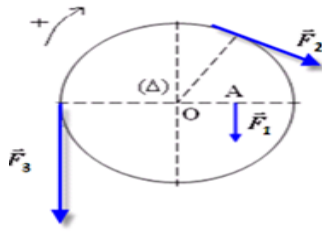


حركة دوران حسم صلب حول محور ثابت Mouvement de rotation d'un solide autour d'un axe fixe



I. العلاقة الأساسية للتحريك في حالة الدوران حول محور ثابت

1. تذكير : عزم قوة

عزم قوة \vec{F} بالنسبة لمحور الدوران (Δ) ثابت ومتعامد مع مستوى خط تأثيرها. هو جداء الشدة F لهذه القوة والمسافة d التي تفصل عموديا المحور (Δ) وخط تأثيرها (أي الصغر مسافة بين المحور وخط تأثير القوة) ويرمز إليه بـ $M_{\Delta}(\vec{F})$ حيث $M_{\Delta}(\vec{F}) = \pm F \cdot d$. وحدته العزم في النظام العالمي هي (N.m)

2. نص العلاقة:

في معلم مرتبط بالأرض، يساوي مجموع عزوم القوى المطبقة على جسم صلب في دوران حول محور ثابت Δ في كل لحظة، جداء عزم القصور J_{Δ} والتسارع الزاوي $\ddot{\theta}$ للجسم، حيث $\sum M_{\Delta}(\vec{F}_i) = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$

مجموع العزوم بالنسبة للمحور Δ للقوى المطبقة على الجسم الصلب وحدته (N.m).

J_{Δ} : عزم قصور الجسم الصلب بالنسبة للمحور Δ ($\text{kg} \cdot \text{m}^2$)

$\ddot{\theta}$: التسارع الزاوي للجسم الصلب ($\text{rad} \cdot \text{s}^{-2}$)

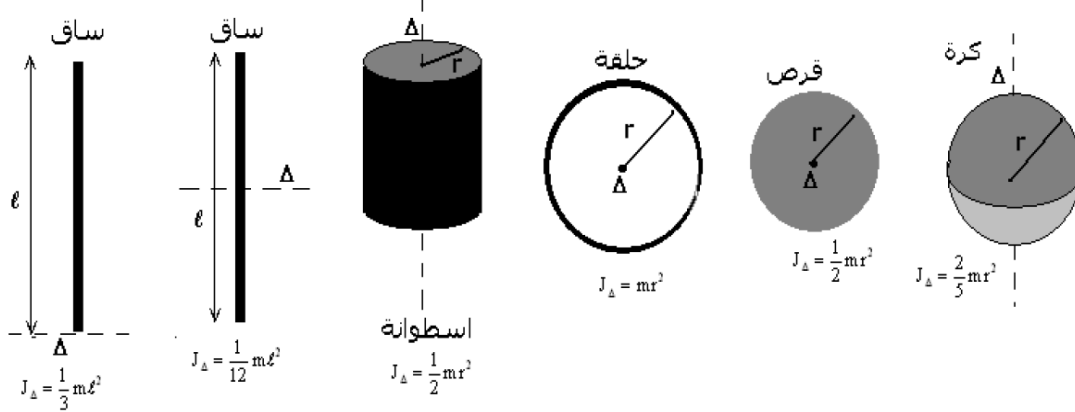
ملحوظة:

إذا كان التسارع الزاوي منعدما ($\ddot{\theta} = 0$)، تكون حركة الجسم الصلب حول المحور Δ حركة دورانية منتظمة.

إذا كان التسارع الزاوي ثابتا ($\ddot{\theta} = cte$)، تكون حركة الجسم الصلب حول المحور Δ حركة دورانية متغيرة بانتظام

3. تعابير عزم قصور لأجسام متجانسة ذات الأشكال هندسية بسيطة

يتعلق عزم قصور حسم صلب متجانس بأبعاده وبكثافته



II. تطبيق: حركة مجموعة ميكانيكية في حالة أزاحة و دوران حول محور ثابت

تتكون المجموعة الممتلئة في الشكل من:

- بكرة متجانسة شعاعها r وكتلتها m_0 قابلة للدوران بدون احتكاك حول المحور Δ .
- جسم صلب (C) كتلته m يمكنه الانزلاق بدون احتكاك فوق مستوى مائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقي.

- خيط غير قابل للامتداد ذي كتلة مهملة ملفوف من أحد طرفيه حول مجرى البكرة ومشدود من طرفه الثاني بالجسم (C).

عزم قصور البكرة بالنسبة لمحور دورانها Δ هو، $J_{\Delta} = \frac{1}{2} \cdot m_0 r^2$

إستثمار

دراسة حركة البكرة

1. اوجد القوى المطبقة على البكرة.

2. بتطبيق العلاقة الأساسية للتحريك على حركة البكرة، أوجد تعبير T_0 شدة القوة التي يطبقها الخيط بدلالة J_{Δ} و θ و r .

دراسة حركة الجسم (C)

1. اوجد القوى المطبقة على الجسم (C).

2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (C) أوجد،

- 1.2 تعبير R شدة القوة التي يطبقها السطح على C_1 بدلالة m و g و α

- 2.2 تعبير T شدة القوة التي يطبقها الخيط على C_1 بدلالة m و g و a و α

- 3.2 استنتج تعبير التسارع بدلالة m_0 و m و g و α ماهي طبيعة الحركة

