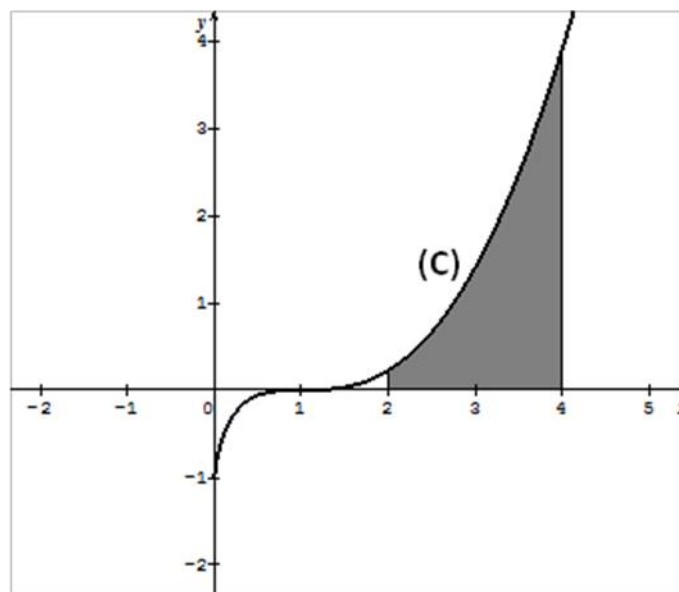
الجزء الأول :	
نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي :	
$g(x) = x - 1 - \ln x$	
1 . بين أن $g'(x) = \frac{x-1}{x}$ لكل x من $]0; +\infty[$	0.5
2 . ادرس إشارة $g'(x)$ لكل x من $]0; +\infty[$	1
3 . احسب $g(1)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة g (حساب النهايات غير مطلوب) ،	0.75
4 . استنتج أن $g(x) \geq 0$ لكل x من $]0; +\infty[$	0.5

الجزء الثاني :

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي :	
$f(x) = x^2 - 1 - 2x \ln x$	
1 . بين أن $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = -1$	0.75
2 . أ . تحقق أن لكل x من $]0; +\infty[$: $f(x) = x^2 \left(1 - \frac{1}{x^2} - \frac{2 \ln x}{x}\right)$	0.5

الصفحة 3	RS 26	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2015 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي
-------------	-------	---

- 2 ب . احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.
- 0.5 3 . أ . بين أن $f'(x) = 2g(x)$ لكل x من $]0; +\infty[$
- 1 ب . استنتج إشارة $f'(x)$ على $]0; +\infty[$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f على $]0; +\infty[$
- 1.5 4 . بين أن التمثيل المبياني (C) يقبل نقطة انعطاف I ينبغي تحديد زوج إحداثياتها .
- 1 5 . أ . باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن : $\int_2^4 2x \ln x \, dx = 28 \ln 2 - 6$
- 1 ب . استنتج مساحة الحيز الملون في الشكل أسفله.



التمرين الثالث : (4.5 نقط) (تقدم جميع نتائج هذا التمرين على شكل كسر)

يحتوي كيس على عشر كرات غير قابلة للتمييز باللمس، منها خمس بيضاء وثلاث حمراء واثنان لونهما أخضر . نسحب عشوانيا وفي آن واحد ثلاث كرات من الكيس ،

- 1 . بين أن عدد حالات السحب الممكنة هو 120
- 2 . نعتبر الحدثين A و B التاليين :
- A : " الكرات المسحوبة لها نفس اللون "
- B : " من بين الكرات المسحوبة توجد على الأقل كرتان لونهما أحمر "

أ . بين أن $p(A) = \frac{11}{120}$

ب . احسب احتمال الحدث B

3 . ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الخضراء المسحوبة.

x_i	0	1	2
$p(X=x_i)$			

املا الجدول جانبه بعد نقله على ورقة تحريرك مغللا
جوابك .