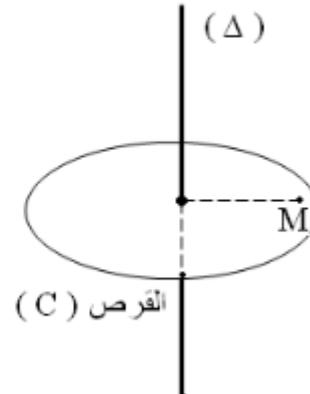
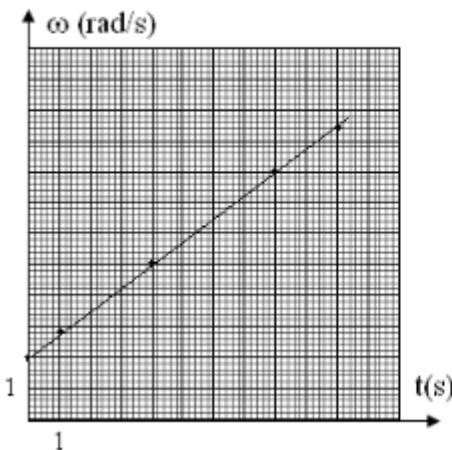


## تمارين حركة دوران جسم صلب حول محور ثابت

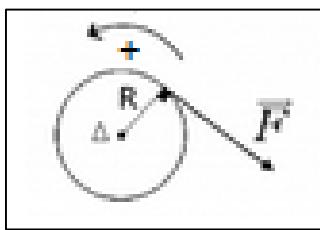
### تمرين 1 :

- نعتبر قرصا في دوران حول محور ثابت ( $\Delta$ ) رأسي . عزم قصور القرص  $J_{\Delta} = 6 \cdot 10^{-2} \text{ kg} \cdot \text{m}^2$
- 1- يمثل المنحنى جانبه مخطط السرعة الزاوية لحركة نقطة  $M$  توجد على بعد  $r = 10\text{cm}$  من المحور  $\Delta$  .
  - 1- ما هي طبيعة حركة  $M$  ؟ علل جوابك .
  - 2- حدد قيمة التسارع الزاوي  $\ddot{\theta}$  واكتب معادلة السرعة الزاوية  $\dot{\theta} = f(t)$  .
  - 2- علما أن الأقصول الزاوي منعدم عند اللحظة أصل التواريخ .
  - 2- اكتب المعادلة الزمنية للحركة  $\theta = f(t)$  .
  - 2- أحسب عدد الدورات الممنجزة من طرف القرص بين التاريحين  $t_2 = 5,2 \text{ s}$  و  $t_1 = 4,0 \text{ s}$  .
  - 3- نعتبر اللحظة ذات التاريخ  $t = 2 \text{ s}$  . أحسب في هذه اللحظة قيمتي التسارع المماسي  $a_t$  والتسارع المنظمي  $a_n$  للنقطة  $M$  ، استنتج منظم التسارع .
  - 3- أحسب مجموع عزم القوى المطبقة على القرص بالنسبة للمحور  $\Delta$  .



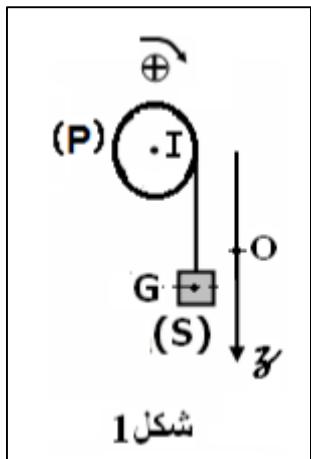
### تمرين 2 :

تدو أسطوانة شعاعها  $N = 120 \text{ tr. min}^{-1}$  وكتلتها  $R = 1,2 \text{ m}$  بسرعة تساوي  $M = 100\text{kg}$  وكتلتها  $t = 0$  يبدأ كبحها بواسطة قوة  $\vec{F}$  مماسة للأسطوانة ، وشدتها  $F = 50 \text{ N}$  نعطي عزم قصور الأسطوانة  $J_{\Delta} = \frac{1}{2}MR^2$ .



- 1- أحسب السرعة الزاوية للأسطوانة في اللحظة  $t = 0$  .
- 2- بتطبيق العلاقة الأساسية للديناميك أعط تعابير التسارع الزاوي للأسطوانة بدالة  $F$  و  $R$  و  $J_{\Delta}$  .
- 3- عبر عن السرعة الزاوية بدالة  $t$  و  $F$  و  $J_{\Delta}$  و  $R$  و  $\omega_0$  .
- 4- بين أن مدة الكبح تكتب على الشكل :  $t = \frac{m \cdot R \cdot \omega_0}{2F}$  . أحسب  $t$  .

تمرين 3:



يمثل الشكل (1) بكرة (P) متجانسة شعاعها  $r = 10\text{cm}$  ، وعزم قصورها  $J_{\Delta} = 10^{-2}\text{kg} \cdot \text{m}^2$  قابلة للدوان باحتكاك حول محور ( $\Delta$ ) ثابت وأفقي يمر من مركزها  $I$  ، نلف حول الأسطوانة خيطا غير قابل للإمتداد وكتلته مهملة ، ويحمل في طرفه الآخر جسما صلبا (S) كتلته  $m = 200\text{ g}$  ، نعلم موضع G مركز قصور (S) بالأنسوب  $z$  في المعلم ( $\vec{k}; O$ ) ، حيث المحور  $Oz$  رأسي ووجه نحو الأسفل منحى حركة (S).

