

## تصحيح الامتحان الوطني الدورة العادية 2022

### العلوم الفيزيائية خيار فرنسي

[www.svt-assilah.com](http://www.svt-assilah.com)

#### Exercice 1 :

##### Partie 1 : chromage d'une plaque d'acier par électrolyse

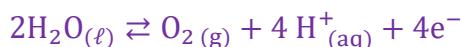
###### 1. Identification de l'électrode qui joue le rôle de la cathode :

La réduction de l'ion chrome (III) se fait au niveau de la cathode.

La plaque d'acier joue le rôle de la cathode.

###### 2.1. A

L'équation de la réaction au niveau de l'électrode de graphite s'écrit :



A	$2\text{H}_2\text{O}_{(\ell)} \rightleftharpoons \text{O}_{2(g)} + 4\text{H}^+_{(aq)} + 4\text{e}^-$	B	$\text{Cr}^{3+}_{(aq)} + 3\text{e}^- \rightleftharpoons \text{Cr}_{(s)}$
C	$2\text{O}^{2-}_{(aq)} \rightleftharpoons \text{O}_{2(g)} + 4\text{e}^-$	D	$2\text{H}_2\text{O}_{(\ell)} \rightleftharpoons \text{O}_{2(g)} + 2\text{H}_{2(g)}$

###### 2.2. B

L'équation de la réaction au niveau de l'électrode d'acier s'écrit :



A	$2\text{H}_2\text{O}_{(\ell)} \rightleftharpoons \text{O}_{2(g)} + 4\text{H}^+_{(aq)} + 4\text{e}^-$	B	$\text{Cr}^{3+}_{(aq)} + 3\text{e}^- \rightleftharpoons \text{Cr}_{(s)}$
C	$\text{Cr}^{2+}_{(aq)} + 2\text{e}^- \rightleftharpoons \text{Cr}_{(s)}$	D	$2\text{H}_2\text{O}_{(\ell)} \rightleftharpoons \text{O}_{2(g)} + 2\text{H}_{2(g)}$

###### 3. Détermination de m(Cr) :

Tableau d'avancement de la réaction qui se produit au niveau de la cathode :

Equation de la réaction	$\text{Cr}^{3+}_{(aq)}$	$\rightleftharpoons$	$\text{Cr}_{(s)}$	$+ 3\text{e}^-$	$n(\text{e}^-)$
Etat initial	$n_0(\text{Cr}^{3+})$	---	0	---	0
Pendant la durée $\Delta t$	$n_0(\text{Cr}^{3+}) - x$	---	x	---	$3x$

$$\begin{cases} n(\text{e}^-) = 3x \\ n(\text{e}^-) = \frac{I \cdot \Delta t}{F} \end{cases} \Rightarrow 3x = \frac{I \cdot \Delta t}{F} \Rightarrow x = \frac{I \cdot \Delta t}{3F}$$

$$\begin{cases} n(\text{Cr}^{3+}) = x \\ n(\text{Cr}^{3+}) = \frac{m(\text{Cr})}{M(\text{Cr})} \end{cases} \Rightarrow \frac{m}{M(\text{Cr})} = x \Rightarrow m(\text{Cr}) = x \cdot M(\text{Cr})$$

$$m(\text{Cr}) = \frac{I \cdot \Delta t \cdot M(\text{Cr})}{3F} \quad \text{A. N:} \quad m(\text{Cr}) = \frac{2 \times 2 \times 3600 \times 52}{3 \times 96500} \Rightarrow m(\text{Cr}) = 2,59 \text{ g}$$

## Partie 2 : Etude d'une solution d'acide propanoïque

### 1-Solution aqueuse d'acide propanoïque

1.1. L'équation de la réaction d'acide propanoïque et l'eau :



1.2. Calcul du taux d'avancement final :

Tableau d'avancement :

Equation de la réaction		$\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}_{(\text{aq})}$	$+$	$\text{H}_2\text{O}_{(\ell)}$	$\rightleftharpoons$	$\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^{-}_{(\text{aq})}$	$+$	$\text{H}_3\text{O}^{+}_{(\text{aq})}$
Etat du système	Avancement	Quantité de matière en (mol)						
Etat initial	0	$\text{C}_a \cdot V$		En excès	---	0	0	
intermédiaire	x	$\text{C}_a \cdot V - x$		En excès	---	x	x	
Etat d'équilibre	$x_{\text{éq}}$	$\text{C}_a \cdot V - x_{\text{éq}}$		En excès	---	$x_{\text{éq}}$	$x_{\text{éq}}$	

