

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة الاستدراكية 2015 - الموضوع -

RS 26

٢٠١٥ | ٤٥٠٤٦ | ٣٩٠٤ | ٣٨٠٤ | ٣٧٠٤ | ٣٦٠٤ | ٣٥٠٤ | ٣٤٠٤ | ٣٣٠٤ | ٣٢٠٤ | ٣١٠٤ | ٣٠٠٤ | ٢٩٠٤ | ٢٨٠٤ | ٢٧٠٤ | ٢٦٠٤ | ٢٥٠٤ | ٢٤٠٤ | ٢٣٠٤ | ٢٢٠٤ | ٢١٠٤ | ٢٠٠٤ | ١٩٠٤ | ١٨٠٤ | ١٧٠٤ | ١٦٠٤ | ١٥٠٤ | ١٤٠٤ | ١٣٠٤ | ١٢٠٤ | ١١٠٤ | ١٠٠٤ | ٩٠٠٤ | ٨٠٠٤ | ٧٠٠٤ | ٦٠٠٤ | ٥٠٠٤ | ٤٠٠٤ | ٣٠٠٤ | ٢٠٠٤ | ١٠٠٤ | ٠٠٠٤



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

2	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	מסלול العلوم الاقتصادية وמסלול علوم التدبير المحاسبي	الشعبة أو المسارك

تعليمات للمترشح

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة و العمل بها .

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاثة صفحات، الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية :

. 1

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناء؛
- يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للاستئصال؛
- ينبغي عليك تعلييل النتائج (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات، ...).

. 2

- يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
- ينبع علىك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مفروء؛
- يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضماناً لتيسير عملية التصحيح؛
- تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
- تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

التمرين الأول : (4.5 نقط)

نعتبر المتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي :

$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{1}{4}u_n + 3 & ; \quad n \in \mathbb{N} \\ u_0 = 8 \end{cases}$$

1 . احسب u_1 و u_2	0.5
2 . بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n > 4$	0.5
3 . أ . بين أن لكل n من \mathbb{N} : $u_{n+1} - u_n = \frac{-3}{4}(u_n - 4)$	0.5
ب . استنتج أن المتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ تنقصية وأنها متقاربة.	0.75
4 . نضع $v_n = u_n - 4$ لكل n من \mathbb{N}	0.5
أ . احسب v_0	0.25
ب . بين أن المتالية $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ هندسية أساسها $\frac{1}{4}$	0.5
ج . احسب v_n بدلالة n ثم استنتاج أن v_n لكل n من \mathbb{N}	1
د . احسب النهاية $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$	0.5

التمرين الثاني : (11 نقطة)

الجزء الأول :

نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على $[0; +\infty]$ بما يلي :

$$g(x) = x - 1 - \ln x$$

1 . بين أن $g'(x) = \frac{x-1}{x}$ لكل x من $[0; +\infty]$	0.5
2 . ادرس إشارة $g'(x)$ لكل x من $[0; +\infty]$	1
3 . احسب $g(1)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة g (حساب النهايات غير مطلوب) ،	0.75
4 . استنتاج أن $g(x) \geq 0$ لكل x من $[0; +\infty]$	0.5

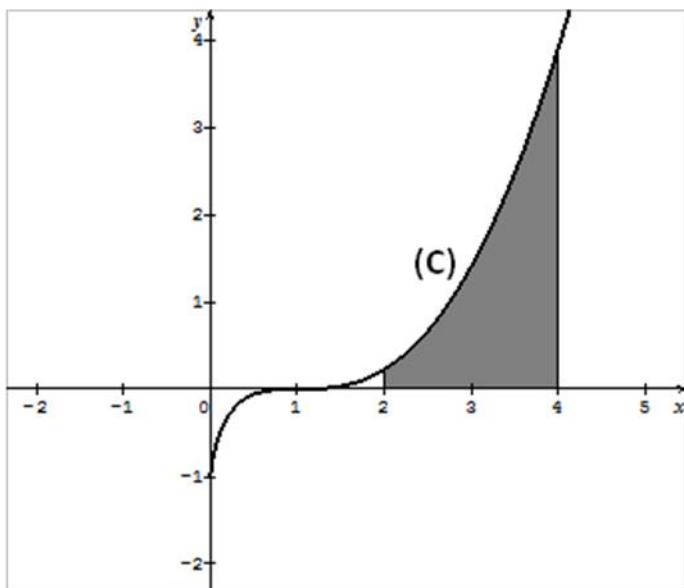
الجزء الثاني :

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على $[0; +\infty]$ بما يلي :

(O, i, j) تمثيلها المبيان في معلم متعدم منظم (i, j) . ولتكن $f(x) = x^2 - 1 - 2x \ln x$

1 . بين أن $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = -1$	0.75
2 . أ . تحقق أن لكل x من $[0; +\infty]$: $f(x) = x^2 \left(1 - \frac{1}{x^2} - \frac{2 \ln x}{x}\right)$	0.5

- | | |
|---|---|
| <p>ب . احسب (x) و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.</p> <p>3 . أ . بين أن $f'(x) = 2g(x)$ لكل x من $[0; +\infty[$</p> <p>ب . استنتج إشارة $f'(x)$ على $[0; +\infty[$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f على $[0; +\infty[$</p> <p>4 . بين أن التمثيل المباني (C) يقبل نقطة انعطاف I ينبغي تحديد زوج إحداثياتها .</p> <p>5 . أ . باستعمال متكاملة بالأجزاء بين أن : $\int_2^4 2x \ln x \, dx = 28 \ln 2 - 6$</p> <p>ب . استنتاج مساحة الحيز الملون في الشكل أسفله.</p> | <p>2</p> <p>0.5</p> <p>1</p> <p>1.5</p> <p>1</p> <p>1</p> |
|---|---|



التمرين الثالث : (4.5 نقط) (تقدّم جميع نتائج هذا التمرين على شكل كسر)

يحتوي كيس على عشر كرات غير قابلة للتمييز باللمس، منها خمس بيضاء وثلاث حمراء واثنتان لونهما أخضر . نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاثة كرات من الكيس ،

1 . بين أن عدد حالات السحب الممكنة هو 120

2 . نعتبر الحدين A و B التاليين :

A : " الكرات المسحوبة لها نفس اللون "

B : " من بين الكرات المسحوبة توجد على الأقل كرتان لونهما أحمر "

أ . بين أن $p(A) = \frac{11}{120}$

ب . احسب احتمال الحدث B

3 . ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الخضراء المسحوبة.

املا الجدول جانبه بعد نقله على ورقة تحريرك معلا جوابك .

x_i	0	1	2
$p(X=x_i)$			