

الصفحة  
1  
3

# الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

## الدورة الاستدراكية 2013

### الموضوع



RS26

الملكة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
المركز الوظيفي للنقويم والامتحانات والتوجيه

2	مدة الختبار	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية و مسلك علوم التدبير الحاسبي	الشعبية أو المسلط

#### تعليمات للمترشح

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها

- . 1. يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة.
- . 2. يتكون الموضوع الذي بين يديك من أربعة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاث صفحات الأولى منها خاصة بهذه التعليمات.
- . يمكن الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع.
- . ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مفروء.
- . يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضماناً لتيسير عملية التصحيح.
- . تجنب الكتابة بقلم أحمر.
- . تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.
- . 3. ينبغي عليك تبرير النتائج و تعليلها (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات، ... ) يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من عناية.

## التمرين الأول (خمس نقاط)

$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{-8}{u_n - 6}; & n \in \mathbb{N} \\ u_0 = 3 \end{cases}$$

نعتبر المتالية العددية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  المعرفة بما يلي :

1. احسب  $u_1$  و  $u_2$

$$v_n = \frac{u_n - 2}{u_n - 4}$$

أ. احسب  $v_0$  ثم بين أن المتالية  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  هندسية أساسها

0.5

ب. احسب  $v_n$  بدلالة  $n$

0.75

$$u_n = \frac{4v_n - 2}{v_n - 1}$$

1

$$d. \text{ استنتاج أن } u_n = \frac{4\left(\frac{1}{2}\right)^n + 2}{\left(\frac{1}{2}\right)^n + 1} \text{ لكل } n \in \mathbb{N}$$

1

$$e. \text{ احسب } \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$$

0.5

## التمرين الثاني (ثلاث نقاط)

1. أ. تحقق أن لكل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  :  $3 - \frac{1}{x} = \frac{3x - 1}{x}$  ثم احسب التكامل :

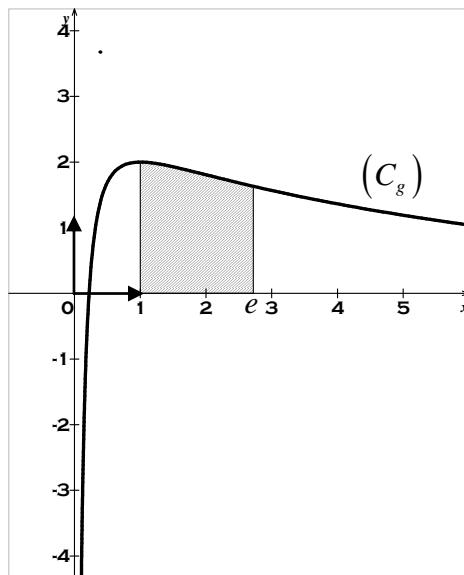
1.5

$$J = \int_1^e \ln x \, dx$$

1

2. في المعلم المتعامد المنظم أسفله  $(C_g)$  هو التمثيل المباني للدالة  $g$  المعرفة على  $[0; e]$  بما يلي :

$$g(x) = \frac{3x - 1}{x} - \ln x$$



باستعمال نتنيجي السؤال 1 . احسب مساحة حيز المستوى المخدش في الشكل.

0.5

### التمرين الثالث (ثمان نقاط)

نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $[0; +\infty]$  بما يلي :

1 . أ . احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

ب . بين أن  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = -3$

2 . أ . لكل  $x$  من  $[0; +\infty]$  احسب  $f'(x)$  ثم بين أن :

ب استنتاج إشارة  $f'(x)$  على  $[0; +\infty]$

ج . أعط جدول تغيرات الدالة  $f$  على  $[0; +\infty]$

د . احسب  $(f')$  ثم استنتاج مما سبق إشارة  $f(x)$  على  $[0; +\infty]$

1

1

2

1

1

2

### التمرين الرابع (أربع نقاط)

( تعطى النتائج على شكل كسر )

يحتوي كيس على سبع (7) كرات : ثلث (3) تحمل الرقم 5 واثنتان (2) تحملان الرقم 4 واثنتان (2) تحملان الرقم 3 ، كلها غير قابلة للتمييز باللمس. نسحب تأينا وعشوانينا كرتين من الكيس .

نعتبر الحدين  $A$  و  $B$  التاليين :

$A$  : "الكرتان المسحوبتان تحمل كل واحدة منها رقمًا فرديا".

$B$  : "الكرتان المسحوبتان تحملان رقمين مجموعهما أكبر من أو يساوي 9".

1 . أ . حدد عدد السحبات الممكنة.

ب . احسب  $P(A)$

2 . بين أن :  $P(B) = \frac{3}{7}$

3 . علما أن الحدث  $B$  محقق احسب احتمال سحب كرتين تحمل كل واحدة منها رقمًا فرديا.

4 . هل الحدثان  $A$  و  $B$  مستقلان؟ علل جوابك .

0.5

0.75

0.75

1.25

0.75