D'après le tableau d'avancement :

$$n_f(\text{H}_3\text{O}^{+}) = x_{\text{éq}} = [\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}} \cdot V$$

Le réactif limitant est l'acide :  $\text{C}_a \cdot V - x_{\text{max}} = 0 \Rightarrow x_{\text{max}} = \text{C}_a \cdot V$

$$\begin{aligned} \tau &= \frac{x_f}{x_{\text{max}}} = \frac{[\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}} \cdot V}{\text{C}_a \cdot V} = \frac{[\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}}}{\text{C}_a} \Rightarrow \tau = \frac{10^{-\text{pH}}}{\text{C}_a} \\ \tau &= \frac{10^{-3,1}}{5 \cdot 10^{-2}} = 0,0159 \Leftrightarrow [\tau \approx 1,6 \%] \end{aligned}$$

-Conclusion :  $\tau < 1$  la réaction entre l'acide propanoïque est limitée.

1.3. Expression de  $Q_{r,\text{éq}}$  en fonction de  $\text{C}_a$  et  $[\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}}$  :

$$Q_{r,\text{éq}} = \frac{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^{-}]_{\text{éq}} \cdot [\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}}}{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}]_{\text{éq}}}$$

$$\tau = \frac{[\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}}}{\text{C}_A} \Rightarrow [\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}} = \text{C}_A \cdot \tau$$

D'après le tableau d'avancement :

$$[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^{-}]_{\text{éq}} = [\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}} = \frac{x_f}{V}$$

$$[\text{C}_2\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}]_{\text{éq}} = \frac{\text{C}_a \cdot V - x_f}{V} = \text{C}_a - \frac{x_f}{V} = \text{C}_a - [\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}}$$

$$Q_{r,\text{éq}} = \frac{[\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}}^2}{[\text{C}_2\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}]_{\text{éq}}} \Rightarrow Q_{r,\text{éq}} = \frac{[\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}}^2}{\text{C}_a - [\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}}}$$

-Calcul de valeur de  $Q_{r,\text{éq}}$  :

On :

$$[\text{H}_3\text{O}^{+}]_{\text{éq}} = 10^{-\text{pH}}$$

$$Q_{r,\text{éq}} = \frac{(10^{-\text{pH}})^2}{C_a - 10^{-\text{pH}}} = \frac{10^{-2\text{pH}}}{C_a - 10^{-\text{pH}}}$$

A.N :  $Q_{r,\text{éq}} = \frac{10^{-2 \times 3,1}}{5 \cdot 10^{-2} - 10^{-3,1}} \Rightarrow Q_{r,\text{éq}} = 1,28 \cdot 10^{-5}$

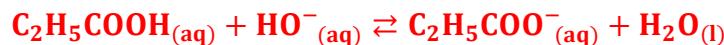
1.4. Déduction de la valeur du  $\text{pK}_A$  :

On :  $K_A = Q_{r,\text{éq}} \Rightarrow \text{pK}_A = -\log K_A = -\log Q_{r,\text{éq}}$

A.N :  $\text{pK}_A = -\log(1,28 \cdot 10^{-5}) = 4,89 \Rightarrow \text{pK}_A \approx 4,9$

## 2-Dosage d'une solution aqueuse d'acide propanoïque :

2.1. Équation de la réaction du dosage :



2.2. Détermination graphique de  $V_{bE}$  :

$V_{bE} = 20 \text{ mL}$

2.3. Vérification de la valeur de  $C_a$  :

La relation d'équivalence :  $C_a \cdot V_a = C_b \cdot V_{bE}$

$$C_a = \frac{C_b \cdot V_{bE}}{V_a}$$

A.N :  $C_a = \frac{5 \cdot 10^{-2} \times 20 \cdot 10^{-3}}{20 \cdot 10^{-3}} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$

