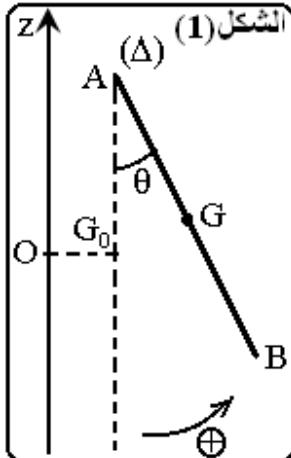


التمرين 1

1) الدراسة التحريرية:

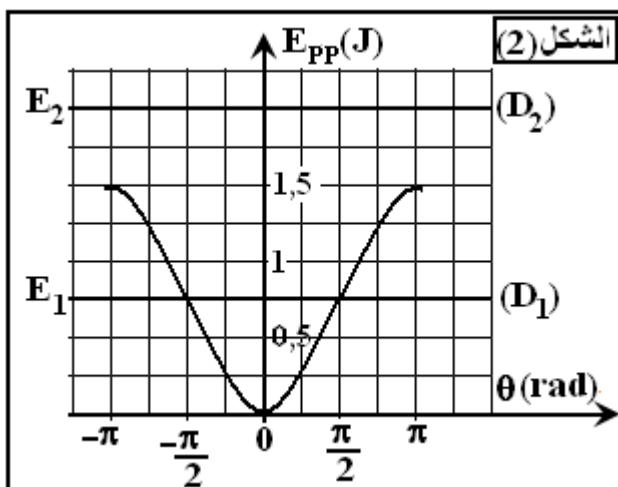
نزيح ساقا عن موضع توازنه المستقر بزاوية $\theta_m = \theta$ في المنحى الموجب المبين على الشكل ، ثم نحررها بدون سرعة بدئية عند لحظة $t = 0$.



1.1) أوجد تعبير المعادلة التفاضلية لحركة الساق . استنتج طبيعة الحركة .
2.1) تحقق أن هذه المعادلة التفاضلية تقبل كحل $\theta = \theta_m \cos(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi)$ في حالة التذبذبات الصغيرة حيث $\theta_m = \frac{\pi}{30} rad$ ، وأحسب الدور الخاص T_0 للحركة .

2) الدراسة الطافية:

يعطي المبيان الممثل في الشكل 2 تطور طاقة الوضع الثقالية للساق بدلالة الأقصول الزاوي θ .
1.2) أعط تعبير طاقة الوضع الثقالية للساق بدلالة الأقصول الزاوي θ .
2.2) يمثل الشكل 2 المخطط الطافي للساق خلال دورانها حول المحور (Δ) ، حيث نميز حالتين :
✓ الحالة الأولى : يمثل فيها المستقيم (D_1) الطاقة الميكانيكية للمجموعة .



أ) أحسب كتلة الساق .
ب) حدد السرعة الزاوية للساق عند مرورها بوضع توازتها في المنحى الموجب .

✓ الحالة الثانية : يمثل فيها المستقيم (D_2) الطاقة الميكانيكية للمجموعة .

أ) ما هو شكل مسار مركز القصور G للعارضة ؟
عل جوابك
ب) أحسب القيمة الدنيا θ_1 والقيمة القصوى θ_2 للسرعة الزاوية للساق أثناء دورانها في المنحى الموجب .

التمرين 2

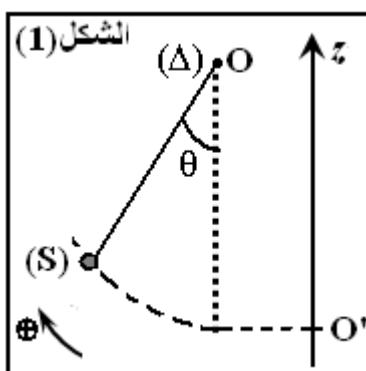
نعتبر النواس البسيط المكون من خيط رقيق كتلته مهملة وطوله $l = 0,4m$ ، أحد طرفيه مثبت بالنقطة O والطرف الآخر يحمل جسماً شبيه ب نقطة مادية كتلته $m = 0,6Kg$.

عزم قصور النواس بالنسبة لمحور الدوران (Δ) المار من O هو $J_{\Delta} = m l^2$.

