

حركة الكواكب والألقمار الصناعية

1-تعريف:

تكون حركة نقطة دائرية منتظم إذا كان :

- ✓ مسارها دائري .
- ✓ قيمة سرعتها الحظية ثابتة .

2-معلومة نقطة متحركة:

لمعلومة نقطة متحركة يمكن استعمال :

- الاحداثيات الديكارتية (x, y) بحيث :
- الأقصول المنحني : $s = \overline{M_0 M}$
- الأقصول الزاوي : $\theta = (\overrightarrow{OM_0}, \overrightarrow{OM})$

العلاقة التي تربطهما :

$$(m) \leftarrow s = r \cdot \theta \rightarrow (rad)$$

$$\overrightarrow{OM} \begin{cases} x = r \cdot \cos\theta \\ y = r \cdot \sin\theta \end{cases}$$

حيث $r = OM$ شعاع المسار الدائري .

3-السرعة :

تجهيز السرعة الحظية مماسة للمسار ومنحها هو منحى الحركة تعبيرها في معلم فريني هو :

$$V = r \cdot \omega \quad \vec{V} = V \vec{u}$$

$$(rad/s) \leftarrow \omega = \frac{d\theta}{dt}$$

4-التسارع :

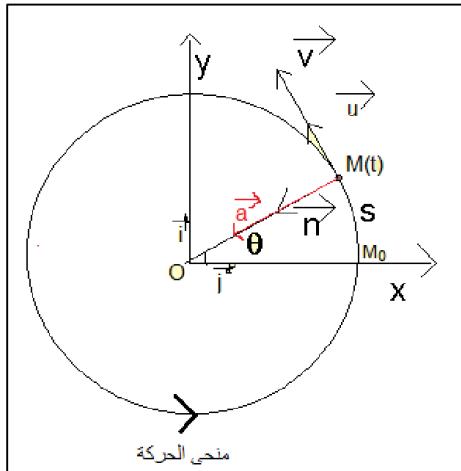
تجهيز التسارع منظمية تعبيرها هو :

$$\vec{a} = a_N \vec{n} = r \cdot \omega^2 \vec{n}$$

5-الدور :

الدور هو المدة الزمنية التي تنجز فيها النقطة دورة واحدة تعبيره :

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi r}{V}$$



خلاصة :

في الحركة الدائرية المنتظمة شعاعها R و سرعتها v متجهة التسارع انجذابية مركزية في كل لحظة ، قيمتها :

6-شرط الحصول على حركة دائرية منتظمة :

حسب القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G$$

بالنسبة لجسم صلب في حركة دائرية منتظمة نكتب:

$$\vec{F} = \sum \vec{F}_{ext}$$

شرط الحصول على حركة دائرية منتظمة :

لكي تكون حركة مركز القصور G لجسم صلب ، كتلته m ، دائرية منتظمة في مرجع غاليلي يجب أن يكون :

❖ المجموع المتجهي \vec{F} للقوى المطبقة عليه متجهة انجذابية مركزية .

❖ منظم المتجهة \vec{F} يحقق العلاقة : $F = \frac{m \cdot v^2}{r}$ مع R شعاع المسار.

II-الحركة المدارية للكواكب حول الشمس :

1-قوانين كيبلير :

1.1-القانون الأول أو قانون المدارات :

في المعلم المركزي الشمسي ، مسار مركز قصور كوكب إهليج ، حيث يمثل مركز الشمس أحد بؤرتيه .

1.2-القانون الثاني لكيبلير أو قانون المساحات :

تسخن القطعة الرابطة بين مركز الشمس ومركز الكوكب مساحات متقايسة خلال نفس المدة الزمنية .

1.3-القانون الثالث أو قانون الأدوار :

يتنااسب مربع الدور المداري للكوكب مع مكعب نصف طول المحور الكبير للإهليج :

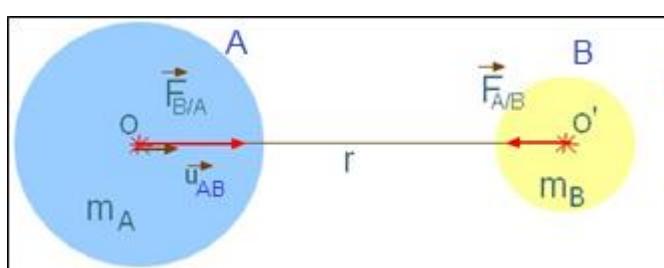
$$\frac{T^2}{a^3} = K$$

2-قانون التجاذب الكوني :

