

قوانين نيوتن

Les lois de Newton

الدرس التاسع

I. متجهة السرعة و متجهة التسارع.
1. نسبية الحركة:

الحركة والسكون مفهومان نسبيان : أي أن الأجسام لا تتحرك إلا بالنسبة لأجسام أخرى، أي أنه لدراسة حركة جسم ما يجب اختيار جسما مرجعيا أو مرجعا لهذه الدراسة، ولتتبع التطور الزمني للجسم المتحرك: يجب اعتبار معلم للفضاء ومعلم الزمن مرتبطين بالجسم المرجعي .

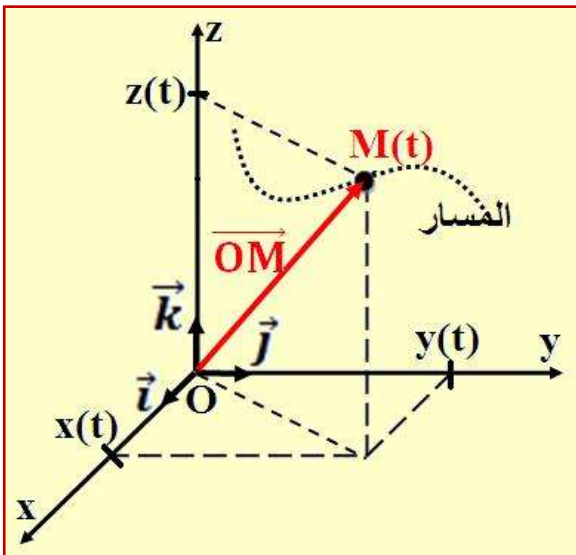
معلم الفضاء يتم تحديده بأصله O وبقاعدة متعامدة وممنظمة. نستعمل مجموعة من الأجسام المرجعية الخاصة وذلك حسب المجموعة الميكانيكية التي نريد دراستها بحيث نختار:

- ♦ المرجع الأرضي: لدراسة حركة السيارات والقطارات والقذائف...
- ♦ المرجع المركزي الأرضي: لدراسة حركة الأجسام التي تتحرك حول الأرض مثل الأقمار الاصطناعية...
- ♦ المرجع المركزي الشمسي (مرجع كوبرنيك): لدراسة حركة الكواكب والمذنبات التي تبعد كثيراً عن الأرض...

نرمز لمعلم الفضاء بـ:

2. معلمة موضع نقطة من جسم متحرك:

نحدد موضع نقطة M من متحرك في كل لحظة ، في معلم متعامد ممنظم $R(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ بمتجهة الموضع $\vec{OM}$ بحيث:



ملاحظة:

قوانين نيوتن

3. متجهة السرعة:

أ. متجهة السرعة المتوسطة:

متجهة السرعة المتوسطة لنقطة M من جسم متحرك انتقلت من موضع M_1 إلى موضع M_2 خلال المدة: $\Delta t = t_2 - t_1$ هي:

ب. متجهة السرعة اللحظية:

في مرجع معين، تساوي متجهة السرعة اللحظية لنقطة M من جسم متحرك صلب عند اللحظة t ، مشتقة متجهة الموضع بالنسبة للزمن، بحيث:

وحدة السرعة في النظام العالمي للوحدات هي:

ج. مميزات متجهة السرعة اللحظية:

♦ الأصل:

♦ الاتجاه:

♦ المنحى:

♦ المنظم:

د. متجهة السرعة في معلم ديكارتي:

ه. تطبيق 1:

الأسئلة

إحداثيات متجهة الموضع $\overrightarrow{OM}$ خلال حركة جسم صلب في معلم متعامد منظم $R(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ هي:

$$x(t) = 4.t \quad ; \quad y(t) = 2.t^3 \quad ; \quad z(t) = 10.t^2$$

(1) عبر عن متجهة الموضع $\overrightarrow{OM}$ عند لحظة t ثم حدد منظمها عند اللحظة $t = 2s$.

(2) حدد إحداثيات متجهة السرعة $\vec{v}$ عند لحظة t ثم حدد قيمتها عند اللحظة $t = 2s$.

