

تمرين (1) : اعد كتابة مبسطة لكل عدد من الأعداد التالية :

$$a = \ln\left(\frac{1}{2}\right) + \ln\left(\frac{2}{3}\right) + \ln\left(\frac{3}{4}\right) + \ln\left(\frac{4}{e}\right) \quad 1+1$$

$$b = \ln(\sqrt{e^2+1}+e) + \ln(\sqrt{e^2+1}-e) \quad 1$$

$$c = \ln 25 - \ln 49 - 4 \ln \sqrt{5} + 4 \ln \sqrt{7} + \ln(e) \quad 1$$

تمرين (2) : حل في $\mathbb{R}$ المعادلتين والمترابطتين (التاليين)

$$\ln(x-2) + \ln(4-x) = \ln(2x-5) \quad (1) \quad 1+1$$

$$(\ln x)^2 - 5 \ln x + 6 < 0 \quad (2) \quad 1+1$$

تمرين (3) : نعتبر الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}^+$ بما يلي :

$$g(0) = 0$$

$$g(x) = x \ln x - x \quad (x > 0)$$

أ - بين أن الدالة متصلة على $\mathbb{R}^+$ في 0. 0,5

ب - ادرس قابلية اشتقاق g على $\mathbb{R}^+$ في 0، واول هندسيا النتيجة المحل عليها 1,5

ج - تحقق أن لكل x من $]0, +\infty[$ $g(x) = x(\ln x - 1)$ ثم استنتج $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ 1,5

أول هندسيا النهاية الأخيرة 1,25

ب - بين أن لكل x من $]0, +\infty[$: $g'(x) = \ln x$ ثم حل المعادلة $g'(x) = 0$ 1,25

ج - نرج جدول تغيرات g على $\mathbb{R}^+$ 1,25

تمرين (4) : لنكن f الدالة العددية المعرفة على $]0, +\infty[$ بما يلي : $f(x) = 2 + \frac{\ln x}{x}$ 0,75

أ - احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ واول هندسيا النتيجة المحل عليها 0,75

ب - احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ واول هندسيا النتيجة المحل عليها 1,5

ج - بين أن لكل x من $]0, +\infty[$: $f'(x) = \frac{1 - \ln x}{x^2}$ ، حل المعادلة $f'(x) = 0$ 1,5

ب - نرج جدول تغيرات f على $]0, +\infty[$ (محدد $f(e)$) 1

ج - بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α من المجال $]0,4; 0,5[$ 0,5

أ - أكتب معادلة المماس (T) في النقطة التي أفعلوها 1

ب - أشرح المنحنى (C) في $(0, +\infty)$ 1