

الامتحان الوطني الموحد  
للبيجوريا  
الدورة الاستدراكية 2014

RS 26

ⵜⴰⵎⴰⵏⵜ ⵏ ⵓⵎⵓⵔ  
ⵜⴰⵎⴰⵏⵜ ⵏ ⵓⵎⵓⵔ  
ⵏ ⵓⵎⵓⵔ



المملكة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

المادة	الرياضيات	مدة الإنجاز	2
الشعبة أو المسلك	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي	المعامل	4

تعليمات للمترشح

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها .

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاث صفحات الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية :

1 .

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛
- يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
- ينبغي عليك تحليل النتائج (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات، ...).

2 .

- يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
- ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء؛
- يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمنا لتيسير عملية التصحيح؛
- تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
- تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

التمرين الأول : (4.5 نقط)

- نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)_{n \geq 0}$  المعرفة بما يلي :
- $$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{u_n - 4}{u_n - 3}, n \in \mathbb{N} \end{cases}$$
1. احسب  $u_1$  و  $u_2$  . 0.5
2. أ. بين أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $u_{n+1} - 2 = \frac{(u_n - 2)}{3 - u_n}$  0.25
- ب. بين بالترجع أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $u_n < 2$  0.5
3. أ. بين أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $u_{n+1} - u_n = \frac{(u_n - 2)^2}{3 - u_n}$  0.5
- ب. استنتج أن  $(u_n)_{n \geq 0}$  متتالية تزايدية و أنها متقاربة. 0.5
4. نضع :  $v_n = \frac{1}{2 - u_n}$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  0.5
- أ. احسب  $v_{n+1} - v_n$  ثم استنتج أن  $(v_n)_{n \geq 0}$  متتالية حسابية أساسها 1. 0.75
- ب. احسب  $v_0$  ثم حدد  $v_n$  بدلالة  $n$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  0.5
- ج. بين أن  $u_n = 2 - \frac{1}{v_n}$  ثم استنتج أن  $u_n = \frac{2n+1}{n+1}$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  0.75
- د. احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  0.25

التمرين الثاني : (11 نقطة)

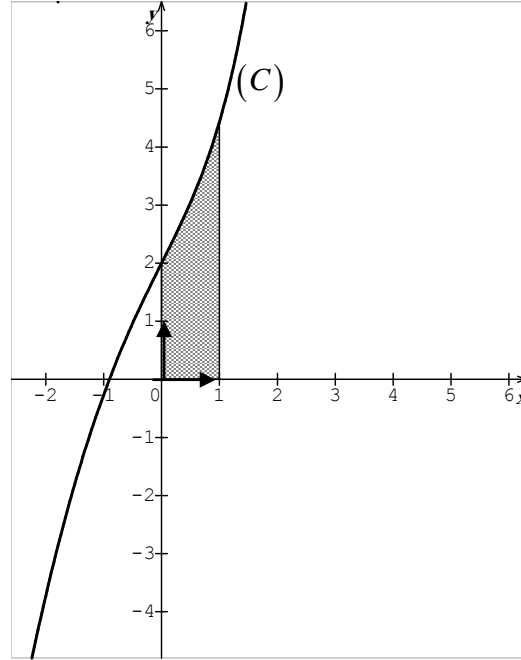
الجزء الأول

- نعتبر الدالة العددية  $g$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :  $g(x) = e^x - x$  .
1. احسب  $g'(x)$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  ثم ادرس إشارتها . 1.25
2. أ. احسب  $g(0)$  ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $g$  (حساب النهايتين غير مطلوب). 0.75
- ب. استنتج أن  $g(x) > 0$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  0.5

الجزء الثاني

- نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :  $f(x) = 2e^x - x^2$  . وليكن  $(C)$  تمثيلها المبياني في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  .
1. احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$  ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة. 1.5
2. أ. تحقق أن  $f(x) = 2x^2 \left( \frac{e^x}{x^2} - \frac{1}{2} \right)$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  0.5
- ب. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$  ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة. 1.5
3. أ. بين أن  $f'(x) = 2g(x)$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  0.5
- ب. استنتج إشارة  $f'(x)$  على  $\mathbb{R}$  ثم أعط جدول تغيرات الدالة  $f$  . 1

4. تحقق أن  $f''(x) = 2(e^x - 1)$  لكل  $x$  من  $\square$  وادرس إشارة  $f''(x)$  ثم استنتج أن  $I(0;2)$  نقطة انعطاف للمنحنى  $(C)$ . 2
5. التمثيل المبياني التالي هو جزء المنحنى  $(C)$  على المجال  $[-2;2]$ . احسب مساحة الجزء المخدش. 1.5



التمرين الثالث : (4.5 نقط)

يحتوي كيس على ثمان كرات غير قابلة للتمييز باللمس : ثلاث منها حمراء وثلاث خضراء وكرتان لونهما أبيض . نسحب تائيا وعشوائيا ثلاث كرات من الكيس.

1. بين أن عدد السحبات الممكنة هو 56. 0.5
2. نعتبر الأحداث  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  التالية :
- $A$  : " من بين الكرات المسحوبة لا توجد أية كرة خضراء "
- $B$  : " إحدى الكرات المسحوبة خضراء والكرتان الأخريان لونهما أبيض "
- $C$  : " إحدى الكرات المسحوبة خضراء والكرتان الأخريان لونهما أحمر "
- $D$  : " الكرات الثلاث المسحوبة مختلفة الألوان متنى متنى "

أ. بين أن  $p(A) = \frac{5}{28}$ . 0.5

ب. احسب احتمال كل من الأحداث  $B$  و  $C$  و  $D$ . 1.5

3. ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الخضراء المسحوبة.

أ. بين أن :  $p(X=1) = \frac{15}{28}$ . 0.5

ب. انقل جدول قانون احتمال  $X$  التالي على ورقة التحرير ثم أتمم ملأه مغلا جوابك. 1.5

$x_i$	0	1	2	3
$p(X=x_i)$		$\frac{15}{28}$		