الأجوبة

4. متجهة التسارع:

أ. متجهة التسارع في معلم ديكارتي:

في مرجع معين، تساوي متجهة التسارع $\vec{a}$ لنقطة M من جسم متحرك صلب عند اللحظة t، المشتقة الأولى لمتجهة السرعة بالنسبة للزمن أو المشتقة الثانية لمتجهة الموضع بالنسبة للزمن، بحيث:

وحدة التسارع في النظام العالمي للوحدات هي:

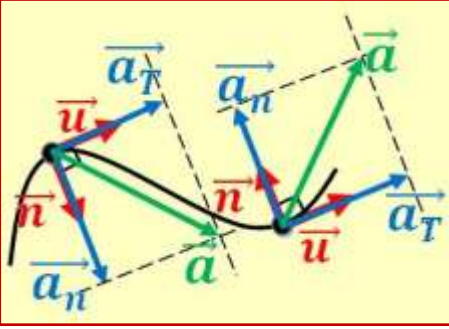
ب. متجهة التسارع في أساس فريني:

♦ أساس فريني:

معلم محلي $(\vec{n}; \vec{u}; M)$ متعامد وممنظم ينطبق أصله في كل لحظة مع موضع المتحرك M، متجهته الواحدية $\vec{u}$ مماسة للمسار وموجهة في منحنى الحركة، ومتجهته الواحدية $\vec{n}$ متعامدة مع $\vec{u}$ وموجهة نحو تقعر المسار.

♦ التسارع في أساس فريني:

في حالة حركة مستوية نعبر عن التسارع في أساس فريني على الشكل:



حيث:

5. طبيعة الحركة:

نحدد طبيعة حركة النقطة المتحركة من خلال الجداء السلمي للمتجهتين $\vec{a}$ و $\vec{v}$ بحيث يتعلق هذا الجداء السلمي بالزاوية المحصورة بين المتجهتين، أي:

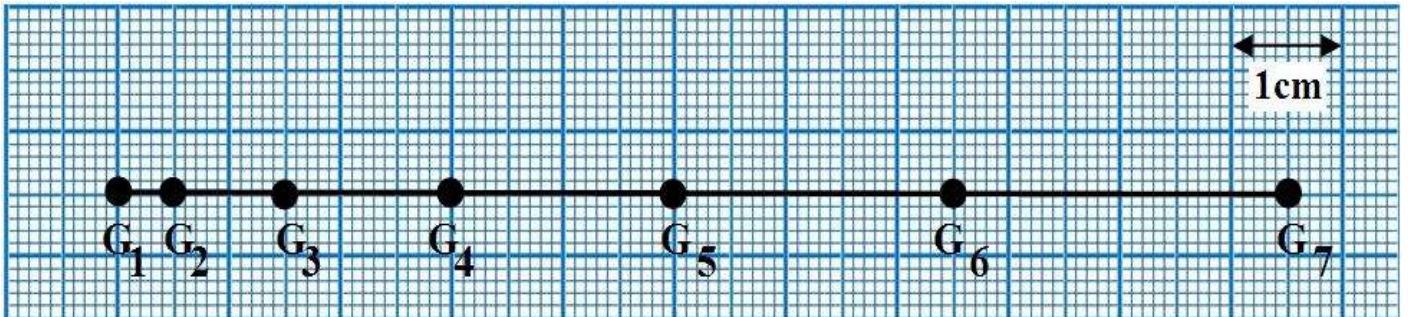
مما سبق نميز بين ثلاث حالات و ذلك حسب قيمة الزاوية المحصورة بين المتجهتين $\vec{a}$ و $\vec{v}$.

حركة منتظمة	حركة متسارعة	حركة متباطئة

6. تمثيل متجهة السرعة و التسارع: (تطبيق 2)

♦ تمثيل متجهة السرعة و التسارع في حالة حركة مستقيم:

نطلق حاملا ذاتيا بدون سرعة بدئية فوق منضدة هوائية مائلة بزاوية $\alpha=40^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقي و نسجل حركة مركز قصوره G بعد ضبط مولد الشرارات على القيمة $\tau=60ms$ فنحصل على التسجيل التالي:



(1) أحسب سرعة الحامل الذاتي عند النقطتين G_4 و G_6 .

