

### التمرين 1

إحداثيات متجهة الموضع  $\vec{OG}$  ، لمركز القصور لجسم صلب خلال حركته ، في معلم متعدد ومنظم  $R(O, i, j, k)$  هي :  $\vec{R}(O, i, j, k) = R(t) = 2t$  ;  $y(t) = t^2 - 1$  ;  $x(t) = 2t$  .

(1) أعط تعبير متجهة الموضع  $\vec{OG}$  في المعلم  $R(O, i, j, k)$  .

(2) لتكن  $\vec{V}_G$  متجهة السرعة لمركز قصور المتحرك .

(1.2) أوجد إحداثيات متجهة السرعة  $\vec{V}_G$  في نفس المعلم .

(2.2) أوجد تعبير منظم متجهة السرعة . هل الحركة منتظمة ؟

(3.2) حدد قيمة سرعة مركز قصور الجسم عند اللحظة  $t = 2s$  .

(3) لتكن  $\vec{a}_G$  متجهة التسارع لمركز قصور المتحرك .

(1.3) حدد إحداثيات متجهة التسارع  $\vec{a}_G$  .

(2.3) أوجد منظم متجهة التسارع .

(3.3) حدد المجال الزمني الذي تكون فيه الحركة متتسعة .

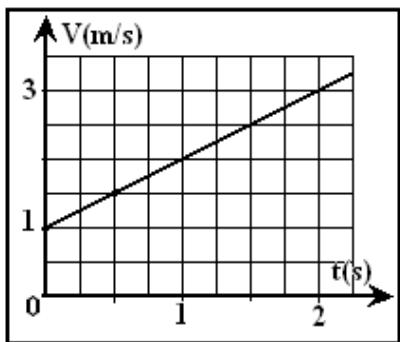
### التمرين 2

نطبق قوة أفقية شدتها  $F = 0,5N$  بواسطة خيط على حامل ذاتي كتلته  $m$  يوجد فوق منضدة هوائية أفقية . بدرس حركة الحامل في معلم  $R(O, i)$  ، الذي نعتبره غاليليا ، أعطت دراسة حركة مركز قصور الحامل ذاتي المنحني التالي الممثل لتغيرات سرعة مركز قصور الحامل ذاتي بدالة الزمن :

(1) ما طبيعة حركة الحامل ذاتي ؟ علل جوابك . استنتج قيمة التسارع .

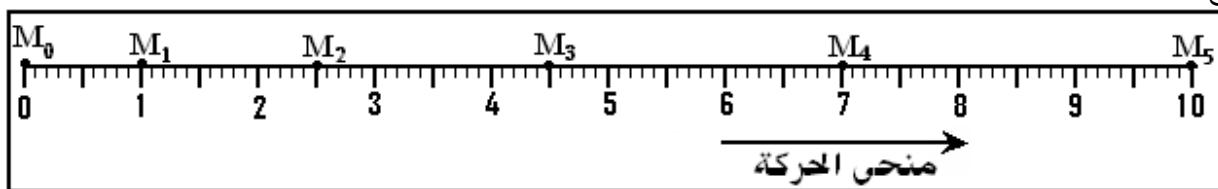
(2) أوجد المعادلين الزمنيين  $(x(t); v(t))$  المميزية لحركة مركز قصور الحامل ذاتي علما أنه :  $x(t=0) = x_0 = -0,15m$  .

(3) بتطبيق قانون نيوتن الثاني ، عين كتلة الحامل ذاتي .



### التمرين 3

تمثيل الوثيقة أسفله بالسلم الحقيقي ، تسجيل موضع نقطة  $M$  من جسم صلب في حركة مستقيمية ، حيث المدة الزمنية التي تفصل بين تسجيل نقطتين متتاليتين هي  $\tau = 50ms$  . نختار  $M_0$  أصلا لمعلم الفضاء  $R(O, i)$  ولحظة مرور الجسم من الموضع  $M_1$  أصلا للتواريخ



(1) أحسب ،  $\vec{V}_1$  و  $\vec{V}_3$  ، سرعة النقطة  $M$  في الموضعين  $M_1$  و  $M_3$  .

