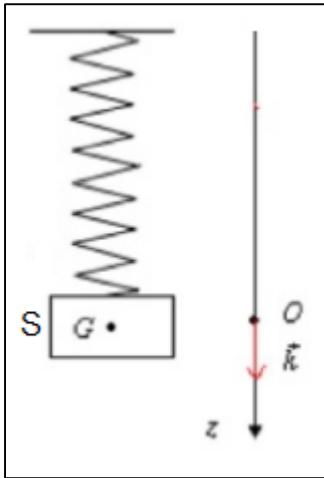


## تمارين التذبذبات الميكانيكية

### تمرين 1:



نهم جميع الأحتكاكات ونأخذ  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

نعتبر نوasa مربيا مكونا من :

- نابض لفاته غير متصلة وكتلته مهملة وصلابته  $K = 40 \text{ N/m}$  مثبت بحامل .
- جسم صلب S كتلته  $m = 100 \text{ g}$  ومركزه G مثبت بالطرف الحر للنابض .

1-أوجد تعبير إطالة النابض  $\Delta\ell$  عند التوازن بدلالات  $m$  ،  $g$  ،  $K$  . أحسب  $\Delta\ell$  .

2-نزيح الجسم S رأسيا نحو الأسفل ، عن موضع توازنه المنطبق مع أصل معلم الفضاء Oz ، بمسافة  $Z_m = 4 \text{ cm}$  ونحرره بدون سرعة بدئية عند لحظة نختارها كأصل التوازيX .

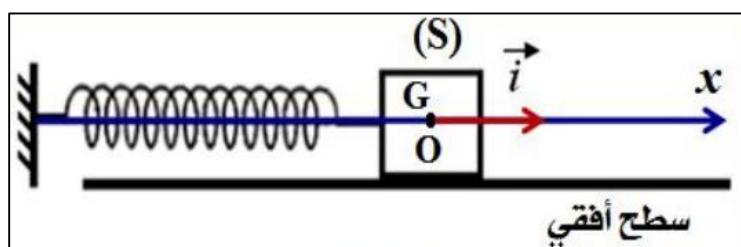
2-1-أوجد اعتمادا على الدراسة التحريرية المعادلة التفاضلية للحركة واستنتج طبيعتها .

2-2-أكتب المعادلة الزمنية للحركة  $\mathbf{z} = \mathbf{f}(t)$  .

2-3-بين أن سرعة الجسم S لحظة مروره لأول مرة من موضع توازنه لأول مرة تكتب :  $V_1 = -Z_m \sqrt{\frac{K}{m}}$

3-ينفصل الجسم عن النابض لحظة مروره من موضع توازنه في منحي  $\rightarrow$  . أوجد تعبير المعادلة الزمنية  $\mathbf{z} = \mathbf{f}(t)$  لحركة S في المعلم Oz . نختار لحظة انفصال S عن النابض كأصل للتوازي .

### تمرين 2:



نعتبر جسما صلبا S كتلته  $m = 250 \text{ g}$  يتحرك بدون احتكاك فوق سطح أفقى . نربط الجسم بنايضا كتلته مهملة وصلابته  $K = 10 \text{ N/m}$  . نزيح الجسم عن موضع توازنه بالمسافة  $X_m = 2 \text{ cm}$  ، ونحرره بدون سرعة بدئية . نختار معلم OX حيث مركز القصور  $OG = x$  الجسم بالأقصى

1-بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على الجسم S ، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة G مركز قصور الجسم S

2-حل المعادلة التفاضلية هو :  $x(t) = X_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right)$

2-أوجد تعبير الدوالى الخاص  $T_0$  للمتذبذب ، واحسب قيمته.

2-أوجد المعادلة الزمنية للحركة علما أن G يمر في اللحظة  $t=0$  عن موضع توازنه O في المنحي الموجب.

