

## تصحيح تمارين الذرة وميكانيك نيوتن

### تمرين 1 :

1-تمثيل مستويات الطاقة :

حساب مستويات الطاقة باستعمال العلاقة :  $E_n = -\frac{13,6}{n^2}$  نحصل على النتائج التالية :

رقم المستوى الطاقى $n$	1	2	3	4	5	$\infty$
طاقة المستوى $E_n(eV)$	-13,6	-3,4	-1,5	-0,85	-0,54	0

2-الحالة الأساسية توافق أقل قيمة للطاقة .

وهي الحالة الأكثر استقرارا  $E_1 = -13,6 eV$   
حالة التاين توافق مستوى الطاقة  $E = 0$  في هذه الحالة ينفصل الإلكترون من النواة.

3-كيف تتصرف ذرة الهيدروجين في حالتها الأساسية عندما نرسل عليها فوتون طاقته  $E_a = 12,75 eV$  ؟

تنتقل الذرة ، عندما تمتص الفوتون ، الى مستوى طاقي :

$E_1 - E_a = -13,6 + 12,75 = -0,85 eV$   
هذه طاقة المستوى  $n = 4$  وبالتالي الذرة تمتص الفوتون و تمر الى المستوى  $n = 4$  .

4-في حالة طاقة الفوتون  $E_b = 11,0 eV$

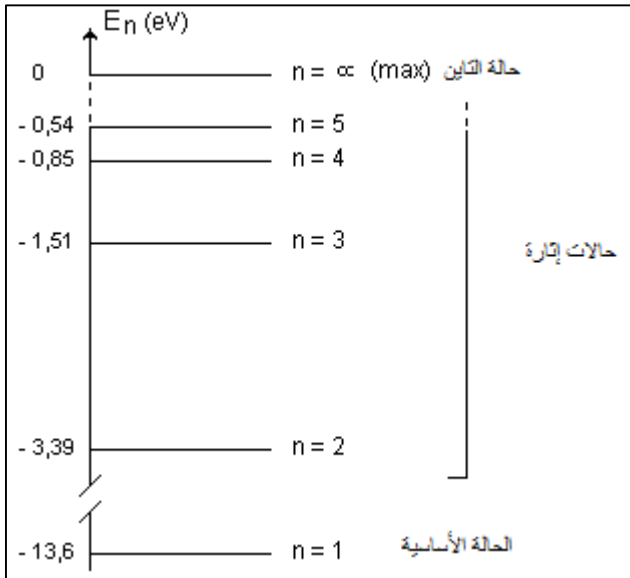
الذرة في حالة امتصاص الفوتون تنتقل الى مستوى طاقي :

$$-13,6 + 11,0 = -2,6 eV$$

لا توجد هذه القيمة ضمن مخطط الطاقة لذرة الهيدروجين ، وبالتالي لا تمتص الذرة هذا الفوتون .

5-دراسة تصرف الذرة عندما تستقبل فوتون طاقته  $E_c = 15,6 eV$  :

هذه الطاقة  $(15,6 eV)$  أكبر من طاقة التاين  $(136eV)$  الذرة تصبح أيونا والإلكترون يتحرر من الذرة بطاقة حركية  $2,0 eV$  .



## تمرين 2 :

1- طاقة الحالة الأساسية نحدده بمخطط الطاقة :  $E_1 = -13,6 \text{ eV}$

2- طاقة التاين :  
الذرة توجد في حاتها الأساسية ومنه :

$$\Delta E = E_{\infty} - E_1 = 0 - (-13,6) = 13,6 \text{ eV}$$

3-1- طبيعة هذا الإنتقال :  
بما أن  $p > n$  إذن  $E_p > E_n$   
يصاحب هذا الإنتقال إنبعاث للأشعة لأن الذرة تنتقل من مستوى مثار  $p$  إلى مستوى أقل إثارة  $n$ .

3-2- حساب طول الموجة  $\lambda_{min}$  :

$$\lambda = \frac{hc}{E} \quad \text{ومنه} \quad E = \frac{hc}{\lambda} \quad \text{لدينا :}$$

يتبين من هذه العلاقة أن طاقة الفوتون تتناسب عكسيا مع طول الموجة  $\lambda$ .

$$\lambda_{min} = \frac{hc}{E_{max}} \quad \text{وبالتالي :}$$

$$E_{max} = E_p - E_n$$

$$E_{max} = E_{\infty} - E_2$$

$$\lambda_{min} = \frac{hc}{E_{\infty} - E_2}$$

$$\lambda_{min} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \times 3 \cdot 10^8}{0 - 13,6 \times 1,6 \cdot 10^{-19}} = 3,66 \cdot 10^{-7} \text{ m} \quad \text{ت.ع :}$$

4-1- طول الموجة للفوتون :

$$\lambda = \frac{hc}{E} \quad \text{ت.ع :} \quad \lambda = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \times 3 \cdot 10^8}{10,2 \times 1,6 \cdot 10^{-19}} = 1,22 \cdot 10^{-7} \text{ m}$$

