

الامتحان الوطني الموحد للكالوريا

الدورة الاستدراكية 2014

RS 26

٢٠١٤ | مـ٤٥٤٧
٢٠١٤ | ٩٠٦٤
٢٠١٣ | ٩٠٦٤
٢٠١٣ | ٩٠٦٤



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني

المركز الوطني للتفوييم والامتحانات والتوجيه

المادة	الرياضيات	مدة الإنجاز	2
الشعبة أو المسلك	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسبي	المعامل	4

تعليمات للمترشح

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة و العمل بها .

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاثة صفحات الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية :

- 1. يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناء؛
يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
ينبغي عليك تعليل النتائج (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات، ...).
- 2. يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مفروء؛
يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمانا لتسهيل عملية التصحيح؛
تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

الصفحة
2
3

RS 26

الامتحان الموحد للمدارس - الدورة الاستدراكية 2014 - الموضوع
مادة : الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية و مسلك علوم التدبير المحاسبي

التمرين الأول : (4.5 نقط)

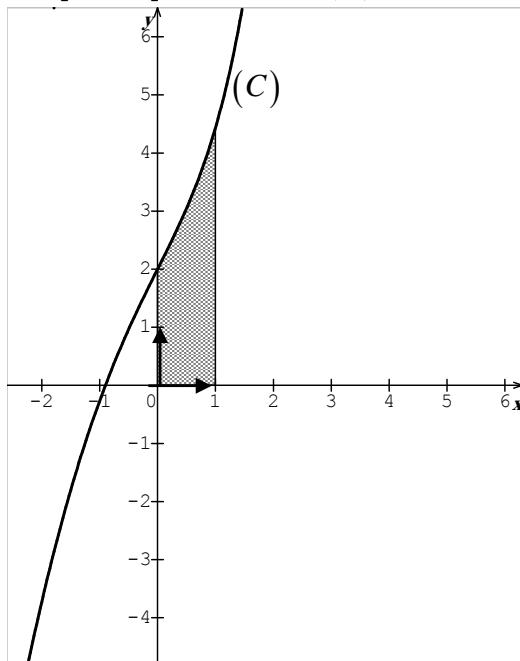
$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{u_n - 4}{u_n - 3}, \quad n \in \mathbb{N} \end{cases}$	نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة بما يلي :	
	1. احسب u_1 و u_2 .	0.5
	2. أ. بين أن لكل n من \mathbb{N} :	0.25
	ب. بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} :	0.5
	3. أ. بين أن لكل n من \mathbb{N} :	0.5
	ب. استنتج أن $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية تزايدية و أنها متقاربة.	0.5
	4. نضع : $v_n = \frac{1}{2 - u_n}$ لكل n من \mathbb{N}	0.5
	أ. احسب $v_{n+1} - v_n$ ثم استنتج أن $(v_n)_{n \geq 0}$ متتالية حسابية أساسها 1.	0.75
	ب. احسب v_0 ثم حدد v_n بدالة n لكل n من \mathbb{N}	0.5
	ج. بين أن $u_n = \frac{2n+1}{n+1}$ ثم استنتاج أن $u_n = 2 - \frac{1}{v_n}$ لكل n من \mathbb{N}	0.75
	د. احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$	0.25

التمرين الثاني : (11 نقطة)

<u>الجزء الأول</u>		
نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي : $g(x) = e^x - x$		
1. احسب $(g'(x))'$ لكل x من \mathbb{R} ثم ادرس إشارتها.	1.25	
2. أ. احسب $g(0)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة g (حساب النهايتين غير مطلوب).	0.75	
ب. استنتاج أن $g(x) > 0$ لكل x من \mathbb{R}	0.5	
<u>الجزء الثاني</u>		
نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي : $f(x) = 2e^x - x^2$ ولتكن (C) تمثيلها المباني في معلم معتمد مننظم (O, \vec{i}, \vec{j}) .		
1. احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.	1.5	
2. أ. تحقق أن $f(x) = 2x^2 \left(\frac{e^x}{x^2} - \frac{1}{2} \right)$ لكل x من \mathbb{R}	0.5	
ب. احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.	1.5	
3. أ. بين أن $f'(x) = 2g(x)$ لكل x من \mathbb{R}	0.5	
ب. استنتاج إشارة $f'(x)$ على \mathbb{R} ثم أعط جدول تغيرات الدالة f .	1	

4 . تحقق أن $f''(x) = 2(e^x - 1)$ لكل x من \mathbb{R} وادرس إشارة $f''(x)$ ثم استنتج أن $I(0;2)$ نقطة انعطاف للمنحنى (C) .

5 . التمثيل المباني التالي هو جزء المنحنى (C) على المجال $[2;-2]$. احسب مساحة الجزء المخدش .



التمرين الثالث : (4.5 نقط)

يحتوي كيس على ثمان كرات غير قابلة للتمييز باللمس : ثلاثة منها حمراء وثلاث خضراء وكرتان لونهما أبيض . نسحب تانيا وعشوانيا ثلاثر كرات من الكيس.

1 . بين أن عدد السحبات الممكنة هو 56 .

2 . نعتبر الأحداث A و B و C و D التالية :

A : " من بين الكرات المسحوبة لا توجد أية كرة خضراء "

B : " إحدى الكرات المسحوبة خضراء والكرتان الآخريات لونهما أبيض "

C : " إحدى الكرات المسحوبة خضراء والكرتان الآخريات لونهما أحمر "

D : " الكرات الثلاث المسحوبة مختلفة الألوان متشابهة "

أ . بين أن $p(A) = \frac{5}{28}$.

ب . احسب احتمال كل من الأحداث B و C و D .

3 . ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الخضراء المسحوبة.

أ . بين أن : $p(X=1) = \frac{15}{28}$.

ب . انقل جدول قانون احتمال X التالي على ورقة التحرير ثم أتم ملأه معللا جوابك .

x_i	0	1	2	3
$p(X=x_i)$		$\frac{15}{28}$		