2.4. Détermination de la masse m :

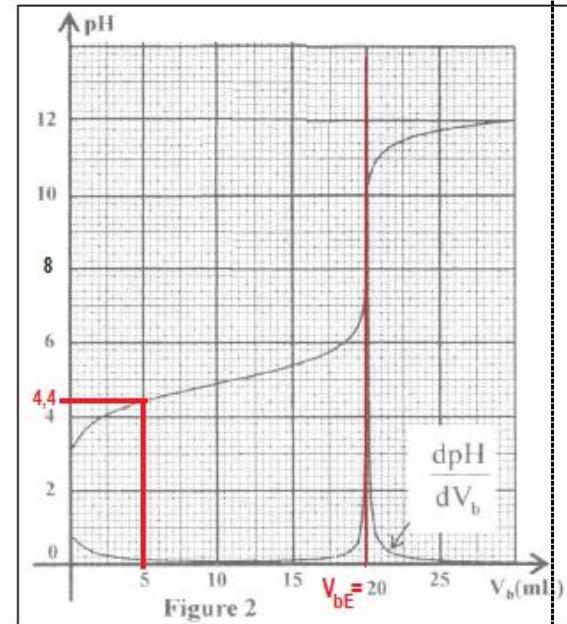
$$C_0 = \frac{m}{M \cdot V} \Rightarrow m = C_0 \cdot M \cdot V$$

La solution  $S_0$  de concentration  $C_0$  a été diluée 10 fois pour obtenir une solution  $S_a$  de concentration  $C_a$ .

$$\frac{C_0}{C_a} = 10 \Rightarrow C_0 = 10 C_a$$

$$m = C_0 \cdot M \cdot V \Rightarrow m = 10 C_a \cdot M \cdot V$$

A.N :  $m = 10 \times 5 \cdot 10^{-2} \times 74 \times 1 \Rightarrow m = 37 \text{ g}$



2.5. Le pourcentage de la forme acide dans le mélange :

Graphiquement (figure 2) pour  $V_b = 5 \text{ mL}$ ; on a :  $\text{pH} = 4,4$

$$\text{pH} = \text{pK}_A + \log \frac{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-]_{\text{éq}}}{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}]_{\text{éq}}} \Rightarrow \log \frac{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-]_{\text{éq}}}{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}]_{\text{éq}}} = \text{pH} - \text{pK}_A \Rightarrow \frac{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-]_{\text{éq}}}{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}]_{\text{éq}}} = 10^{\text{pH}-\text{pK}_A}$$

$$\% (\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}) = \frac{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}]_{\text{éq}}}{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}]_{\text{éq}} + [\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-]_{\text{éq}}} = \frac{1}{1 + \frac{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-]_{\text{éq}}}{[\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}]_{\text{éq}}}}$$

$$\% (\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}) = \frac{1}{1 + 10^{\text{pH}-\text{pK}_A}}$$

A.N :

$$\% (\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}) = \frac{1}{1+10^{4,4-4,9}} = 0,7597 \Rightarrow \% (\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}) \approx 76 \%$$

## Exercice 2 :

### Partie 1 :

1.

1.1. L'onde sonore est une onde transversale : Faux

1.2. L'onde sonore ne se propage pas dans le vide : Vrai

2. La durée  $\Delta t$  :

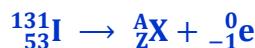
D'après la figure 2 on a :  $\Delta t = 5 \times 0,5 \text{ ms} \Rightarrow \boxed{\Delta t = 2,5 \text{ ms}}$

3. La célérité  $v$  :

$$v = \frac{L}{\Delta t} \quad \text{A. N:} \quad v = \frac{85 \cdot 10^{-2}}{2,5 \cdot 10^{-3}} \Rightarrow \boxed{v = 340 \text{ m.s}^{-1}}$$

### Partie 2 :

1. L'équation de désintégration de l'iode 131 :



Loi de Soddy :

$$\begin{cases} 131 = A + 0 \\ 53 = Z - 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = 131 \\ Z = 53 + 1 = 54 \end{cases}$$

Le noyau produit est le Xénon :  ${}_Z^A\text{X} = {}_{54}^{131}\text{Xe}$

L'équation de désintégration de l'iode 131 s'écrit :



2. L'énergie libérée  $|\Delta E|$  :

$$\Delta E = [m({}_{54}^{131}\text{Xe}) + m({}_{-1}^0\text{e}) - m({}_{53}^{131}\text{I})] \cdot c^2$$

$$\Delta E = (130,905082 + 5,48580 \cdot 10^{-4} - 130,906125)u \cdot c^2$$

$$\Delta E = -4,9442 \cdot 10^{-4} \times 931,5 \text{ MeV} \cdot c^{-2} \cdot c^2 = -0,46055223 \text{ MeV}$$

$$\boxed{|\Delta E| \approx 0,46055 \text{ MeV}}$$

3.