4-2- طاقة الذرة بعد امتصاصها للفوتون :

$$E = E_p - E_n$$

الذرة توجد في حالتها الأساسية  $n = 1$  ومنه :

$$E_p = 10,2 - 13,6 = -3,4 \text{ eV} \quad \text{ت.ع :} \quad E_p = E + E_1$$

### تمرين 3 :

1-1- التحقق من موافقة القيم الواردة في الجدول لعلاقة بالمير:

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{n^2 - 4}{4n^2} \right)$$

$$R_H = \frac{1}{\lambda} \frac{n^2}{(n^2 - 4)}$$

حساب قيم :  $\frac{1}{\lambda} \frac{n^2}{(n^2 - 4)}$

6	5	4	3	n
410,2	434,0	486,1	656,3	$\lambda(nm)$
$1,097.10^7$	$1,097.10^7$	$1,097.10^7$	$1,097.10^7$	$\frac{1}{\lambda} \frac{n^2}{(n^2 - 4)} (m^{-1})$

من معطيات الجدول يتبين أن قيم  $\frac{1}{\lambda} \frac{n^2}{(n^2 - 4)}$  ثابتة

نستنتج أن علاقة بالمير تتحقق وأن قيمة الثابتة  $R_H$  هي :  $R_H = 1,097.10^7 m^{-1}$

2-1- القيمة الحدية لمتسلسلة بالمير :

هي القيمة التي يأخذها طول الموجة  $\lambda$  عندما يؤول العدد  $n$  الى اللانهاية :  $\frac{1}{\lambda_\ell} = R_H \left( \frac{1}{2^2} - 0 \right) = \frac{R_H}{4}$

$$\lambda_\ell = \frac{4}{R_H} \Rightarrow \lambda_\ell = \frac{4}{1,097.10^7} = 3,646.10^{-7} m$$

3-1- الطاقة الدنيا للفوتونات المتسلسلة :

نعلم أن طاقة الفوتون تكتب :

$$E = hv = \frac{hc}{\lambda}$$

القيمة الدنيا لهذه الطاقة توافق أكبر قيمة لطول الموجة والتي هي حسب الجدول :  $\lambda = 656,3 nm$  ت.ع:

$$E = \frac{6,62.10^{-34} \times 3.10^8}{656,3.10^{-9}} = 3,03.10^{-19} J$$

$$E = \frac{3,03.10^{-19}}{1,6.10^{-19}} = 1,89 eV$$

## 1-2-طاقات ذرة الهيدروجين :

-الحالة الأساسية للذرة توافق أدنى قيمة للطاقة أي أصغر قيمة للعدد  $n$  أي :  $n = 1$

$$E_1 = -\frac{E_0}{1^2} = -13,6 \text{ eV}$$

-حالات الإثارة الخمس الأولى توافق الأعداد 2 و 3 و 4 و 5 وطاقاتها ممثلة في الجدول التالي :

$n$	2	3	4	5	6
$E_n(\text{eV})$ $= -\frac{13,6}{n^2}$	-3,4	-1,5	-0,85	-0,54	-0,38

## 2-3-التعبير النظري لطول الموجة :

عندما تنتقل الذرة من مستوى طاقي  $n$  الى مستوى طاقي  $p$  أدنى فإنها تحرر طاقة على شكل إشعاع بحيث طاقة الفوتون تساوي القيمة المطلقة لتغير طاقة الذرة نكتب :

$$|\Delta E| = E_n - E_p = h\nu \Rightarrow |\Delta E| = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = \left[ \left( -\frac{E_0}{n^2} \right) - \left( -\frac{E_0}{p^2} \right) \right]$$

$$\frac{hc}{\lambda} = E_0 \left( \frac{1}{p^2} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda} = \frac{E_0}{hc} \left( \frac{1}{p^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

ت.ع:

$$\frac{E_0}{hc} = \frac{13,6 \times 1,602 \cdot 10^{-19}(\text{J})}{6,62 \cdot 10^{-34}(\text{J} \cdot \text{s}) \times 3 \cdot 10^8(\text{m} \cdot \text{s}^{-1})} = 1,097 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$$

نلاحظ أن :

$$R_H = \frac{E_0}{hc} = 1,097 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$$

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{1}{p^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

وبالتالي تتحقق العلاقة :

## 2-4-تفسير متسلسلة بالمير :

علاقة بالمير نستنتجها من العلاقة الأخيرة باعتبار  $p = 2$  ومنه أن متسلسلة بالمير تتكون من الحزات الطيفية المنبعثة نتيجة فقدان ذرة الهيدروجين إثارتها من مستوى طاقي ( $n > 2$ ) أي 3، 4، 5 .... الى مستوى طاقي 2 .

5-2-تمثيل متسلسلة بالمير في مخطط الطاقة :