(2) مثل باستعمال سلم مناسب متحطي السرعتين  $\vec{V}_1$  و  $\vec{V}_3$  .

(3) مثل في نفس التسجيل الفرق  $\Delta V = \vec{V}_3 - \vec{V}_1$  في الموضع  $M_2$  .

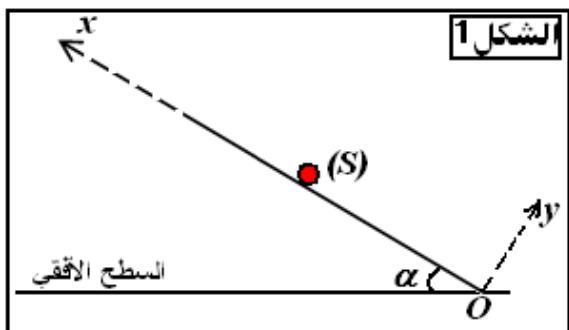
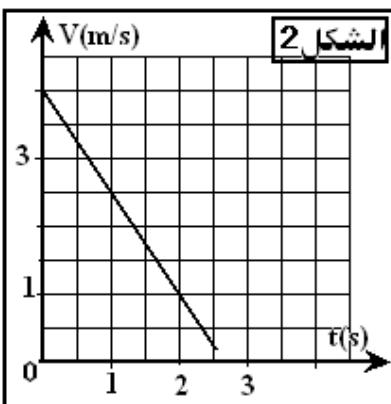
(4) عين قيمة  $a_2$  تسارع النقطة  $M$  في الموضع  $M_2$  ومثلها بسلم مناسب .

(5) أكتب المعادلة الزمنية لحركة النقطة  $M$  .

(6) علل هل حركة النقطة  $M$  متباطئة أم متتسعة .

### التمرين 3

نعتبر جسما صلبا  $(S)$  ذا كتلة  $m = 200g$  في حركة إزاحة مستقيمية فوق سطح مائل بزاوية  $\alpha$  بالنسبة للمستوى الأفقي الشكل (1) . يمثل الشكل (2) مخطط السرعة للجسم  $(S)$  . نهمل جميع الاحتكاكات .



- (1) حدد طبيعة حركة الجسم  $(S)$  .
  - (2) أكتب المعادلة الزمنية  $x(t)$  لحركة مركز القصور للجسم  $(S)$  علما أنه يوجد في النقطة  $O$  عند اللحظة  $t = 0$  .
  - (3) علما أن الجسم  $(S)$  يصل إلى النقطة  $A$  بسرعة  $V_A$  حيث  $OA = L = 6\text{m}$  . أحسب  $V_A$  .
  - (1.3) أوجد تعبير  $V_0$  بدلالة السرعة البدئية عند اللحظة  $t = 0$  و التسارع  $a$  و  $L$  . أحسب  $V_A$  .
  - (2.3) عين  $t_A$  لحظة وصول الجسم  $(S)$  إلى الموضع  $A$  .
  - (4) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن: .
  - (1.4) أوجد تعبير التسارع  $a$  لمركز قصور  $(S)$  بدلالة  $g$  و  $\alpha$  . عين قيمة  $\alpha$  .
  - (2.4) استنتج شدة القوة  $\vec{R}$  المطبقة من طرف السطح على  $(S)$  .
- نعطي :  $g = 10 \text{m.s}^{-1}$