(2) مثل متجهتي السرعة $\vec{v}_4$ و $\vec{v}_6$ باعتبار السلم $1\text{cm} \rightarrow 0,15\text{m/s}$

(3) مثل المتجهة $\Delta\vec{v}_5 = \vec{v}_6 - \vec{v}_4$ في النقطة G_5 .

(4) نعين التسارع باستعمال العلاقة التقريبية $\vec{a}_i = \frac{\vec{v}_{i+1} - \vec{v}_{i-1}}{2\tau}$ أحسب منظم متجهة التسارع $\vec{a}_5$.

(5) مثل المتجهة $\vec{a}_5$ في النقطة G_5 باستعمال السلم $1\text{cm} \rightarrow 0,9\text{m/s}^2$

◆ تمثيل متجهة السرعة و التسارع في حالة حركة منحنية:

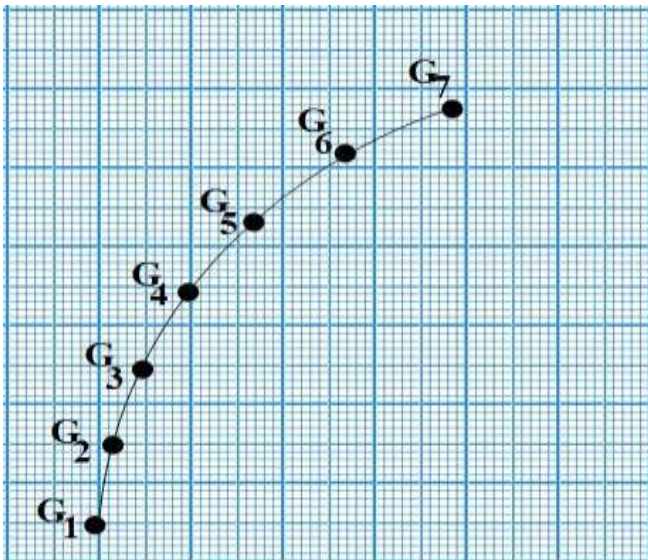
نربط الحامل الذاتي مع قطعة معدنية بواسطة خيط غير مرن ثم نرسله و نسجل حركة مركز قصوره G بعد ضبط مولد الشرارات على القيمة $\tau=60\text{ms}$ فنحصل على التسجيل أسفله.

(6) أحسب سرعة الحامل الذاتي عند النقطتين G_4 و G_6 .

(7) مثل متجهتي السرعة $\vec{v}_4$ و $\vec{v}_6$ باعتبار السلم $1\text{cm} \rightarrow 0,15\text{m/s}$

(8) مثل المتجهة $\Delta\vec{v}_5 = \vec{v}_6 - \vec{v}_4$ في النقطة G_5 .

(9) نعين التسارع باستعمال العلاقة $\vec{a}_i = \frac{\vec{v}_{i+1} - \vec{v}_{i-1}}{2\tau}$ أحسب منظم متجهة التسارع $\vec{a}_5$.



(10) مثل المتجهة $\vec{a}_5$ في النقطة G_5 باستعمال السلم $1\text{cm} \rightarrow 0,9\text{m/s}^2$

II. الحركة المستقيمة.

1. الحركة المستقيمة المنتظمة:

أ. تعريف:

ب. المعادلة الزمنية للحركة:

في الحركة المستقيمة نختار معلم الفضاء $R(O; \vec{i})$ منطبق مع مسار المتحرك بحيث تكتب متجهة الموضع كما يلي: $\vec{OM} = x \cdot \vec{i}$

2. الحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام:

أ. تعريف:

ب. المعادلة الزمنية للحركة:

في الحركة المستقيمة نختار معلم الفضاء $R(O; \vec{i})$ منطبق مع مسار المتحرك بحيث تكتب متجهة الموضع كما يلي: $\vec{OM} = x \cdot \vec{i}$

III. قوانين نيوتن.

1. القوى الداخلية و القوى الخارجية:

بعد تحديد المجموعة المدروسة تقسم القوى التي تم جردها إلى قسمين و هما:

- ♦ القوى الداخلية: هي القوى المطبقة من طرف جسم ينتمي إلى المجموعة المدروسة على جسم آخر ينتمي إلى المجموعة نفسها.
- ♦ القوى الخارجية: القوى المطبقة من طرف جسم لا ينتمي إلى المجموعة على جسم ينتمي إليها.

