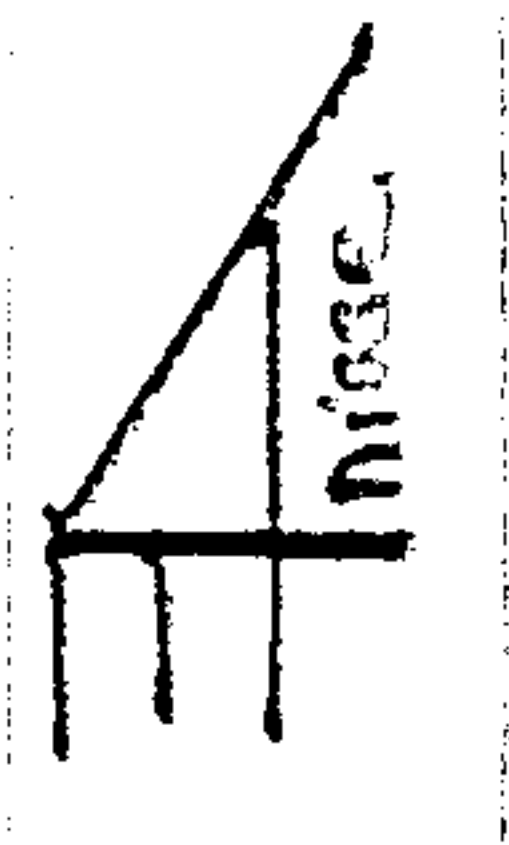




مراجعة شهرية (3)
13 ماي 2014

السنة 2 معلوم (مفاهيم)
مدة الاختبار: ساعتان

تعريف (1)، (5 ن)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي:

$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{4+3u_n}{5+2u_n}, (n \in \mathbb{N}) \end{cases}$$

أ - أثبت أن كل n من $\mathbb{N}$: $u_n - 1 = \frac{u_n - 1}{5+2u_n}$

ب - برهن بالتعرج أن كل n من $\mathbb{N}$: $u_n > 1$

ج - أثبت أن كل n من $\mathbb{N}$: $u_{n+1} - u_n = \frac{2(1-u_n)(u_n+2)}{5+2u_n}$

د - أدرس رتبة المتتالية (u_n) ثم استنتج أنها متقاربة.

$$v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 2}$$

أ - بين أن المتتالية (v_n) هندسية أساسها $\frac{1}{7}$ وحداً حدها الأول.

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = 0$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$$

تمرين (2): (5,5 ن)

يتم توزيع على أربع كرات خضراء مرقمة 0؛ 1؛ 2؛ 3 وثلاث كرات حمراء مرقمة 0؛ 1؛ 2؛ 3؛ 4؛ 5.

(أ) نعتبر عشوائياً بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق. اعتبر الحدثين: A «الكرتان المصحوبتان لهما نفس اللون»

B «الكرتان المصحوبتان تحملان نفس الرقم»

$$p(A) \text{ و } p(B)$$

ب - بين أن احتمال تحقق الحدث A و B هو $\frac{1}{7}$

0,5

ج - علماً أن الكرتين المصحوبتين لهما نفس اللون، ما هو احتمال أن تكونا حامتيتن لنفس الرقم؟

(ب) نعتبر الآن عشوائياً تآسيباً ثلاث كرات من الصندوق، ونعتبر المتغير العشوائي الذي يربط كل معبئة بعدد الكرات التي تحمل الرقم 2.

أ - حدد القيد المتري يأخذها X.

$$p(X=2) = \frac{1}{7}$$

ج - حدد قانون احتمال X وتحقق أن أهله الرياضي هو $\frac{6}{7}$

تعريف (3): (9,5 ن)

لكن في الدالة المعرفة على المجال $[2; +\infty[$ بما يلي: $f(x) = x^2 + 1 - \frac{1}{x}$

أ - احسب $f'(x)$ و $f''(x)$ وأول هذين النتيجة المحل عليها.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

ج - بين أن المنحنى (C) يقبل فرعاً مماساً في اتجاه المستقيم (D) الذي معادلته $y=x$ بجوار $+\infty$.

أ - احسب $f'(x)$ واستنتج أن f' تتزايد في قطعاً على $\mathbb{R}$.

ب - اكسب معادلة المماس لـ (C) في النقطة ذات الألف 1.

ج - بين أن المعادلة $f(x)=0$ تقبل حلاً وحيداً في المجال $[\frac{1}{2}, 1]$.

د - أفسح المستقيم (D) و (C) المنحنى (C).

$$\int_1^2 \ln x dx = 1 - \frac{1}{2}$$

ب - احسب التكامل $\int_1^2 (1 - \frac{1}{x}) dx$

ج - استنتج مساحة الجزء المحصور بين المنحنى (C) والمستقيم (D) والمستقيمين اللذين معادلهما $x=1$ و $x=e$.