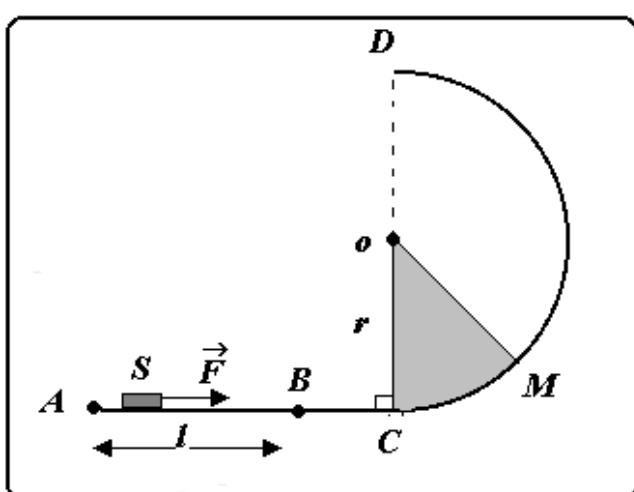
#### التمرين 4

ندرس حركة جسم صلب  $S$  كتلته  $m = 500\text{g}$  في معلم أرضي نعتبره غاليليا .  
ينطلق الجسم من النقطة  $A$  بدون سرعة بدئية تحت تأثير قوة  $\vec{F}$  ثابتة . تطبق القوة  $\vec{F}$  طول المسار  $AB = 1 = 1,5\text{m}$  فقط .  
الجزء  $AC$  مستقيم بينما الجزء  $CD$  دائرى شعاعه  $r = 1\text{m}$  .  
نفترض أن الاحتكاكات مهملة .

- (1) أوجد تعبير التسارع  $a$  للحركة ثم استنتاج تعبير السرعة  $V_B$  للجسم عند النقطة  $B$  بدلالة  $I$  و  $m$  و  $F$  .
- (2) بين بدون حساب أن :  $V_C = V_B$  ، بحيث سرعة الجسم عند  $C$  .
- (3) نعتبر النقطة  $M$  بحيث  $(OM, OM) = \theta$  ، أوجد  $V_M$  تعبير سرعة الجسم عند النقطة  $M$  بدلالة  $I$  و  $m$  و  $F$  و  $\theta$  و  $g$  و  $r$  .
- (4) بكتابتك لقانون نيوتن الثاني ، وإسقاطه على معلم فريني ، بين أن تعبير شدة القوة المطبقة على الجسم من طرف السطح الدائري عند النقطة  $M$  هو :

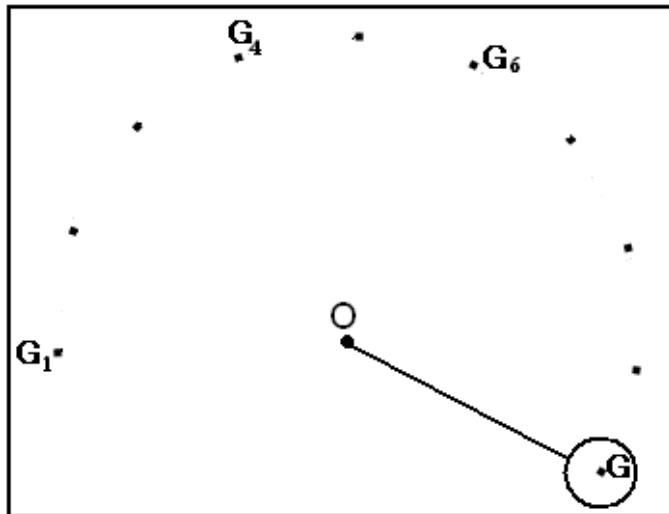
$$R = m(g \cos \theta + \frac{V^2}{r})$$

- (5) انطلاقا من تعبير شدة القوة  $R$  ومن تعبير السرعة  $V_M$  ، أوجد القيمة الدنوية  $F_0$  للقوة  $\vec{F}$  لكي يصل الجسم للنقطة  $D$  .  
أحسب  $F_0$  .  
(ملحوظة : لكي لا يغادر الجسم السكة ، يجب أن تبقى  $R > 0$  )
- نعطي :  $g = 10 \text{m.s}^{-1}$



## التمرين 1

يمثل الشكل أسفله ، التسجيل بالسلم الحقيقي ، للنقط المحتلة من طرف مركز قصور حامل ذاتي ، كتلته  $m = 683 \text{ g}$  ، خلال مدد زمنية متتالية ومتساوية  $\tau = 40 \text{ ms}$  ، حيث الحامل الذاتي مرتبط بطرف خيط غير قابل للامتداد طرفة الآخر مثبت في نقطة  $O$  .

