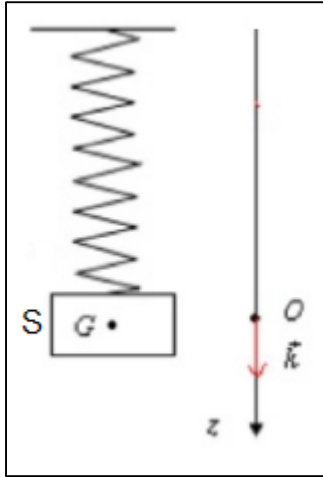


## تمارين التذبذبات الميكانيكية

### تمرين 1:



نهمل جميع الاحتكاكات ونأخذ  $g=10\text{m/s}^2$ .

نعتبر نواسا مرنا رأسيا مكونا من :

- نابض لفاته غير متصلة وكتلته مهملة وصلابته  $K=40\text{N/m}$  مثبت بحامل .
- جسم صلب S كتلته  $m=100\text{g}$  ومركزه G مثبت بالطرف الحر للنابض .

1- أوجد تعبير إطالة النابض  $\Delta l$  عند التوازن بدلالة  $m$ ،  $g$  و  $K$  . أحسب  $\Delta l$  .

2- نزيح الجسم S رأسيا نحو الأسفل ، عن موضع توازنه المنطبق مع أصل معلم الفضاء Oz ، بمسافة  $Z_m = 4\text{cm}$  ونحرره بدون سرعة بدئية عند لحظة نختارها كأصل التواريخ .

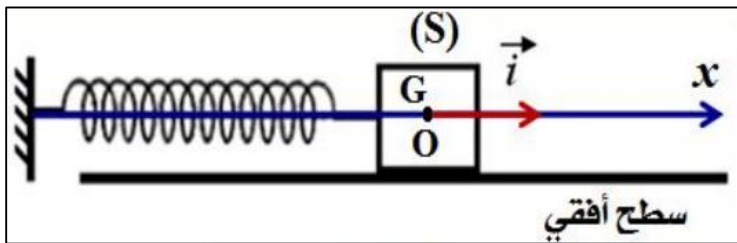
1-2- أوجد اعتمادا على الدراسة التحريكية المعادلة التفاضلية للحركة واستنتج طبيعتها .

2-2- أكتب المعادلة الزمنية للحركة  $\mathbf{z} = \mathbf{f}(t)$  .

3-2- بين أن سرعة الجسم S لحظة مروره لأول مرة من موضع توازنه لأول مرة تكتب :  $V_1 = -Z_m \sqrt{\frac{K}{m}}$

3- ينفصل الجسم عن النابض لحظة مروره من موضع توازنه في منحنى  $\vec{z}$  . أوجد تعبير المعادلة الزمنية  $\mathbf{z} = \mathbf{f}(t)$  لحركة S في المعلم Oz . نختار لحظة انفصال S عن النابض كأصل للتواريخ .

### تمرين 2:



نعتبر جسما صلبا S كتلته  $m=250\text{g}$  يتحرك بدون احتكاك فوق سطح أفقي . نربط الجسم بنابض كتلته مهملة وصلابته  $K=10\text{N/m}$  . نزيح الجسم عن موضع توازنه بالمسافة  $X_m = 2\text{cm}$  ، ونحرره بدون سرعة بدئية . نختار معلما Ox حيث نعلم G مركز القصور الجسم بالأفصول  $\mathbf{OG} = \mathbf{x}$

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم S ، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة G مركز قصور الجسم S

2- حل المعادلة التفاضلية هو :  $x(t) = X_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right)$

1-2- أوجد تعبير الدو الخاص  $T_0$  للمتذبذب ، واحسب قيمته .

2-2- أوجد المعادلة الزمنية للحركة علما أن G يمر في اللحظة  $t=0$  عن موضع توازنه O في المنحنى الموجب .

