

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة الاستدراكية 2013

الموضوع

RS26



2	مدة الإختبار	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي	الشعبة أو المسلك

تعليمات للمترشح

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها

1.
 - يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة.
2.
 - يتكون الموضوع الذي بين يديك من أربعة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاث صفحات الأولى منها خاصة بهذه التعليمات.
 - يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع.
 - ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء.
 - يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمنا لتيسير عملية التصحيح.
 - تجنب الكتابة بقلم أحمر.
 - تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.
3.
 - ينبغي عليك تبرير النتائج وتعليلها (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات، ...)
 - يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من عناية.

التمرين الأول (خمس نقط)

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي :

$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{-8}{u_n - 6} ; & n \in \mathbb{N} \\ u_0 = 3 \end{cases}$$

1. احسب u_1 و u_2

0.5

2. لكل n من \mathbb{N} نضع $v_n = \frac{u_n - 2}{u_n - 4}$

أ. احسب v_0 ثم بين أن المتتالية $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ هندسية أساسها $q = \frac{1}{2}$

1.25

ب. احسب v_n بدلالة n

0.75

ج. بين أن $u_n = \frac{4v_n - 2}{v_n - 1}$

1

د. استنتج أن $u_n = \frac{4\left(\frac{1}{2}\right)^n + 2}{\left(\frac{1}{2}\right)^n + 1}$ لكل n من \mathbb{N}

1

هـ. احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

0.5

التمرين الثاني (ثلاث نقط)

1. أ. تحقق أن لكل x من \mathbb{R}^* : $3 - \frac{1}{x} = \frac{3x - 1}{x}$ ثم احسب التكامل : $I = \int_1^e \frac{3x - 1}{x} dx$

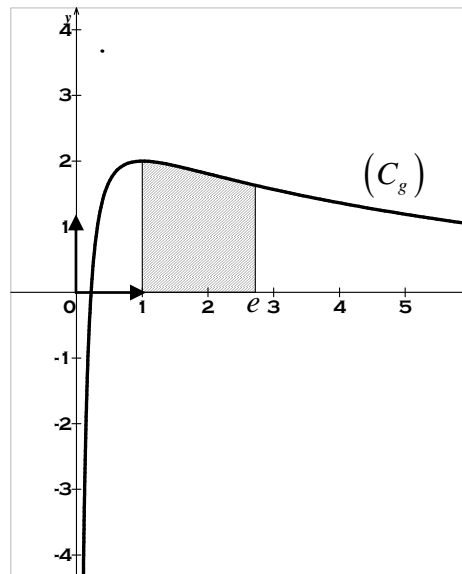
1.5

ب. باستعمال مكاملة بالأجزاء احسب $J = \int_1^e \ln x dx$

1

2. في المعلم المتعامد الممنظم أسفله (C_g) هو التمثيل المبياني للدالة g المعرفة على $]0; 6[$ بما يلي :

$$g(x) = \frac{3x - 1}{x} - \ln x$$



باستعمال نتيجتي السؤال 1. احسب مساحة حيز المستوى المخدش في الشكل.

0.5

التمرين الثالث (ثمان نقط)

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي : $f(x) = (x \ln x)^2 + 3x^2 - 3$

1. أ. احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

1

ب. بين أن $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -3$

1

2. أ. لكل x من $]0; +\infty[$ احسب $f'(x)$ ثم بين أن : $f'(x) = 2x \left(\left(\frac{1}{2} + \ln x \right)^2 + \frac{11}{4} \right)$

2

ب. استنتج إشارة $f'(x)$ على $]0; +\infty[$

1

ج. أعط جدول تغيرات الدالة f على $]0; +\infty[$

1

د. احسب $f(1)$ ثم استنتج مما سبق إشارة $f(x)$ على $]0; +\infty[$

2

التمرين الرابع (أربع نقط)

(تعطى النتائج على شكل كسر)

يحتوي كيس على سبع (7) كرات : ثلاث (3) تحمل الرقم 5 واثنان (2) تحملان الرقم 4 واثنان (2) تحملان الرقم 3 ، كلها غير قابلة للتمييز باللمس. نسحب تائيا وعشوائيا كرتين من الكيس .

نعتبر الحدثين A و B التاليين :

A : "الكرتان المسحوبتان تحمل كل واحدة منهما رقما فرديا" .

B : "الكرتان المسحوبتان تحملان رقمين مجموعهما أكبر من أو يساوي 9" .

1. أ. حدد عدد السحبات الممكنة.

0.5

ب. احسب $P(A)$

0.75

2. بين أن : $P(B) = \frac{3}{7}$

0.75

3. علما أن الحدث B محقق احسب احتمال سحب كرتين تحمل كل واحدة منهما رقما فرديا.

1.25

4. هل الحدثان A و B مستقلان؟ علل جوابك .

0.75