

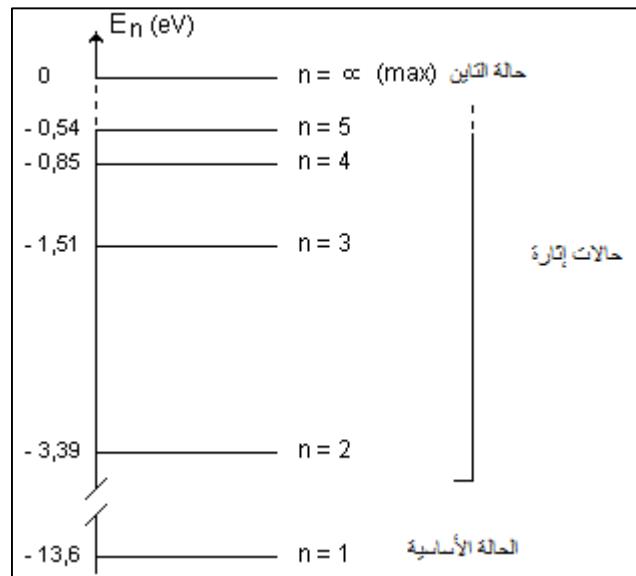
## تصحيح تمارين الذرة وmekanik نيوتن

### تمرين 1 :

1- تمثيل مستويات الطاقة :

حساب مستويات الطاقة باستعمال العلاقة :  $E_n = -\frac{13,6}{n^2}$  نحصل على النتائج التالية :

رقم المستوى الطافي $n$	طاقة المستوى $E_n$ (eV)
$\infty$	0
5	-0,54
4	-0,85
3	-1,5
2	-3,4
1	-13,6



2- الحالة الأساسية توافق أقل قيمة للطاقة . وهي الحالة الأكثر استقرارا  $E_1 = -13,6 \text{ eV}$  حالات التأين توافق مستوى الطاقة 0 في هذه الحالة ينفصل الإلكترون من النواة.

3- كيف تتصرف ذرة الهيدروجين في حالتها الأساسية عندما يرسل إليها فوتون طاقته  $E_a = 12,75 \text{ eV}$  تنتقل الذرة ، عندما تمتضي الفوتون ، إلى مستوى طافي :  $E_1 - E_a = -13,6 + 12,75 = -0,85 \text{ eV}$  هذه طاقة المستوى 4 =  $n$  وبالتالي الذرة تمتضي الفوتون و تمر إلى المستوى 4 .  $n = 4$

4- في حالة طاقة الفوتون  $E_b = 11,0 \text{ eV}$  الذرة في حالة امتصاص الفوتون تنتقل إلى مستوى طافي :  $-13,6 + 11,0 = -2,6 \text{ eV}$  لا توجد هذه القيمة ضمن مخطط الطاقة لذرة الهيدروجين ، وبالتالي لا تمتضي الذرة هذا الفوتون .

5- دراسة تصرف الذرة عندما تستقبل فوتون طاقته  $E_c = 15,6 \text{ eV}$  هذه الطاقة (15,6 eV) أكبر من طاقة التأين (136eV) الذرة تصبح أيونا والإلكترون يتحرر من الذرة بطاقة حرارية  $2,0 \text{ eV}$  .

**تمرين 2 :**

1- طاقة الحالة الأساسية نحدده بمخطط الطاقة :  $E_1 = -13,6 \text{ eV}$

2- طاقة التأين :  
الذرة توجد في حالتها الأساسية ومنه :

$$\Delta E = E_\infty - E_1 = 0 - (-13,6) = 13,6 \text{ eV}$$

3- طبيعة هذا الانتقال :  
بما أن  $n > p$  إذن  $E_p > E_n$   
يصاحب هذا الانتقال إثبات لأشعة لأن الذرة تنتقل من مستوى مثار  $p$  إلى مستوى أقل إثارة  $n$ .

3- حساب طول الموجة :

$$\lambda_{min} = \frac{hc}{E} \quad \text{لدينا :}$$

يتبيّن من هذه العلاقة أن طاقة الفوتون تتناسب عكسيًا مع طول الموجة  $\lambda$ .

$$\lambda_{min} = \frac{hc}{E_{max}} \quad \text{وبالتالي :}$$

$$E_{max} = E_p - E_n$$

$$E_{max} = E_\infty - E_2$$

$$\lambda_{min} = \frac{hc}{E_\infty - E_2}$$

$$\lambda_{min} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \times 3 \cdot 10^8}{0 - 13,6 \times 1,6 \cdot 10^{-19}} = 3,66 \cdot 10^{-7} \text{ m} \quad \text{ت.ع :}$$

4- طول الموجة للفوتون :

$$\lambda = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \times 3 \cdot 10^8}{10,2 \times 1,6 \cdot 10^{-19}} = 1,22 \cdot 10^{-7} \text{ m} \quad \text{ت.ع :} \quad \lambda = \frac{hc}{E}$$