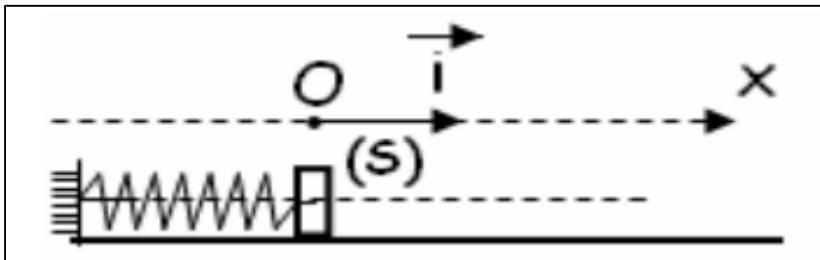
3-أوجد تعبير السرعة  $V(t)$  عند اللحظة t . استنتاج  $V_{max}$  السرعة القصوى لحركة الجسم S .

4-استنتاج مميزات القوة  $\vec{F}$  المطبقة من طرف النابض على الجسم S :

- عند مروره من موضع توازنه.

-عند  $x = -X_m$  و  $x = X_m$

## تمرين 3:



تحدث الزلالز اهتزازات أرضية تنتشر في جميع الاتجاهات يمكن تسجيلها بواسطة جهاز مسجل للهزات الأرضية. يؤدي هذا الجهاز وظيفته وفق مبدأ المتذبذب (جسم صلب + نابض) الذي يكون أفقيا أو رأسيا . فيما يلي نهتم بدراسة النواص المرن الأفقي. يتكون من جسم صلب كتلته  $K = 92\text{g}$  ونابض صلابتة

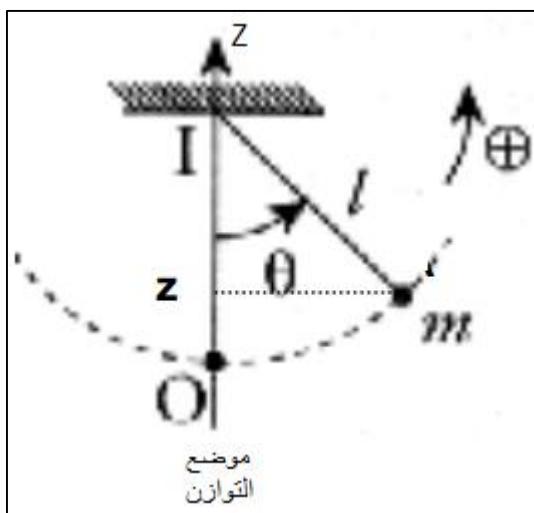
ندرس الحركة في مرجع أرضي ، نقرنه بالمعلم ( $\vec{O}$ ) عند التوازن يكون أقصى مرسوم  $G$  مركز قصور الجسم منعدما . نزيح الجسم أفقيا عن موضع توازنه في المنحى الموجب بالمسافة  $X_0 = 4\text{cm} = 4\text{cm}$  ثم نحرره بدون سرعة بدئية في اللحظة  $t = 0$

1-بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها الأقصى  $x$  لمركز قصور الجسم و استنتاج طبيعة الحركة.

2-أحسب صلابة النابض علما أن الدور الخاص للمجموعة المتذبذبة يساوي  $s = 0,6\text{s} = 0,6\text{s}$  .

3-أكتب المعادلة الزمنية  $(t)x$  للحركة .

4-حدد منحى وشدة قوة الإرتداد المطبقة من طرف النابض على الجسم ( $S$ ) عند اللحظة  $t = 0,3\text{s}$



## تمرين 4: لمسلك العلوم الفيزيائية

نعتبر نواس بسيط طوله  $\ell$  وكتلته  $m$  نعمل النواس بأقصوله الزاوي  $\theta$  بحيث  $\theta = 0$  عند موضع التوازن المستقر . نهمل جميع الإحتكاكات .

1-أنقل الشكل ومثل عليه متوجهات القوى المطبقة على الكتلة  $m$  .

2-بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكتلة  $m$  واستعمال معلم فريبني أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها الأقصى الزاوي  $\theta$  .