3.1. Détermination graphique de  $t_{1/2}$  :

A l'instant  $t_{1/2}$  on a :  $a(t_{1/2}) = \frac{a_0}{2} = 2 \cdot 10^6 \text{ Bq}$

D'après la figure 3 on trouve :

$$\boxed{t_{1/2} = 8 \text{ jours}}$$

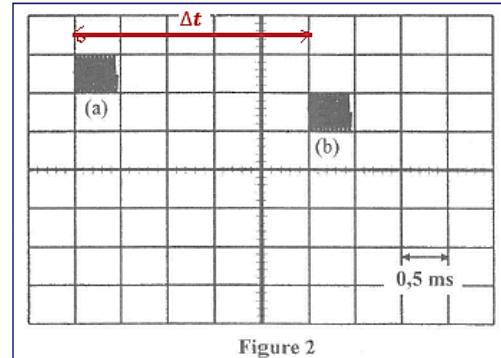


Figure 2

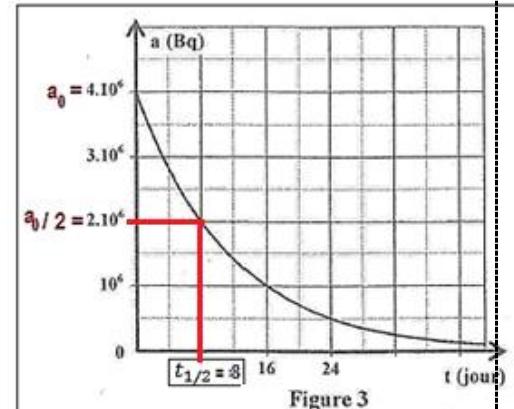


Figure 3

### 3.2. Le nombre $N_0$ :

$$a_0 = \lambda \cdot N_0$$

Avec :

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$$

$$a_0 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot N_0 \Rightarrow \ln 2 \cdot N_0 = a_0 \cdot t_{1/2} \Rightarrow N_0 = \frac{a_0 \cdot t_{1/2}}{\ln 2}$$

A.N :

$$N_0 = \frac{4 \cdot 10^6 \times 8 \times 24 \times 3600}{\ln 2} = 3,989 \cdot 10^{12} \Rightarrow N_0 \simeq 3,99 \cdot 10^{12}$$

### 3.3. L'instant $t_1$ :

A l'instant  $t_1$  on a 95% des noyaux d'iode 131 sont désintégrés, il reste 5% des noyaux ;  $N(t_1) =$

$$\frac{5}{100} \cdot N_0 = 0,05 N_0 \Rightarrow \frac{N(t_1)}{N_0} = 0,05$$

D'après la loi de décroissance nucléaire :  $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

$$N(t_1) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_1} \Rightarrow \frac{N(t_1)}{N_0} = e^{-\lambda \cdot t_1} \Rightarrow \ln \left( \frac{N(t_1)}{N_0} \right) = -\lambda \cdot t_1$$

$$\ln \left( \frac{N(t_1)}{N_0} \right) = -\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t_1 \Rightarrow t_1 = -\frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \left( \frac{N(t_1)}{N_0} \right)$$

A.N :

$$t_1 = -\frac{8}{\ln 2} \cdot \ln(0,05) \Rightarrow t_1 = 34,575 \text{ jours}$$

[www.svt-assilah.com](http://www.svt-assilah.com)

### Exercice 3 :

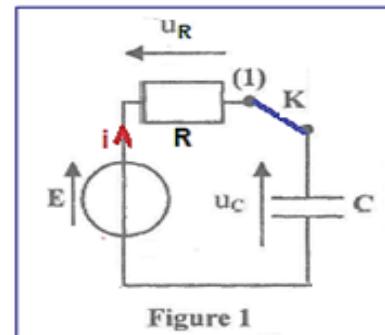
#### 1. Réponse d'un dipôle RC à un échelon de tension

##### 1.1. Vérification de l'équation différentielle :

D'après la loi d'additivité des tensions :  $u_R + u_C = E$

D'après la loi d'ohm :  $u_R = R \cdot i$  avec :  $i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C \cdot u_C)}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt}$

$$RC \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E \Rightarrow \frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC} u_C = \frac{E}{RC}$$



##### 1.2.1. L'expression de $i(t)$ :

$$i(t) = C \cdot \frac{du_C}{dt} = C \cdot \frac{d \left[ E \left( 1 - e^{-\frac{t}{RC}} \right) \right]}{dt} = \frac{C \cdot E}{R \cdot C} \cdot e^{-\frac{t}{RC}} \Rightarrow i(t) = \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{RC}}$$