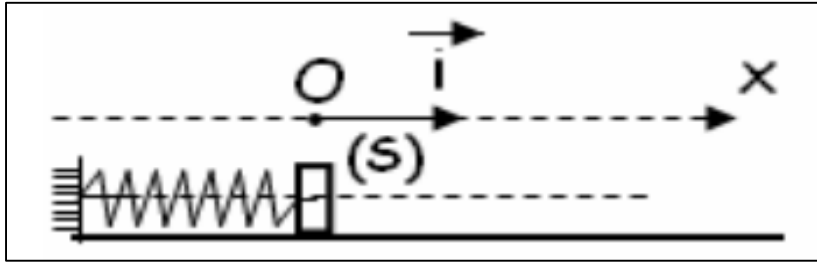
3- أوجد تعبير السرعة  $V(t)$  عند اللحظة  $t$  . استنتج السرعة القصوى لحركة الجسم S .

4- استنتج مميزات القوة  $\vec{F}$  المطبقة من طرف النابض على الجسم S :

- عند مروره من موضع توازنه .

- عند  $x = -X_m$  و  $x = X_m$

### تمرين 3:



تحدث الزلازل اهتزازات أرضية تنتشر في جميع الاتجاهات يمكن تسجيلها بواسطة جهاز مسجل للهزات الأرضية. يؤدي هذا الجهاز وظيفته وفق مبدأ المتذبذب (جسم صلب + نابض) الذي يكون أفقيا أو رأسيا . فيما يلي نهتم بدراسة النواس المرن الأفقي. يتكون من جسم صلب كتلته  $m = 92g$  ونابض صلابته  $K$

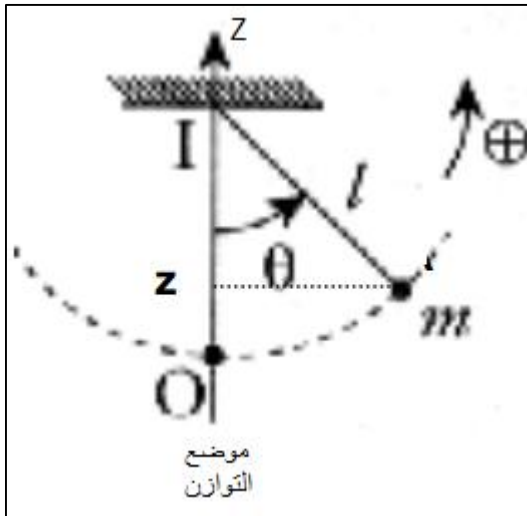
ندرس الحركة في مرجع أرضي ، نقرنه بالمعلم  $(O, \vec{i})$  عند التوازن يكون أفصول  $G$  مركز قصور الجسم منعما . نزح الجسم أفقيا عن موضع توازنه في المنحى الموجب بالمسافة  $X_0 = 4cm$  ثم نحرره بدون سرعة بدئية في اللحظة  $t = 0$

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفصول  $x$  لمركز قصور الجسم واستنتج طبيعة الحركة.

2- أحسب صلابة النابض علما أن الدور الخاص للمجموعة المتذبذبة يساوي  $0,6 s$  .

3- أكتب المعادلة الزمنية  $x(t)$  للحركة .

4- حدد منحى وشدة قوة الإرتداد المطبقة من طرف النابض على الجسم  $(S)$  عند اللحظة  $t = 0,3 s$ .



### تمرين 4: لمسلك العلوم الفيزيائية

نعتبر نواس بسيط طوله  $l$  وكتلته  $m$  نمعلم النواس بأفصوله الزاوي  $\theta$  بحيث  $\theta = 0$  عند موضع التوازن المستقر . نهمل جميع الإحتكاكات .

1- أنقل الشكل ومثل عليه متجهات القوى المطبقة على الكتلة  $m$  .

