



الصفحة
1
3



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الإستدراكية 2010
الموضوع

4	المعامل:	RS26	الرياضيات	المادة:
2 س	مدة الإنجاز:		مسلك العلوم الاقتصادية و مسلك علوم التدبير المحاسبي	الشعب (ة) أو المسلك :

توجيهات عامة للمترشح

- .1 يسمح باستعمال الآلة الحاسبة الغير القابلة للبرمجة؛
- .2 يتكون الموضوع من ثلاثة صفحات مرقمة 1/3 و 2/3 و 3/3؛
- .3 يتضمن الموضوع أربعة تمارين؛
- .4 تمارين الموضوع مستقلة فيما بينها؛
- .5 على المترشح أن يختار ترتيب التمارين الذي يناسبه؛
- .6 يؤخذ بعين الاعتبار تنظيم الورقة والدقة في الأجوبة.

التمرين الأول (2.5 ن)

1. أ. تحقق من أن : $\forall x \in \mathbb{R} ; \frac{(x+1)^2}{x^2+1} = 1 + \frac{2x}{x^2+1}$ 0.25
- ب. استنتج حساب التكامل : $\int_0^1 \frac{(x+1)^2}{x^2+1} dx$ 0.75
2. أ. باستعمال متكاملة بالأجزاء احسب $\int_0^1 x e^x dx$ 0.75
- ب. استنتاج حساب التكامل : $\int_0^1 (x - e^{-2x}) e^x dx$ 0.75

التمرين الثاني (4 ن)

- نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي :
- $$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{5}{6}u_n + \frac{1}{6} ; n \in \mathbb{N} \end{cases}$$
1. بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n > 1$ 0.75
2. بين أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ تناقصية ثم استنتاج أنها متقاربة. 1
3. نضع لكل n من \mathbb{N} : $v_n = u_n - 1$. 1
- أ. بين أن المتتالية $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ هندسية محددا أساسها وحدتها الأولى. 1
- ب. استنتاج أن لكل n من \mathbb{N} : $v_n = \left(\frac{5}{6}\right)^n$ 0.5
4. أ. احسب u_n بدالة n . 0.25
- ب. احسب النهاية : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ 0.5

التمرين الثالث (9.5 ن)

الجزء الأول

- نعتبر الدالة العددية h للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :
1. احسب $(h'(x))'$ وادرس إشارتها ثم ضع جدول تغيرات الدالة h (حساب النهائيتين غير مطلوب). 1.25
2. استنتاج أن لكل x من \mathbb{R} : $h(x) \leq 0$. 0.5

الجزء الثاني

- نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي : $f(x) = x^2 + 2x - 2e^x$ ولتكن (C_f) تمثيلها المباني في معلم متعامد منظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
1. أ. احسب النهائيتين $(f(x))_{x \rightarrow -\infty}$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة. 1.25
- ب. احسب النهائيتين $(f(x))_{x \rightarrow +\infty}$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة. 1.5
2. بين أن لكل x من \mathbb{R} : $f'(x) = 2h(x) = 2h(x)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f . 1
3. أ. بين أن المعادلة $0 = f(x)$ تقبل حلا وحيدا α في \mathbb{R} وأن α ينتمي إلى المجال $[-2, 2]$. 1.5
- ب. بين أن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف I أقصولها 0 . 0.5

ج . احسب $(0)' f$ ثم حدد معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) في النقطة I .	0.75
د . أنشئ المستقيم (T) والمنحنى (C_f) في المعلم $(\bar{j}; \bar{i}; \bar{t})$.	1.25

التمرين الرابع (4 ن)

لدينا نرد مكعب الشكل غير مغشوش تحمل أوجهه الأرقام : 1 ؛ 1 ؛ 1 ؛ 2 ؛ 2 ؛ 3 على التوالي.
نرمي النرد مرتين متتاليتين في الهواء ونسجل في كل مرة رقم الوجه الظاهر إلى الأعلى.

نعتبر الحدين A و B التاليين :

A : " الحصول مرتين على الرقم 3 " .

B : " الحصول على رقمين جذأهما أصغر من أو يساوي 6 " .

$$1. \text{ أ.} \text{ بين أن احتمال الحدث } A \text{ هو } p(A) = \frac{1}{36} \quad 0.5$$

$$\text{ب .} \text{ بين أن } B \text{ هو الحدث المضاد للحدث } A \text{ ثم استنتاج } p(B) \quad 1$$

$$2. \text{ ليكن } X \text{ المتغير العشوائي الذي يساوي عدد المرات التي يظهر فيها الرقم 3 .} \quad 0.25$$

أ . حدد القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X .

ب . حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X .

ج . احسب $(X) E$ الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X .

1.5

0.75