1- عند لحظة  $t_0 = 0$  ، نحرر المجموعة {البكرة ، الخيط، (S)} بدون سرعة بدئية .

مكنت الدراسة التجريبية لحركة البكرة (P) من الحصول على المبيان الممثل في الشكل (2) ، الذي يمثل تغيرات الأقصول الزاوي  $\theta$  لحركة البكرة (P) بدالة  $t^2$ .

1- عين مبيانيا ، المعادلة الزمنية  $f(t) = \theta$  لحركة البكرة .

2- تحقق أن قيمة التساع الزاوي للبكرة هي :  $\ddot{\theta} = 10 \text{ rad.s}^{-2}$  ، واستنتج طبيعة حركة البكرة .

3- استنتاج المعادلة الزمنية  $f(t) = z$  لحركة G مركز قصور الجسم (S) .

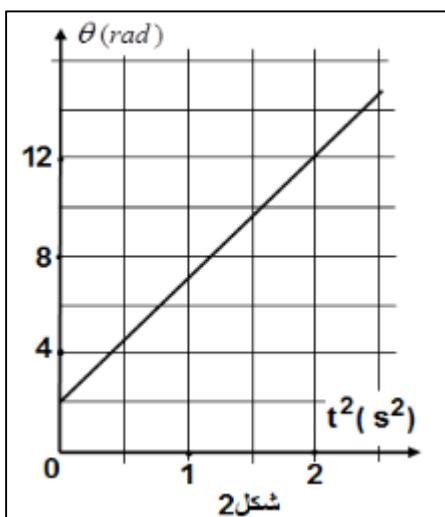
4- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S) ، أحسب  $T$  شدة توتر الخيط .

5- أحسب ، بتطبيق العلاقة الأساسية للتحريك على البكرة ، قيمة  $M_f$  عزم مزدوجة الإحتكاك الذي نعتبره ثابتا خلال دوران البكرة .

6- عند اللحظة  $s t_1 = 2\text{ s}$  يتقطع الخيط فتوصل البكرة دورانها إلى أن تتوقف عند اللحظة  $t_2$  .

7- أوجد عدد الدورات التي أنجزتها البكرة بين اللحظتين  $t_1$  و  $t_2$

8- أوجد المعادلة الزمنية لحركة الجسم (S) بعد اللحظة  $t_1$  نهمل تأثير الهواء.



تمرين 4:

نعتبر جسما صلبا (S<sub>1</sub>) كتلته  $m_1 = 1\text{ kg}$  قابل للإنزلاق على سكة أفقية. نربط الجسم (S<sub>1</sub>) بجسم آخر (S<sub>2</sub>)

كتلته  $m_2$  بواسطة خيط غير مدود ، كتلته مهملة ، يمر بمجرى بكرة (B) متجانسة شعاعها  $r=4 \text{ cm}$  قابلة للدوران بدون احتكاك حول محور ( $\Delta$ ) أفقى يمر من مركزها. خلال الحركة لا ينزلق الخيط على البكرة (B) . عزم قصور (B) بالنسبة للمحور ( $\Delta$ ) هو  $J_{\Delta}$  .

نحر المجموعة المكونة من ( $S_1$ ) و ( $S_2$ ) و (B) بدون سرعة بدئية عند اللحظة ذات التاريخ  $t_0=0$  . يمثل المنحنى الممثل في الشكل (2) تغيرات السرعة الزاوية  $\dot{\theta}$  للبكرة .

1-أوجد مبيانيا معادلة السرعة الزاوية  $\dot{\theta}$  .

2-حدد معللا جوابك طبيعة حركة (B) .

3-أوجد تعبير  $n$  عدد الدورات المنجزة من طرف (B) عند اللحظة  $t$  بدلالة الزمن  $t$  و  $\dot{\theta}$  السارع الزاوي لحركة (B) . أحسب  $n$  عند اللحظة  $t=1,25 \text{ s}$  .

4-حدد ، معللا جوابك ، طبيعة حركة كل من ( $S_1$ ) و ( $S_2$ ) ، ثم أحسب قيمة تسارعهما  $a$  .

5-يتم التماس بين ( $S_1$ ) والسكة باحتكاك حيث  $\varphi$  زاوية الإحتكاك . بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على كل من ( $S_1$ ) و ( $S_2$ ) والعلاقة الأساسية للديناميك للدوران على (B)، بين أن تعبير التسارع يكتب على الشكل التالي :

$$a = \frac{(m_2 - m_1 \cdot k)g}{m_1 + m_2 + \frac{J_{\Delta}}{r^2}}$$

حيث  $g$  تسارع الثقالة و  $k = \tan \varphi$  معامل الإحتكاك .

6-بين أن حركة ( $S_1$ ) لا تتم إلا إذا كانت  $m_2$  كتلة ( $S_2$ ) أكبر من قيمة يجب تحديدها .

نعطي :  $k = \tan \varphi = 0,16$