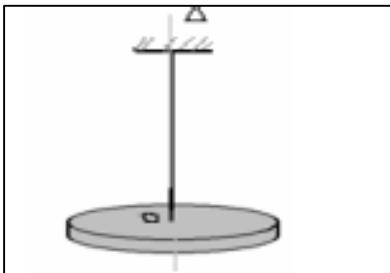
3-كيف تصبح هذه المعادلة في حالة الوسع الضعيف ؟

4-بين أن المعادلة  $\theta(t) = \theta_m \cos\left(\frac{2}{T_0}t + \varphi\right)$  حل للمعادلة التفاضلية السابقة محددا تعبير  $T_0$  بدلالة  $\ell$  و  $g$  .

5-باستعمال معادلة الأبعاد بين أن  $L$  بعد زمني .

## تمرين 5: لمسلك العلوم الفيزيائية

قرص متاجنس شعاعه  $r = 10 \text{ cm}$  ، كتلته  $m = 200 \text{ g}$  مثبت من مركزه  $\mathbf{0}$  بواسطة سلك فلزي رأسي قابل للنحافة ، كما يبين الشكل التالي:



عندما نزيح القرص عن موضع توازنه بحيث يصبح ملتويا ، ثم نحرره ، فيأخذ حركة دورانية تذبذبية حول المحور ( $\Delta$ ) ، حيث مدة 15 ذبذبة تساوي  $17,2 \text{ s}$  . عزم قصور القرص بالنسبة للمحور ( $\Delta$ ) هو :

$$J_{\Delta} = \frac{1}{2} mr^2$$

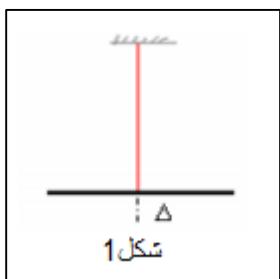
1-أثبت المعادلة التفاضلية للحركة ، ثم أوجد ثابتة اللي  $C$  للسلك المدروس.

2-القرص في موضع توازنه . نديره باليد ، بحيث ينجز نصف دورة في المنحى المباشر (الذي نعتبره المنحى الموجب) حول المحور ( $\Delta$ ) ، ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند اللحظة  $t = 0$  .

3-أوجد المعادلة الزمنية للحركة.

4-اعط الطاقة الميكانيكية لهذا المتذبذب الميكانيكي ، ثم احسب قيمتها في لحظة تحريره بعد إدارته بنصف دورة . باعتبار حالة مرجعية  $E_{pt} = 0$  عند  $\theta = 0$  .

## تمرين 6: لمسلك العلوم الفيزيائية



يمثل الشكل التالي سلكا فولاذيا رأسيا ، ثابتة ليه  $C$  ، مثبت من طرفه السفلي بمركز قصوره قضيب متاجنس عزم قصوره بالنسبة لمحو الدوران  $J_{\Delta}$  شكل 1 .

ندير القضيب أفقيا بزاوية  $\theta_m$  ثم نحرره بدون سرعة بدئية ، فتصبح له حركة تذبذبية .

1-أوجد المعادلة التفاضلية للحركة ثم اعط تعابير بعضها الخاص بدلالة  $J_0$  و  $C$  . ثم اعط تعابير الدور الخاص  $T_0$  .

نثبت على القضيب سمحتين لهما نفس الكتلة  $m = m_1 = m_2 = 0,35 \text{ kg}$  كل منها توجد على مسافة  $d$  من النقطة  $O$  .

ندير القضيب أفقيا حول المحور  $\Delta$  فيلتوى السلك بزاوية  $\theta_m$  ، ثم نحرره بدون سرعة بدئية . عزم قصور المجموعة (قضيب + السهمتين) هو  $J_{\Delta} = J_0 + 2md^2$  (أنظر شكل 2).

نقيس تغيرات الدور الخاص  $T_0$  للمجموعة بتغيير موضع السهمتين .

فنحصل على المنحنى الممثل للدالة  $T_0'^2 = f(d^2)$  في الشكل 3 .

2-أوجد الدور الخاص  $T_0'$  للمجموعة (قضيب + سهمتين) بدلالة  $J_0$  ،  $m$  ،  $C$  ،  $d$  .

3-أوجد  $C$

