

تمارين الأقمار الاصطناعية والكواكب

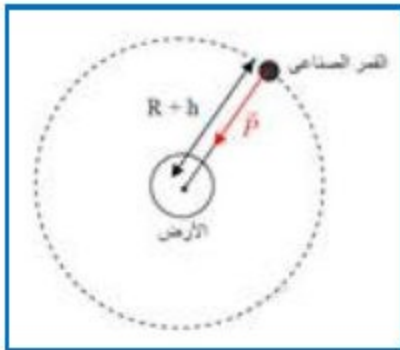
تمرين 1:

يعتبر كوكب زحل الكوكب الذي له أكبر عدد من الأقمار التابعة له.
أكبر الأقمار الخمسون التابعة له هو تيتان . يدور هذا الأخير في مسار دائري شعاعه $r = 1,22.10^6 km$ ودوره المداري $T = 15,9$.

- 1- بين أن حركة تيتان دائرية منتظمة.
 - 2- أثبت تعبير النور المداري بدلالة G و r و M_S كتلة زحل.
 - 3- أحسب كتلة زحل.
- نعطي : ثابتة التجاذب الكوني : $G = 6,67.10^{-11} (S.I)$

تمرين 2:

يدور قمر اصطناعي حول الأرض على ارتفاع $h = 205 km$ من سطح الأرض .
كتلة القمر الاصطناعي $m = 87,3 kg$.

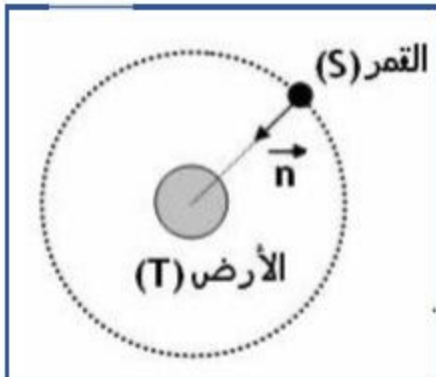


- 1- النور المداري للقمر الاصطناعي و استنتاج تردد دورانه.
 - 2- سرعته .
 - 3- تسارعه المنظمي وتسارعه المماسي واستنتاج تسارعه الكلي.
 - 4- شدة القوة المطبقة عليه من طرف الأرض.
- نعطي:

شعاع الأرض: $R = 6380 km$
كتلة الأرض : $M = 5,98.10^{24} kg$
ثابتة التجاذب الكوني : $G = 6,67 . 10^{-11} (S.I)$

تمرين 3:

تمكن كل من دراسة حركة الأرض حول الشمس ودراسة حركة الأقمار الاصطناعية حول الأرض ، من مقارنة كتلة M الشمس (S) ب كتلة الأرض (T) .
معطيات:



الدور المداري لحركة الأرض حول الشمس : $T_T = 365 jours$.
شعاع المدار الناري لحركة مركز الأرض حول الشمس :
 $r_T = 1,5.10^8 km$

دور دوران الأرض حول محورها القطبي : $T_0 = 1 jour$.
نعتبر قمرا اصطناعيا (S) ساكنا بالنسبة للأرض ، كتلته m_0 و شعاعه في المعلم المركزي الأرضي هو : $r_0 = 4,2.10^4 km$.
نهمل تأثير باقي الكواكب على كل من الأرض (T) والقمر الاصطناعي (S) أنظر الشكل.

- 1- ما هي الشروط التي يجب أن تتوفر ليكون قمر إصطناعي ساكنا بالنسبة للأرض .
- 2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على القمر الإصطناعي (S) في المعلم المركزي الأرضي ، أثبت أن تعبير متجه تسارع مركز قصور القمر (S) هو : $\vec{a} = \frac{G.m}{r_0^2} \vec{n}$ ، حيث G ثابتة التجاذب الكوني ، و $\vec{n}$ التجهة الواحية المنظمية لمعلم فريني
- 3- بين أن حركة القمر الإصطناعي (S) في المعلم المركزي الأرضي ، منتظمة ودائرية .
- 4- استنتج بدلالة G و m و r_0 ، تعبير الدور المداري T للقمر (S) حول الأرض .
- 5- يعبر عن القانون الثالث لكيبلير بالعلاقة : $\frac{T^2}{r_0^3} = K$ ، أوجد تعبير الثابتة K بدلالة G و m .
- 6- حدد تعبير النسبة $\frac{M}{m}$ بدلالة r_0 و r_T و T_0 و T_T . أحسب كتلة الأرض علما أن كتلة الشمس تقارب : $M = 2.10^{30} \text{ kg}$

تمرين 4:

- ينور حول الأرض مجموعة من الأقمار الإصطناعية في مدارات دائرية وذلك من أجل تقديم مجموعة من الخدمات للإنسان ، كالإتصال ومراقبة أحوال الطقس والحدود الجغرافية ومن بين هذه الأقمار نجد أقمارا نقول إنها ساكنة بالنسبة للأرض .
- الهدف من هذا التمرين هو دراسة حركة قمر اصطناعي ساكن بالنسبة للأرض تم وضعه في مداره على ارتفاع $h = 36000 \text{ km}$ بالنسبة لسطح الأرض .
- معطيات :
- ثابتة التجاذب الكوني : $G = 6,67.10^{-11} \text{ (S.I)}$
- كتلة الأرض : $M_T = 5,98.10^{24} \text{ kg}$
- شعاع الأرض : $R_T = 6350 \text{ km}$
- 1- ماهو المعلم الذي نختاره لدراسة هذه الأقمار .
 - 2- ما هي الشروط الواجب توفيرها ليكون القمر الإصطناعي ساكنا بالنسبة للأرض .
 - 3- مثل على تبيانة القمر الإصطناعي في مداره حول الأرض ثم بين القوة المطبقة عليه $\vec{F}_{T/S}$ ومتجهه سرعته $\vec{v}$ ومتجهه تسارعه $\vec{a}$.
 - 4- أوجد تعبير سرعة القمر بدلالة G و M_T و R_T و h . أحسب قيمتها .
 - 5- أثبت القانون الثالث لكيبلير .
 - 6- استنتج الدور المداري بالنسبة للأرض ، ماذا يمثل هذا الدور بالنسبة للأرض .