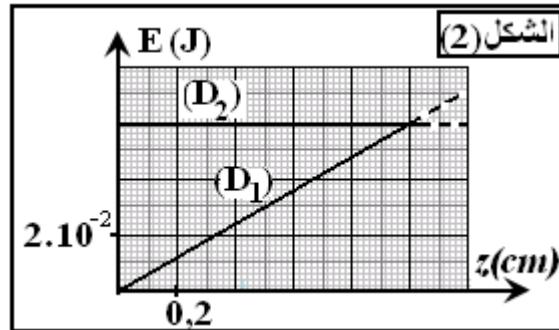
نزيح النواس عن موضع توازنه بزاوية θ_m في المنحى الموجب ثم نحرره بدون سرعة بدئية في لحظة نعتبرها أصلاً للتاريخ . نعلم في كل لحظة موضع النواس بالزاوية θ التي يكونها مع الخط الرأسي (أنظر الشكل 1)

1) أعط تعبير الطاقة الميكانيكية E_m للمتذبذب بدلالة m و g و l و θ و θ_m السرعة الزاوية للمتذبذب . نختار الحالة المرجعية

$E_{pp} = 0$ عند $\theta = 0$.



2) يمثل المبيان الممثل في الشكل 2 تغيرات طاقة الوضع الثقالية E_{PP} (المستقيم 1) والطاقة الميكانيكية (المستقيم 2) للمتذبذب بدلالة z أنسوب الجسم النقطي (S).



1.2) أوجد السرعة الزاوية للمتذبذب بالنسبة لأنسوب $z = 0,5\text{cm}$.

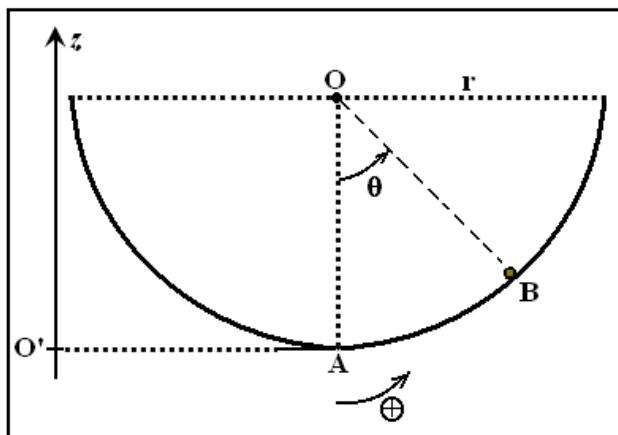
2.2) استنتج انطلاقا من تعبير الطاقة الميكانيكية وباعتبار المتذبذب مجموعه محافظيه ، المعادلة التقاضية لحركة المتذبذب .

3.2) علما أن التواس يذبذب في حركة جيبية ، حدد معادلته الزمنية $\theta = f(t)$

نعطي : $g = 10\text{m.s}^{-2}$

التمرين 3

نعتبر كرية (S) شبيهة ب نقطة مادية كتلتها $m = 0,1\text{g}$ ، يمكنها الانزلاق بدون احتكاك فوق سكة دائريه مركزها O وشعاعها r ، توجد في مستوى رأسي (انظر الشكل)



1) عند اللحظة $t = 0$ ، نحرر الكرية (S) بدون سرعة بدئية من النقطة B حيث $\theta_m = \frac{\pi}{18}$

1.1) أوجد المعادلة التقاضية لحركة الكرية (S) . استنتاج طبيعة الحركة . نعتبر θ .

2.1) أوجد المعادلة الزمنية لحركة الكرية (S) .

3.1) أوجد تعبير السرعة الخطية للكرية (S) بدلالة الزمن .

4.1) أحسب منظمها عند نقطة C معلومة بزاوية $\theta = 5^\circ$

2) أحسب الطاقة الميكانيكية للكرية (S) في كل من الموضعين B و C . ماذ تستنتج ؟ حيث نعتبر المستوى الأفقي المار من النقطة A مرجعا لطاقة الوضع الثقالية .

3) أوجد تعبير R شدة القوة المقرنة بتأثير السكة على الكرية في الموضع المحدد بزاوية θ بدلالة m و g و r و V حيث V السرعة الخطية عند هذا الموضع . أحسب قيمة R عند النقطة C

نعطي : $g = 10\text{m.s}^{-2}$