

تمرين (1) (5,5 في)

1 أ - حل في $\mathbb{R}$ المعادلة: $2t^2 + 5t - 3 = 0$

ب - استنتج حلول المعادلات التالية: $2\ln x + 5\ln x - 3 = 0$; $2\log x + 5\log x - 3 = 0$

$$2e^{2x} + 5e^x - 3 = 0$$

2 حل في $\mathbb{R}$ المتراجعتين: $2e^{2x} + 5e^x - 3 < 0$; $2\ln x + 5\ln x - 3 > 0$

تمرين (2) (6 في)

لنكن في الدالة العددية المعرفة على المجال $I =]0; +\infty[$ بما يلي: $f(x) = \frac{8\ln x}{x^2}$

1 أ - احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ثم أول هندسيا النتيجة المعطى عليها.

ب - احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم اعط تأويل هندسيا للنتيجة المعطى عليها.

2 أ - بين أن لكل x من I : $f'(x) = \frac{8(1-2\ln x)}{x^3}$

ب - استنتج أن الدالة f تزايدية على $]0; \sqrt{e}]$ وتناقصية على $[\sqrt{e}; +\infty[$.

ج - بين أن $f(\sqrt{e}) = \frac{4}{e}$ وضع جدول تغيرات f على I .

د - أنشئ المنحنى (C_f) في معلم متعامد منكسر $(0, 1, 2)$ (نأخذ $\sqrt{e} \approx 1,6$ و $\frac{4}{e} \approx 1,5$) (يملك حساب $f(1)$)

تمرين (3) (8,5 في)

نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي: $g(x) = (x-2)e^x + 2$

1 أ - بين أن: $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 2$ وأول هندسيا هذه النتيجة.

ب - احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ وبين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x} = +\infty$ ثم حدد الفروع اللانهائي لـ (C_g) بجوار $+\infty$.

2 أ - بين أن لكل x من $\mathbb{R}$: $g'(x) = (x-1)e^x$

ب - ضع جدول تغيرات الدالة g على $\mathbb{R}$.

3 أ - أكتب معادلة المماس للمنحنى (C_g) في النقطة ذات الأفق 0

ب - أثبت أن المعادلة: $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال

ج - أنشئ المنحنى (C_g) في معلم متعامد منكسر $(0, 1, 2)$ (يملك حساب $g(2)$)

د - حل ميانيا المتراجعة: $g(x) > 0$