ملاحظات:

2. القانون الأول لنيوتن (مبدأ القصور):

نص القانون

في م علم غاليلي، إذا كان مجموع القوى الخارجية المطبقة على جسم صلب يساوي المتجهة المنعدمة ($\sum \vec{F}_{\text{ext}} = \vec{0}$). فإن متجهة السرعة لمركز القصور G للجسم الصلب ثابتة ($\vec{v}_G = \text{cte}$)، أي إما أن يكون الجسم في حالة سكون ($\vec{v}_G = \vec{0}$) أو في حالة حركة مستقيمة منتظمة ($\vec{v}_G = \text{cte} \neq \vec{0}$).

ملاحظة:

- المراجع التي يتحقق فيها مبدأ القصور هي وحدها التي تعتبر مراجع غاليلية بحيث أن أفضل مرجع غاليلي هو معلم كوبرنيك (أصله منطبق مع مركز الشمس ومحاوره الثلاثة موجهة نحو ثلاثة نجوم ثابتة).
- كل مرجع في حركة مستقيمة منتظمة بالنسبة لمرجع كوبرنيك يعتبر مرجعا غاليليا. (مثلا على ذلك المرجع المركزي الأرضي، والمرجع الأرضي و ذلك بالنسبة لحركات مددها قصيرة).

3. القانون الثاني لنيوتن (المبدأ الأساسي للحريك):

نص القانون

في مرجع غاليلي يساوي مجموع القوى الخارجية المطبقة على جسم صلب ، جداء كتلة هذا الجسم m ومتجهة تسارع مركز قصوره G ، بحيث:

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}_G$$

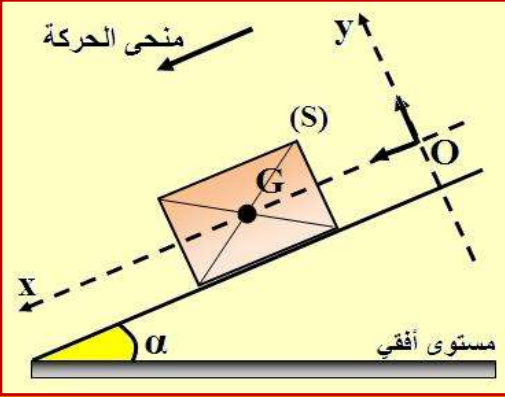
4. القانون الثالث لنيوتن (مبدأ التأثيرات المتبادلة):

نص القانون

إذا كان جسمان A و B في تأثير بيني (بتماس أو عن بعد) بحيث يطبق الجسم A قوة $\vec{F}_{A/B}$ على الجسم B ، فإن الجسم B يطبق بدوره قوة $\vec{F}_{B/A}$ على الجسم A بحيث تتحقق العلاقة $\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$ سواء كان الجسمان A و B ساكنين أو متحركين.

3. حركة جسم صلب فوق مستوى مائل بدون احتكاك:

الأسئلة



- ينزلق جسم صلب كتلته $m=80\text{kg}$ فوق مستوى مائل بزاوية $\alpha=12^\circ$ بالنسبة للخط الأفقي بدون احتكاك . نعطى $g=10\text{m/s}^2$.
- (1) تطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد تسارع الجسم.
 - (2) استنتج طبيعة الحركة؟
 - (3) أوجد شدة القوة المطبقة من طرف السطح المائل؟

الأجوبة

Diagram illustrating a block on an inclined plane. The plane makes an angle α with the horizontal. A coordinate system is defined with the x -axis along the incline and the y -axis perpendicular to it. The unit vectors $\vec{i}$ and $\vec{j}$ are shown at the origin O . A block is shown on the incline with its center of mass G . A red arrow labeled $\vec{F}$ represents a force applied to the block, pointing up the incline. The text "منحى الحركة" (Direction of motion) is written above the incline with an arrow pointing up.

(4) أكتب بدلالة الزمن المعادلة الزمنية $x(t)$ لحركة مركز قصور الجسم باعتبار النقطة O هي موضع G عند اللحظة $t=0$.

الأجوبة