



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الإستدراكية 2010
الموضوع



الصفحة
1
3

4	المعامل:	RS26	الرياضيات	المادة:
2 س	مدة الإنجاز:	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسبي		الشعب(ة) أو المسلك:

توجيهات عامة للمترشح

1. يسمح باستعمال الآلة الحاسبة الغير القابلة للبرمجة؛
2. يتكون الموضوع من ثلاث صفحات مرقمة 1/3 و 2/3 و 3/3؛
3. يتضمن الموضوع أربعة تمارين؛
4. تمارين الموضوع مستقلة فيما بينها؛
5. على المترشح أن يختار ترتيب التمارين الذي يناسبه ؛
6. يؤخذ بعين الاعتبار تنظيم الورقة والدقة في الأجوبة.

التمرين الأول (2.5 ن)

0.25	1. أ. تحقق من أن : $\forall x \in \mathbb{R} ; \frac{(x+1)^2}{x^2+1} = 1 + \frac{2x}{x^2+1}$
0.75	ب. استنتج حساب التكامل : $\int_0^1 \frac{(x+1)^2}{x^2+1} dx$
0.75	2. أ. باستعمال مكاملة بالأجزاء احسب $\int_0^1 x e^x dx$
0.75	ب. استنتج حساب التكامل : $\int_0^1 (x - e^{-2x}) e^x dx$

التمرين الثاني (4 ن)

	نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي : $\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{5}{6}u_n + \frac{1}{6} \end{cases} ; n \in \mathbb{N}$
0.75	1. بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n > 1$.
1	2. بين أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ تناقصية ثم استنتج أنها متقاربة.
1	3. نضع لكل n من \mathbb{N} : $v_n = u_n - 1$.
	أ. بين أن المتتالية $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ هندسية محددًا أساسها وحدها الأول.
0.5	ب. استنتج أن لكل n من \mathbb{N} : $v_n = \left(\frac{5}{6}\right)^n$.
0.25	4. أ. احسب u_n بدلالة n .
0.5	ب. احسب النهاية : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

التمرين الثالث (9.5 ن)

الجزء الأول

	نعتبر الدالة العددية h للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي : $h(x) = x + 1 - e^x$.
1.25	1. احسب $h'(x)$ وادرس إشارتها ثم ضع جدول تغيرات الدالة h (حساب النهايتين غير مطلوب).
0.5	2. استنتج أن لكل x من \mathbb{R} : $h(x) \leq 0$.

الجزء الثاني

	نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي : $f(x) = x^2 + 2x - 2e^x$ وليكن (C_f) تمثيلها المبياني في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
1.25	1. أ. احسب النهايتين $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.
1.5	ب. احسب النهايتين $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.
1	2. بين أن لكل x من \mathbb{R} : $f'(x) = 2h(x)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f .
1.5	3. أ. بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في \mathbb{R} وأن α ينتمي إلى المجال $[-2; -2,2]$.
0.5	ب. بين أن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف I أفصولها 0.

- ج . احسب $f'(0)$ ثم حدد معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) في النقطة I . 0.75
د . أنشئ المستقيم (T) والمنحنى (C_f) في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$. 1.25

التمرين الرابع (4 ن)

- لدينا نرد مكعب الشكل غير مغشوش تحمل أوجهه الأرقام : 1 ؛ 1 ؛ 2 ؛ 2 ؛ 3 ؛ 3 على التوالي.
نرمي النرد مرتين متتاليتين في الهواء ونسجل في كل مرة رقم الوجه الظاهر إلى الأعلى.
نعتبر الحدثين A و B التاليين :
 A : " الحصول مرتين على الرقم 3 " .
 B : " الحصول على رقمين جذاؤهما أصغر من أو يساوي 6 " .
1 . أ . بين أن احتمال الحدث A هو $p(A) = \frac{1}{36}$ 0.5
ب . بين أن B هو الحدث المضاد للحدث A ثم استنتج $p(B)$. 1
2 . ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد المرات التي يظهر فيها الرقم 3 .
أ . حدد القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X . 0.25
ب . حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X . 1.5
ج . احسب $E(X)$ الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X . 0.75