

Dénombrement :

Définitions	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ Le cardinal de <math>E</math> est le nombre des éléments de <math>E</math> et on le note : <math>Card(E)</math></li> <li>✓ Le complémentaire de <math>A</math> dans <math>E</math> est noté <math>\bar{A}</math> <math>\bar{A} = \{x \in E / x \notin A\}</math></li> </ul>
Propriétés	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ <math>Card(A \cup B) = Card(A) + Card(B) - Card(A \cap B)</math></li> <li>✓ Si <math>A \cap B = \emptyset</math> alors : <math>Card(A \cup B) = Card(A) + Card(B)</math></li> <li>✓ <math>Card(\bar{A}) = Card(E) - Card(A)</math> <math>A \cup \bar{A} = E</math> <math>A \cap \bar{A} = \emptyset</math></li> </ul>

• Le principe fondamental du dénombrement

Dans une situation de dénombrement contient  $p$  choix

Si le 1<sup>er</sup> choix se réalise par  $n_1$  façon distinctes

et le 2<sup>ème</sup> choix se réalise par  $n_2$  façon distinctes

.....

et le  $p^{ème}$  choix se réalise par  $n_p$  façon distinctes

Alors le nombre des possibilités est  $n_1 \times n_2 \times \dots \times n_p$

Arrangements	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ Le nombre des arrangements sans répétition de <math>p</math> éléments pris parmi <math>n</math> éléments est : <math>A_n^p = n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times (n-p+1)</math> <math>p</math> facteurs (<math>p</math> et <math>n</math> deux éléments de <math>\mathbb{N}^*</math> et <math>\leq n</math>)</li> <li>✓ Le nombre des arrangements avec répétition de <math>p</math> élément pris parmi <math>n</math> élément est : <math>n^p</math> (<math>p</math> et <math>n</math> deux éléments de <math>\mathbb{N}^*</math>)</li> </ul>
Permutations	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ Tout arrangement de <math>n</math> éléments pris parmi <math>n</math> éléments est appelé une permutation de <math>n</math> éléments, le nombre des permutations est <math>A_n^n = n! = n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times 1</math></li> </ul>
Combinaisons	<p>Soit <math>E</math> un ensemble de cardinal <math>n</math> (<math>p</math> et <math>n</math> deux éléments de <math>\mathbb{N}^*</math> et <math>p \leq n</math>)</p> <p>Toute partie de <math>E</math> contenant <math>p</math> éléments est appelée combinaison de <math>p</math> éléments pris parmi <math>n</math> éléments de <math>E</math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ Le nombre des combinaisons de <math>p</math> élément pris parmi <math>n</math> est :</li> </ul> $C_n^p = \frac{A_n^p}{p!} = \frac{n!}{p!(n-p)!}$

Quelques types de tirage :

On tire  $p$  éléments parmi  $n$  éléments ( $p$  et  $n$  deux éléments de  $\mathbb{N}^*$ )

type de tirage	nombre des possibilités	L'ordre
simultanément ( $p \leq n$ )	$C_n^p$	N'est pas important
Successivement et sans remise ( $p \leq n$ )	$A_n^p$	important
Successivement et avec remise	$n^p$	important

Nombre de possibilités d'arrangement de  $n$  éléments

On dispose de  $n_1$  éléments de type A, et de  $n_2$  éléments de type B, de  $n_3$  éléments de type C, parmi  $n$  éléments, avec  $n = n_1 + n_2 + n_3$

➤ le nombre de possibilités d'arranger ces  $n$  éléments est :  $\frac{n!}{n_1!n_2!n_3!}$