قوة التجاذب البيني الحاصل بين جسمين A و B كتلتاهما على التوالي m_A و m_B و تفصل بينهما المسافة $d = r$ بحيث :

$$\vec{f}_{A/B} = -G \cdot \frac{m_A \cdot m_B}{r^2} \cdot \vec{u}_{AB}$$

G ثابتة التجاذب الكوني قيمتها :



3-مميزات حركة الكواكب حول الشمس :

3.1-تعبير التسارع :

المجموعة المدرosaة : الكوكب

جذب القوى المطبقة على الكوكب : قوة التجاذب الكوني المطبقة عليه من طرف الشمس :

$$\vec{F}_{S/P} = -G \cdot \frac{M_S \cdot m_P}{r^2} \cdot \vec{u}_{SP}$$

المرجع : المركزي الشمسي

تطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\vec{F}_{S/P} = m_P \cdot \vec{a} \Leftrightarrow m_P \cdot \vec{a} = -G \cdot \frac{M_S \cdot m_P}{r^2} \cdot \vec{u}_{SP}$$

لدينا :

$$\vec{a} = G \cdot \frac{M_S}{r^2} \cdot \vec{n} \Leftrightarrow \vec{u}_{SP} = -\vec{n}$$

متوجهة التسارع مركبة انجذابية وبالتالي حركة الكوكب دائرية منتظمة في المعلم المركزي الشمسي .

3.2-تعبير السرعة :

لدينا :

$$\vec{a} = a_N \cdot \vec{n} = \frac{V^2}{r} \cdot \vec{n}$$

وبالتالي :

$$\frac{V^2}{r} \cdot \vec{n} = G \cdot \frac{M_S}{r^2} \cdot \vec{n}$$

$$V = \sqrt{\frac{G \cdot M_S}{r}}$$

3.3-الدور المداري :

الدور المداري هو المدة الزمنية التي يستغرقها الكوكب لإنجاز دورة كاملة حول الشمس .

$$(1) \quad T^2 = 4\pi^2 \frac{r^3}{G \cdot M_S} \Leftrightarrow T^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{V^2} \Leftrightarrow T = \frac{2\pi r}{V}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{G \cdot M_S}}$$

ملحوظتان:

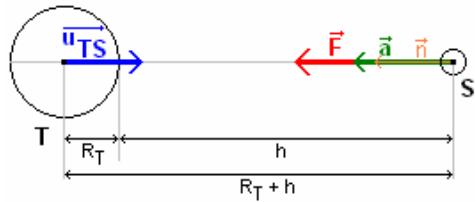
- لا تتعلق V سرعة الكوكب ولا T دوره المداري بكتلة الكوكب بل بشعاع مداره r .

- من العلاقة (1) نستنتج قانون كيبلير الثالث : $K = \frac{4\pi^2}{G \cdot M_S} \frac{r^3}{T^2}$ مع :

4-الحركة المدارية للأقمار الاصطناعية :

4.1-مميزات الحركة المدارية للأقمار:

أ-تعبير التسارع :



المجموعة المدرسة : القمر الاصطناعي
جذب القوى المطبقة على القمر : قوة التجاذب الكوني المطبقة عليه من

طرف الأرض : $\vec{F}_{T/S}$

$$\vec{F}_{T/S} = -G \cdot \frac{M_T \cdot m}{(R_T + h)^2} \cdot \vec{u}_{TS}$$

المرجع : المركزي الشمسي

تطبيق القانون الثاني لنيوتن :
في معلم فريني :

$$\vec{F}_{T/S} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{F}_{T/S} = G \cdot \frac{M_T \cdot m}{(R_T + h)^2} \cdot \vec{n}$$

$$\vec{a} = G \cdot \frac{M_S}{(R_T + h)^2} \cdot \vec{n}$$

حركة القمر دائرية منتظمة في المعلم المركزي الأرضي.

ب-السرعة :

$$V = \sqrt{\frac{G \cdot M_S}{R_T + h}}$$

ج-الدور :

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{G \cdot M_T}}$$

4.2-الأقمار السائنة بالنسبة للأرض :

أ-تعريف:

يكون القمر الاصطناعي ساكن عندما يبقى على الدوام في المستقيم الرأسى لنقطة من الأرض ، فهو ساكن بالنسبة لملاحظ أرضي .

ب-الشروط الازمة لكي يكون القمر ساكنا :

- ينبغي يكون مداره في خط الاستواء .
- أن يدور في نفس منحى دوران الأرض حول محورها القطبي .
- أن يكون دوره المداري مساوياً دور حركة دوران الأرض حول محورها القطبي :

$$T = 23h56min4s = 86164s$$

$$h = \left(\frac{T^2 \cdot G \cdot M_T}{4\pi^2} \right)^{\frac{1}{3}} - R_T$$

$$h \approx 36\,000 \text{ km}$$

الارتفاع هو :