

تمرين (1) : 6,5

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0 = -2$ وكل n من $\mathbb{N}$: $u_{n+1} = \frac{u_n - 9}{u_n + 4}$ ونضع : $v_n = \frac{1}{u_n + 3}$

(1) أ- تحقق أن لكل n من $\mathbb{N}$: $u_{n+1} + 3 = \frac{4(u_n + 3)}{u_n + 4}$ ثم برهن أن : $u_n > -3$ ($\forall n \in \mathbb{N}$)

ب- بين أن لكل n من $\mathbb{N}$: $u_n - u_{n+1} = \frac{(u_n + 3)^2}{u_n + 4}$ ثم استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة.

(2) أ- بين أن لكل n من $\mathbb{N}$: $v_{n+1} - v_n = \frac{1}{4}$ واستنتج لطبيعة المتتالية (v_n)

ب- اكتب v_n بدلالة n واحسب $\lim_{n \rightarrow \infty} v_n$

ج- تحقق أن لكل n من $\mathbb{N}$: $u_n = -3 + \frac{1}{v_n}$ واستنتج نهاية المتتالية (u_n) .

د- حدد أ صغر عدد صحيح طبيعي n بحيث $\frac{2}{1001} < u_n + 3$

تمرين (2) : 6,1

لكن f الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي : $e^x (x-2) f(x)$ و (C) منحنىها الممثل في معلم متعامد منظم (نقطة 0)

(1) أ- بين أن $f(x) = 0$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ وأول هندسيا النتيجة المحل عليها.

ب- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ (مغلا أحيوتك) واستنتج الفروع الانتهائية لـ (C) بجوار $+\infty$.

(2) أ- بين أن لكل x من $\mathbb{R}$: $f'(x) = (x-1)e^x$ ثم نضع جدول تغيرات f على $\mathbb{R}$.

ب- حدد إحداثيتي نقطتي تقاطع المنحنى (C) مع كل من محوري الترتيب والأفاجيل.

ج- أُنشئ المنحنى (C) .

(3) أ- باستعمال مكاملة بالاث جزء، بين أن : $\int_0^e f(x) dx = 3 - e^2$

ب- استنتج مساحة الجير المظهور بين المنحنى (C) ومحور الأفاجيل والمستقيمين الذين معادلتها : $x=0$ ، $x=2$ ، $x=2$

تمرين (3) (7) نعطى جميع النتائج على شكل كسور مختلفة مع إبراز الصيغ المستعملة

يحتوي صندوق على أربع كرات بيضاء تحمل الأرقام : 5؛ 5؛ 5؛ 6 وثلاث كرة سوداء مرقمة 5؛ 6؛ 6.

(لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس)

1) نُسحب عشوائيا ثانيا ثلاث كرات من الصندوق، ونعتبر الحدثين :

A « الكرات المسحوبة بيضاء ». B « الكرات المسحوبة تحمل نفس الرقم »

أ- احسب $p(A)$ وبين أن $p(B) = \frac{1}{7}$

ب- بين أن $p(A \cap B) = \frac{1}{35}$. هل الحدثان A و B مستقلان ؟

ج- علما أن الكرات المسحوبة تحمل نفس الرقم، ما هو احتمال أن تكون بيضاء ؟

2) نُسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق. لكن الأحداث :

C « الكرتان المسحوبتان مختلفتا اللون » D « الحصول على الأقل على كرة واحدة تحمل الرقم 5 »

مراقبة مستمرة : 06 ماي 2016 . السنة 2 علوم اقتصادية

- | | |
|---|---|
| 1 | أ- بين أن $p(c) = \frac{4}{7}$ |
| 1 | ب- احسب احتمال الحدث D . |
| | 3] <u>نشرح بالتتابع وبإحلال خمس كرات من الصندوق .</u> |
| 1 | احسب احتمال الحصول بالضبط ثلاث مرات على كرت سوداء . |