##### 1.2.2. La valeur de R :

$$i(0) = \frac{E}{R} \cdot e^0 = \frac{E}{R} \Rightarrow R = \frac{E}{i(0)}$$

D'après la figure 2 - la valeur de l'intensité du courant  $t = 0$  est :  $i(0) = 12 \text{ mA}$

- En régime permanent la valeur de la tension est :  $u_C = E = 12 \text{ V}$

A.N :

$$R = \frac{12}{12 \cdot 10^{-3}} = 10^3 \Omega \Rightarrow R = 1 \text{ k}\Omega$$

### 1.2.3. La valeur de C :

Graphiquement la constante de temps :  $\tau = 50 \text{ ms}$

$$\tau = R \cdot C \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} \quad \text{A.N:} \quad C = \frac{50 \cdot 10^{-3}}{10^3} = 50 \cdot 10^{-6} \text{ F} \Rightarrow [C = 50 \mu\text{F}]$$

## 2. Oscillation libres dans un circuit RLC série

### 2.1. Premier cas : ( $r = 0$ )

#### 2.1.1. L'équation différentielle :

D'après la loi d'additivité des tensions :  $u_L + u_C = 0$

D'après la loi d'ohm :  $u_L = L \frac{di}{dt}$  avec :

$$i = C \cdot \frac{du_C}{dt} \text{ et } \frac{di}{dt} = \frac{d}{dt} \left( C \cdot \frac{du_C}{dt} \right) = C \cdot \frac{d}{dt} \left( \frac{du_C}{dt} \right) = \frac{d^2 u_C}{dt^2}$$

$$L \frac{di}{dt} + u_C = 0 \Rightarrow LC \frac{d^2 u_C}{dt^2} + u_C = 0 \Rightarrow \boxed{\frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_C = 0}$$

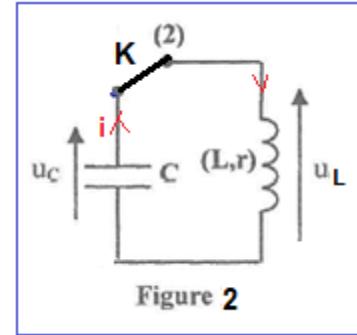


Figure 2

#### 2.1.2. La courbe qui représente la tension $u_C(t)$ :

Dans le circuit idéal LC les oscillations libres sont périodiques.

A  $t = 0$ ; le condensateur est totalement chargé  $u_C(0) = E = 12 \text{ V}$ ; sachant que ( $r=0$ ) l'amplitude des oscillations reste constante, donc la courbe qui représente l'évolution de la tension  $u_C(t)$  est ( $C_1$ ).

#### 2.1.3.a. L'expression de $T_0$ en fonction de L et C :

$$u_C(t) = U_0 \cos \left( \frac{2\pi}{T_0} t \right) \Rightarrow \frac{du_C}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot U_0 \sin \left( \frac{2\pi}{T_0} t \right) \Rightarrow \frac{d^2 u_C}{dt^2} = -\left( \frac{2\pi}{T_0} \right)^2 U_0 \cdot \cos \left( \frac{2\pi}{T_0} t \right) = -\left( \frac{2\pi}{T_0} \right)^2 u_C(t)$$

On remplace l'expression de  $\frac{d^2 u_C}{dt^2}$  dans  $\frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_C = 0$

$$-\left( \frac{2\pi}{T_0} \right)^2 u_C(t) + \frac{1}{LC} \cdot u_C(t) = 0 \Rightarrow \left[ -\left( \frac{2\pi}{T_0} \right)^2 + \frac{1}{LC} \right] \cdot u_C(t) = 0 \Rightarrow -\left( \frac{2\pi}{T_0} \right)^2 + \frac{1}{LC} = 0$$

$$\left( \frac{2\pi}{T_0} \right)^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow \frac{2\pi}{T_0} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \Rightarrow \frac{T_0}{2\pi} = \sqrt{LC} \Rightarrow [T_0 = 2\pi \cdot \sqrt{LC}]$$