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكتلة  $m$  واستعمال معلم فريني أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفصول الزاوي  $\theta$

3- كيف تصبح هذه المعادلة في حالة الوسع الضعيف ؟

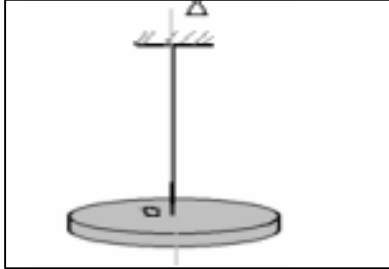
4- بين أن المعادلة  $\theta(t) = \theta_m \cos\left(\frac{2}{T_0}t + \varphi\right)$  حل للمعادلة

التفاضلية السابقة محددا تعبير  $T_0$  بدلالة  $g$  و  $l$  .

5- باستعمال معادلة الأبعاد بين أن  $l$  بعد زمني .

تمرين 5: لمسلك العلوم الفيزيائية

قرص متجانس شعاعه  $r = 10 \text{ cm}$  ، كتلته  $m = 200 \text{ g}$  مثبت من مركزه  $O$  بواسطة سلك فلزي رأسي قابل للي ، كما يبين الشكل التالي:



عندما نزيح القرص عن موضع توازنه بحيث يصبح ملتويا ، ثم نحرره ، فيأخذ حركة دورانية تذبذبية حول المحور  $(\Delta)$  ، حيث مدة 15 ذبذبة تساوي :  $17,2 \text{ s}$  . عزم قصور القرص بالنسبة للمحور  $(\Delta)$  هو :

$$J_{\Delta} = \frac{1}{2}mr^2$$

1- أثبت المعادلة التفاضلية للحركة ، ثم أوجد ثابتة اللي  $C$  للمسلك المدروس.

2- القرص في موضع توازنه. نديره باليد ، بحيث ينجز نصف دورة في المنحنى المباشر (الذي نعتبره المنحنى الموجب) حول المحور  $(\Delta)$  ، ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند اللحظة  $t = 0$  .

3- أوجد المعادلة الزمنية للحركة.

4- اعط الطاقة الميكانيكية لهذا المتذبذب الميكانيكي ، ثم احسب قيمتها في لحظة تحريره بعد إدارته بنصف دورة . باعتبار كحالة مرجعية  $E_{pt} = 0$  عند  $\theta = 0$  .

تمرين 6: لمسلك العلوم الفيزيائية

يمثل الشكل التالي سلكا فولاديا رأسيا ، ثابتة ليه  $C$  ، مثبت من طرفه السفلي بمركز قصوره قضيب متجانس عزم قصوره بالنسبة لمحو الدوران  $J_{\Delta}$  شكل 1 .

ندير القضيب أفقيا بزاوية  $\theta_m$  ثم نحرره بدون سرعة بدئية ، فتصبح له حركة تذبذبية .

1- أوجد المعادلة التفاضلية للحركة ثم اعط تعبير نبضها الخاص بدلالة  $J_0$  و  $C$  . ثم اعط تعبير الدور الخاص  $T_0$  .

نثبت على القضيب سمحتين لهما نفس الكتلة

$m = m_1 = m_2 = 0,35 \text{ kg}$  كل منهما توجد على مسافة  $d$  من النقطة  $O$  .

ندير القضيب أفقيا حول المحور  $\Delta$  فيلتوي السلك بزاوية  $\theta_m$  ، ثم نحرره بدون سرعة بدئية .

عزم قصور المجموعة ( قضيب + السحمتين ) هو  $J_{\Delta} = J_0 + 2md^2$  (أنظر شكل 2) .

نقيس تغيرات الدور الخاص  $T_0$  للمجموعة بتغير موضع السحمتين .

فنحصل على المنحنى الممثل للدالة  $T_0'^2 = f(d^2)$  في الشكل 3 .

2- أوجد الدور الخاص  $T_0'$  للمجموعة ( قضيب + سحمتين ) بدلالة  $J_0$  ،  $m$  ،  $C$  و  $d$  .

3- أوجد  $C$  و  $J_0$