4- طاقة الذرة بعد امتصاصها للفوتون :

$$E = E_p - E_n \quad \text{الذرة توجد في حالتها الأساسية } n = 1 \quad \text{ومنه :}$$

$$E_p = 10,2 - 13,6 = -3,4 \text{ eV} \quad \text{ت.ع :} \quad E_p = E + E_1$$

## تمرين 3 :

1- التحقق من موافقة القيم الواردة في الجدول لعلاقة بالمير:

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{n^2 - 4}{4n^2} \right)$$

$$R_H = \frac{1}{\lambda} \frac{n^2}{(n^2 - 4)}$$

$$\text{حساب قيم : } \frac{1}{\lambda} \frac{n^2}{(n^2 - 4)}$$

6	5	4	3	$n$
410,2	434,0	486,1	656,3	$\lambda(nm)$
$1,097 \cdot 10^7$	$1,097 \cdot 10^7$	$1,097 \cdot 10^7$	$1,097 \cdot 10^7$	$\frac{1}{\lambda} \frac{n^2}{(n^2 - 4)} (m^{-1})$

من معطيات الجدول يتبيّن أن قيمة  $\frac{1}{\lambda} \frac{n^2}{(n^2 - 4)}$  ثابتة

نستنتج أن علاقة بالمير تتحقق وأن قيمة الثابتة  $R_H$  هي :

2- القيمة الحدية لمتسلسلة بالمير :

هي القيمة التي يأخذها طول الموجة  $\lambda$  عندما يؤول العدد  $n$  إلى اللانهاية :

$$\lambda_\ell = \frac{4}{R_H} \Rightarrow \lambda_\ell = \frac{4}{1,097 \cdot 10^7} = 3,646 \cdot 10^{-7} m$$

3- الطاقة الدنيا للفوتونات المتسلسلة :  
نعلم أن طاقة الفوتون تكتب :

$$E = h\nu = \frac{hc}{\lambda}$$

القيمة الدنيا لهذه الطاقة توافق أكبر قيمة لطول الموجة والتي هي حسب الجدول :  $\lambda = 656,3 nm$  :

$$E = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \times 3 \cdot 10^8}{656,3 \cdot 10^{-9}} = 3,03 \cdot 10^{-19} J$$

$$E = \frac{3,03 \cdot 10^{-19}}{1,6 \cdot 10^{-19}} = 1,89 eV$$

## 2- طاقات ذرة الهيدروجين :

-الحالة الأساسية للذرة توافق أدنى قيمة للطاقة أي أصغر قيمة للعدد  $n$  أي :  $n = 1$

$$\text{طاقة الحالة الأساسية هي: } E_1 = -\frac{E_0}{1^2} = -13,6 \text{ eV}$$

-حالات الإثارة الخمس الأولى توافق الأعداد 2 و 3 و 4 و 5 و طاقاتها مماثلة في الجدول التالي :

<b>6</b>	<b>5</b>	<b>4</b>	<b>3</b>	<b>2</b>	<b><math>n</math></b>
-0,38	-0,54	-0,85	-1,5	-3,4	$E_n(\text{eV}) = -\frac{13,6}{n^2}$

## 3- التعبير النظري لطول الموجة :

عندما تنتقل الذرة من مستوى طافي  $p$  إلى مستوى طافي  $n$  أدنى فإنها تحرر طاقة على شكل إشعاع بحيث طاقة الفوتون تساوي القيمة المطلقة لغير طاقة الذرة نكتب :

$$|\Delta E| = E_n - E_p = h\nu \Rightarrow |\Delta E| = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = \left[ \left( -\frac{E_0}{n^2} \right) - \left( -\frac{E_0}{p^2} \right) \right]$$

$$\frac{hc}{\lambda} = E_0 \left( \frac{1}{p^2} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda} = \frac{E_0}{hc} \left( \frac{1}{p^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

ت.ع :

$$\frac{E_0}{hc} = \frac{13,6 \times 1,602 \cdot 10^{-19} (\text{J})}{6,62 \cdot 10^{-34} (\text{J} \cdot \text{s}) \times 3 \cdot 10^8 (\text{m} \cdot \text{s}^{-1})} = 1,097 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$$

نلاحظ أن :

$$R_H = \frac{E_0}{hc} = 1,097 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$$

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{1}{p^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad \text{وبالتالي تتحقق العلاقة :}$$

## 4- تفسير متسلسلة بالمير :

علاقة بالمير نستنتجها من العلاقة الأخيرة باعتبار  $2 = p$  ومنه أن متسلسلة بالمير تتكون من الحزات الطيفية المنبعثة نتيجة فقدان ذرة الهيدروجين إثرتها من مستوى طافي ( $n > 2$ ) أي 3، 4، 5 .... إلى مستوى طافي 2 .

5-تمثيل متسلسلة بالمير في مخطط الطاقة :