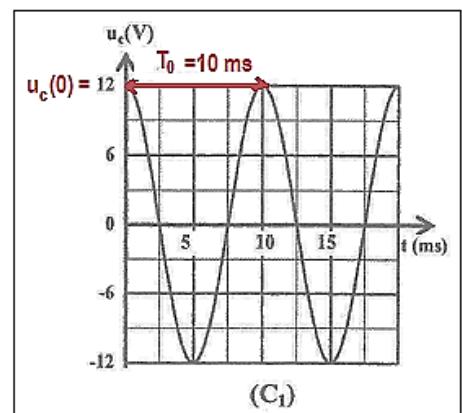
#### 2.1.3.b. La valeur de L :

$$T_0 = 2\pi \sqrt{LC} \Rightarrow T_0^2 = 4\pi^2 L \cdot C \Rightarrow L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C}$$

D'après la courbe ( $C_1$ ) la période propre est :  $T_0 = 10 \text{ ms}$

$$\text{A.N:} \quad L = \frac{(10 \cdot 10^{-3})^2}{4 \times 10 \times 50 \cdot 10^{-6}} \Rightarrow [L = 0,05 \text{ H}]$$

#### 2.2. Deuxième cas : ( $r \neq 0$ )



## 2.2.1. L'expression de l'énergie totale $E_t$ :

$$E_t = E_e + E_m \Rightarrow E_t = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2(t) + \frac{1}{2} L \cdot i^2(t)$$

## 2.2.2. L'énergie dissipée $\Delta E$ :

A  $t_0 = 0$  d'après la courbe de la figure 4, on a :  $u_C(t_0) = 12 \text{ V}$  et  $i(t_0) = 0$

$$\begin{aligned} E_0 &= E_e(t_0) + E_m(t_0) \\ E_t &= \frac{1}{2} C \cdot u_C^2(t_0) + \frac{1}{2} L \cdot i^2(t_0) \\ E_0 &= \frac{1}{2} \times 50 \cdot 10^{-6} \times 12^2 + \frac{1}{2} \times 0,05 \times 0^2 \\ E_0 &= 3,6 \cdot 10^{-3} \text{ J} \end{aligned}$$

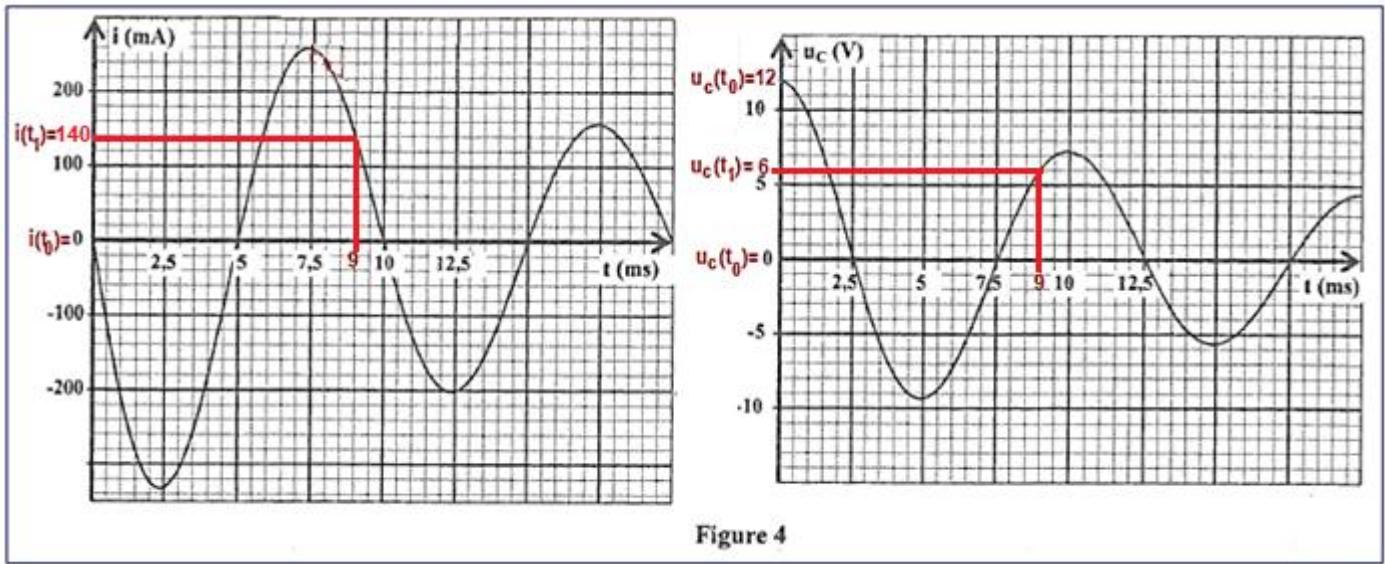


Figure 4

A  $t_1 = 9 \text{ ms}$  d'après la courbe de la même figure, on a :  $u_C(t_1) = 6 \text{ V}$  et  $i(t_1) = 140 \text{ mA}$