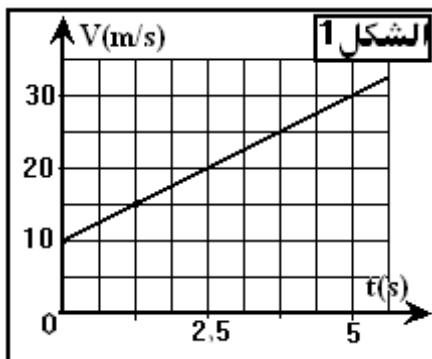


- 1) حدد طبيعة حركة مركز قصور الحامل الذاتي .
- 2) مثل على التسجيل متوجهة السرعة  $\dot{V}_5$  ومتوجهة السرعة  $\dot{V}_3$  لمركز القصور عند النقاطين  $G_3$  و  $G_5$  .
- 3) أنشئ في النقطة  $G_4$  المتوجهة  $\Delta V = \dot{V}_5 - \dot{V}_3$  .
- 4) حدد مميزات متوجهة التسارع  $a_4$  عند الموضع  $G_4$  .
- 5) بتطبيق قانون نيوتن الثاني ، حدد  $T$  شدة القوة المطبقة من طرف الخيط على الحامل الذاتي .

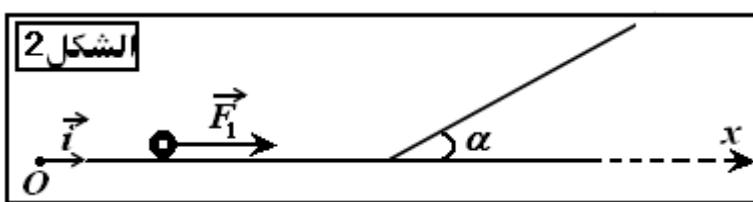
## التمرين 2

يتحرك جسم صلب ( $S$ ) كتلته  $m = 1 \text{ Kg}$  على سطح أفقي بدون احتكاك .

- 1) مكنت الدراسة التجريبية لحركة مركز قصوره  $G$  من الحصول على مخطط السرعة (الشكل 1)



- 1.1) ما طبيعة حركة  $G$  مركز قصور الجسم ( $S$ ) ؟ علل جوابك .
- 2.1) أوجد المعادلة الزمنية  $x = f(t)$  . علما أن أقصوص المتحرك عند أصل التواريخ هو  $12.5 \text{ m}$  .
- 2) علما أنه خلال هذه الحركة، يخضع الجسم ( $S$ ) لقوة  $\dot{F}_1$  ثابتة اتجاهها موازٍ للسطح الأفقي (الشكل 2) .
  - 1.2) استرجع قوانين نيوتن الثلاثة
  - 2.2) بتطبيق قانون نيوتن الثاني، أوجد تعبير  $F_1$  وأحسب قيمتها .
- (3) بعد ذلك، يرتفع الجسم ( $S$ ) مستوى مائلاً بزاوية  $30^\circ = \alpha$  بالنسبة للمستوى الأفقي تحت تأثير قوة شدتها  $F_2 = 10 \text{ N}$  اتجاهها موازٍ للمستوى المائل .



- 1.3) أوجد تعبير  $a$  تسارع مركز قصور الجسم ( $S$ ) . ما طبيعة الحركة ؟

- 2.3) عين شدة القوة  $R_2$  التي يطبقها سطح التماس على الجسم ( $S$ ) .

نعطي :  $g = 10 \text{ N.Kg}^{-1}$

## التمرين 3

نعتبر سكة  $ABCD$  تتكون من ثلاثة أجزاء توجد في نفس المستوى الأفقي:

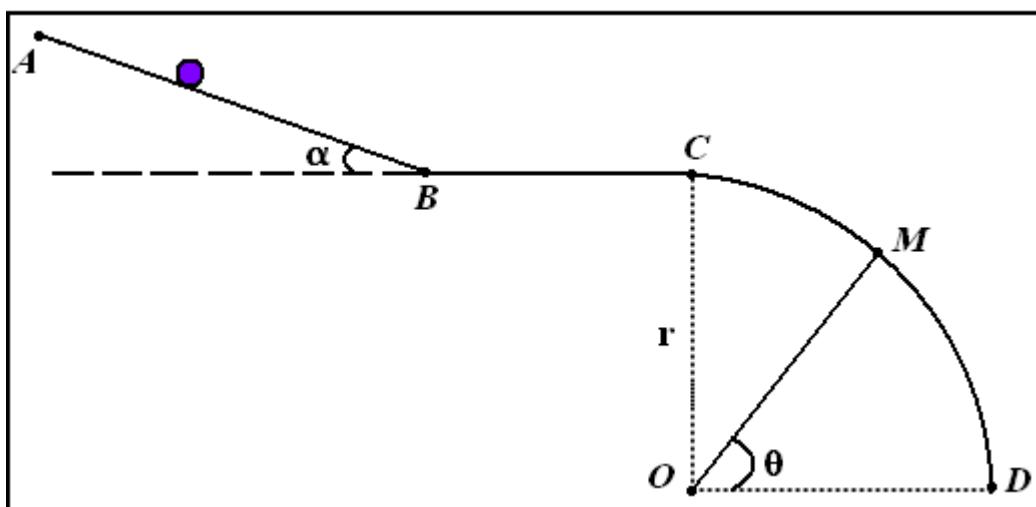
✓ جزء مستقيم  $AB$  طوله  $AB = 1,0\text{m}$  ، مائل بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  بالنسبة لخط الأفقي .

✓ جزء مستقيم وأفقي  $BC$  طوله  $BC = 1,0\text{m}$

✓ جزء دائري مركزه  $O$  وشعاعه  $r = 1,0\text{m}$

(1) نطلق جسما نقطيا ( $S$ ) كتلته  $m = 1\text{Kg}$  بسرعة بدئية  $V_A = 2,0\text{ m.s}^{-1}$  انطلاقا من النقطة  $A$  ، فينزلق فوق السكة

$V_B = 3,0\text{ m.s}^{-1}$  ، ليصل إلى النقطة  $B$  بسرعة  $ABCD$



. 1.1 أحسب تغير الطاقة الحركية للجسم ( $S$ ) بين الموضعين  $A$  و  $B$  .

. 2.1 أحسب شغل وزن ( $S$ ) بين  $A$  و  $B$  . نعطي:  $g = 10\text{m.s}^{-2}$  .

. 3.1 استنتج شغل القوة  $\dot{R}$  المقرنة بتأثير الجزء ( $AB$ ) على الجسم ( $S$ ) خلال انتقاله من  $A$  نحو  $B$  .

. 4.1 أحسب قيمة الزاوية  $\varphi$  التي يكونها اتجاه القوة  $\dot{R}$  مع المنظمي على الجزء ( $AB$ ) .

. 5.1 أحسب سرعة الجسم ( $S$ ) عند وصوله إلى النقطة  $C$  ، علما أن هذا الجزء يطبق على ( $S$ ) قوة احتكاك  $f'$  ثابتة ، موازية للجزء  $BC$  وشدتها  $BC$  .

. 2) نطلق، الآن، الجسم ( $S$ ) من النقطة  $C$  بدون سرعة بدئية، فينزلق بدون احتكاك على الجزء  $CD$  .

. 1.2 بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية ، أوجد سرعة الجسم ( $S$ ) عند النقطة  $M$  بدلالة  $g$  و  $r$  و  $\theta$  بحيث

$$\theta = (\overrightarrow{OD}, \overrightarrow{OM})$$

. 2.2 بين أن تعبير شدة القوة  $\dot{R}_M$  التي يطبقها الجزء ( $CD$ ) على ( $S$ ) عند النقطة  $M$  يكتب كما يلي :

$$\dot{R}_M = mg(3 \cos \theta - 2)$$

. 3.2 بالنسبة لأي قيمة  $\theta_0$  للزاوية  $\theta$  يغادر ( $S$ ) الجزء ( $CD$ ) في هذا الموضع .

. 3.3 أحسب سرعة الجسم ( $S$ ) في هذا الموضع .