$$\begin{aligned} E_1 &= E_e(t_1) + E_m(t_1) = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2(t_0) + \frac{1}{2} L \cdot i^2(t_0) \\ E_1 &= \frac{1}{2} \times 50 \cdot 10^{-6} \times 6^2 + \frac{1}{2} \times 0,05 \times (140 \cdot 10^{-3})^2 \\ E_0 &= 1,39 \cdot 10^{-3} \text{ J} \end{aligned}$$

$$\Delta E = E_1 + E_0 \Rightarrow \Delta E = 1,39 \cdot 10^{-3} - 3,6 \cdot 10^{-3} = -2,21 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

$$\boxed{\Delta E = -2,21 \text{ mJ}}$$

[www.svt-assilah.com](http://www.svt-assilah.com)

[www.svt-assilah.com](http://www.svt-assilah.com)

## Exercice 4

### Partie 1 : Etude de la chute d'une bille dans un liquide visqueux

1. Le régime correspondant à chaque zone :

Zone 1 → régime initial

Zone 2 → régime permanent

## 2. L'équation différentielle :

Le système étudié : {la bille}

Bilan des forces :

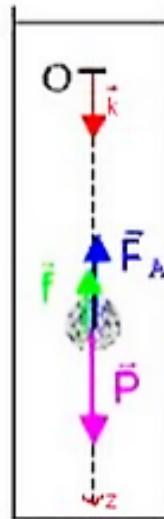
$\vec{P}$  : poids du solide ;

$\vec{F}_a$  : la poussée d'Archimède ;

$\vec{f}$  : la force de frottement fluide ;

Application de la deuxième loi de Newton :

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}_G \Leftrightarrow \vec{P} + \vec{F}_a + \vec{f} = m \cdot \vec{a}_G$$



Projection sur l'axe  $(0, \vec{k})$  :

$$P_z + F_{z\text{ext}} + R_z = m \cdot a_z \Leftrightarrow P - F_A - f = m \cdot a_G$$

$$m \cdot g - \rho_r \cdot V \cdot g - k \cdot v = m \cdot \frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = g \left( 1 - \frac{\rho_r \cdot V}{m} \right) \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = g \left( 1 - \frac{\rho_r \cdot V}{\rho_a \cdot V} \right) \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = g \left( 1 - \frac{\rho_r}{\rho_a} \right)$$

On pose:  $\frac{1}{\tau} = \frac{k}{m} \Rightarrow \tau = \frac{m}{k}$  L'équation différentielle s'écrit :

$$\boxed{\frac{dv}{dt} + \frac{1}{\tau} v = g \left( 1 - \frac{\rho_r}{\rho_a} \right)}$$

### 3.1. La valeur de $\tau$ :

D'après la figure 2 on a :  $\tau = 0,1 \text{ s}$

-Déduction de la valeur de  $k$  :

$$\tau = \frac{m}{k} \Rightarrow k = \frac{m}{\tau} \quad \text{A. N:} \quad k = \frac{10 \cdot 10^{-3}}{0,1} \Rightarrow \boxed{k = 0,1 \text{ kg.s}^{-1}}$$

### 3.2. La valeur de $V_\ell$ :

D'après la courbe 2, on a :  $\boxed{V_\ell = 0,88 \text{ m.s}^{-1}}$

### 4. L'expression de $\rho_r$ :

En régime permanent on a :  $v = V_\ell = \text{Cte} \Rightarrow \frac{dv}{dt} = 0$  l'équation différentielle s'écrit :

$$\frac{1}{\tau} V_\ell = g \left( 1 - \frac{\rho_r}{\rho_a} \right) \Rightarrow \frac{V_\ell}{\tau \cdot g} = 1 - \frac{\rho_r}{\rho_a} \Rightarrow \frac{\rho_r}{\rho_a} = 1 - \frac{V_\ell}{\tau \cdot g} \Rightarrow \rho_r = \rho_a \left( 1 - \frac{V_\ell}{\tau \cdot g} \right)$$

-Calcul de la valeur de  $\rho_r$  :

$$\rho_r = 7,8 \text{ g.cm}^{-3} \times \left( 1 - \frac{0,88 \text{ m.s}^{-1}}{0,1 \text{ s} \times 10 \text{ m.s}^{-2}} \right) = 0,936 \text{ g.cm}^{-3} \Rightarrow \boxed{\rho_r \approx 0,94 \text{ g.cm}^{-3}}$$

## Partie 2 : Etude du mouvement d'un satellite artificiel

### 1.1. L'expression de l'intensité de la force gravitationnelle : B

$$F_{T/S} = G \cdot \frac{M_T \cdot m_S}{(R_T + h_1)^2}$$

### 1.2. L'expression de la vitesse v :

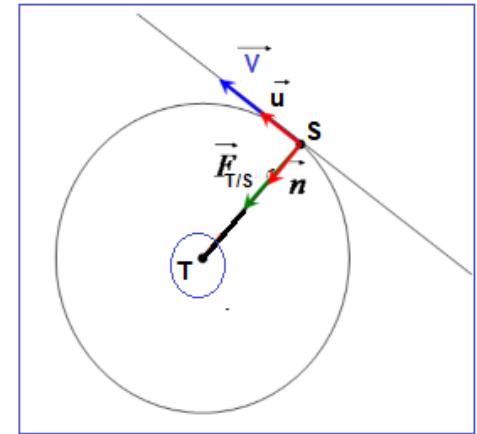
Le système étudié : {le satellite S }

Bilan des forces :

$\vec{F}_{T/S}$  : la force de gravitation exercée par la Terre ;

Application de la deuxième loi de Newton dans le référentiel géocentrique :

$$\vec{F}_{T/S} = m_S \cdot \vec{a}_S \Rightarrow G \cdot \frac{M_T \cdot m_S}{(R_T + h_1)^2} \vec{n} = m_S \cdot \vec{a}_S \Rightarrow \vec{a}_S = \frac{G \cdot M_T}{(R_T + h_1)^2} \vec{n}$$



Dans le référentiel de Fresnel on a :  $\vec{a}_S = a_T \cdot \vec{u} + a_N \cdot \vec{n} = \frac{dv}{dt} \cdot \vec{u} + \frac{v^2}{R_T + h_1} \cdot \vec{n}$

$$\begin{cases} \frac{dv}{dt} = 0 \\ \frac{G \cdot M_T}{(R_T + h_1)^2} = \frac{v^2}{R_T + h_1} \end{cases}$$

$$v^2 = \frac{G \cdot M_T}{R_T + h_1} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{R_T + h_1}}$$

### 1.3. Vérification de la période $T_1$ :

$$v = (R_T + h_1) \cdot \omega \Rightarrow v = \frac{2\pi}{T_1} \cdot (R_T + h_1) \Rightarrow T_1 = \frac{2\pi(R_T + h_1)}{v}$$

$$2\pi(R_T + h_1) \cdot \sqrt{\frac{R_T + h_1}{G \cdot M_T}} \Rightarrow T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{(R_T + h_1)^3}{G \cdot M_T}}$$

A.N :  $T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{(6380 \cdot 10^3 + 1000 \cdot 10^3)^3}{6,67 \cdot 10^{-11} \times 5,97 \cdot 10^{24}}} = 6312,69 \text{ s} \Rightarrow T_1 \simeq 1,75 \text{ h}$

### 2. Détermination de l'altitude $h_2$ :

D'après la 3<sup>ème</sup> loi de Kepler :  $\frac{T^2}{r^3} = cte$  avec  $r$  la trajectoire du rayon circulaire.

$$\frac{T_2^2}{(R_T + h_2)^3} = \frac{T_1^2}{(R_T + h_1)^3}$$

$$\frac{(R_T + h_2)^3}{T_2^2} = \frac{(R_T + h_1)^3}{T_1^2}$$

$$(R_T + h_2)^3 = \frac{T_2^2}{T_1^2} \cdot (R_T + h_1)^3$$

$$R_T + h_2 = \sqrt[3]{\frac{T_2^2}{T_1^2} \cdot (R_T + h_1)^3}$$

$$R_T + h_2 = (R_T + h_1) \times \sqrt[3]{\left(\frac{T_2}{T_1}\right)^2}$$

$$h_2 = (R_T + h_1) \times \sqrt[3]{\left(\frac{T_2}{T_1}\right)^2} - R_T$$

$$h_2 = (6380 + 1000) \text{ km} \times \sqrt[3]{\left(\frac{24 \text{ h}}{1,75 \text{ h}}\right)^2} - 6380 \text{ km} \Rightarrow \boxed{h_2 = 35903,59 \text{ km}}$$

[www.svt-assilah.com](http://www.svt-assilah.com)