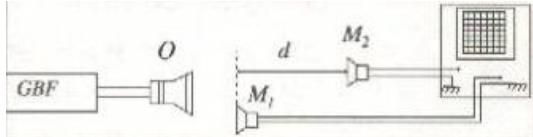


تصحيح تمارين الموجة الميكانيكية المتواالية

تمرين 1:



1 - تحديد Δt مدة نشوئه نقطة M من وسط الانتشار :
نصل مكبر الصوت بمولد التردد المنخفض GBF و نصل الميكروفونين M₁ و M₂ بكاشف التذبذب مبياناً نجد :
 $\Delta t=0,1\text{ms}$

- . 2 - تستعرق الموجة فوق الصوتية لقطع المسافة d = M₁M₂ بين الميكروفونين المدة $\Delta t=0,42\text{ ms}$
3 - بما أن الموجة فوق الصوتية تنتشر بسرعة ثابتة فان :

$$V=\frac{d}{\Delta t} \Rightarrow d=V.\Delta t = 340 \times 0,42 \cdot 10^{-3} = 0,14 \text{ m}$$

تمرين 2:

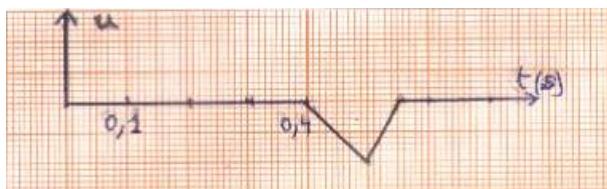
- 1 - قطع الموجة خلال المدة $d=4\text{m}$ حيث $d=4\text{m}$ $\Delta t=t_1-t_0=t_1=0,4\text{s}$

$$V=\frac{d}{\Delta t}=\frac{4}{0,4}=10 \text{ m.s}^{-1}$$

2 - كل نقطة من وسط الانتشار تتحرك رأسياً عندما يصلها النشوئه ثم تعود إلى موضعها البديني ،
لتكن $\Delta t'$ مدة التي يستعرقها النشوئه و L طول النشوئه .

$$V=\frac{L}{\Delta t'} \Rightarrow \Delta t'=\frac{L}{V}=\frac{1,5}{10}=0,15\text{s}$$

3 - اللفة N تعيد نفس الحركة المنبع S بعد تأخر زمني τ ،
نكتب $Y_M(t)=Y_S(t-\tau)$
عند اللحظة $t_1=0,4\text{s}$ تصل مقدمة الموجة إلى اللفة N
وستعرق اللفة في الحركة مدة $0,15\text{s}$ أي تنتهي من
الحركة عند $t=0,55\text{s}$ (انظر المبيان)



تمرين 3:

- 1 - انطلاقاً من المقطع الرأسي لسطح الماء يتبيّن أن اتجاه النشوئه عمودي على اتجاه انتشار الموجة .

2 - مقدمة الموجة قطعت المسافة d=SM=9m خلال المدة $\Delta t = t_2=4,5\text{s}$ وبالتالي سرعة الانتشار تكتب :

$$V=\frac{SM}{t_1}=\frac{9}{4,5}=2 \text{ m.s}^{-1}$$

3 - كل نقطة من سطح الماء تتحرك رأسياً عندما يصلها الموجة ثم تصبح ساكتة عندما تغادرها الموجة .

لتكن $\Delta t'$ مدة حركة النقطة و L طول النشوئه تربطهما العلاقة : $\Delta t'=\frac{L}{V}$ أي $L=V.\Delta t'$

4 - عند اللحظة $t=2,5\text{s}$ تصل مقدمة الموجة إلى نقطة P من سطح الماء تبعد عن المنبع S بالمسافة SP حيث :
 $SP = V.t' = 2 \times 2,5 = 5\text{m}$

5 - التاخر الزمني τ لحركة النقطة N بالنسبة ل M يكتب :

$$\tau = \frac{MN}{V} = \frac{12}{2} = 6\text{s}$$

تمرين 4:

- 1 - بما أن توتر الحبل يساوي وزن الكتلة المعلمة فإن : $P=T$ مع $P=mg$

$$T=mg = 0,235 \times 9,8 = 2,3\text{N}$$

2 - الكتلة الطولية μ للحبل هي حاصل قسمة كتلته M على طوله L ، نكتب :

$$\mu=\frac{M}{L}=\frac{0,176}{11}=16 \cdot 10^{-3} \text{ kg.m}^{-1}=16 \text{ g.m}^{-1}$$

3 - سرعة انتشار الموجة نحددها بالعلاقة :

$$V=\sqrt{\frac{T}{\mu}}=\sqrt{\frac{2,3}{16 \cdot 10^{-3}}}=12 \text{ m.s}^{-1}$$

4 - تنتشر الموجة طول الحبل بسرعة ثابتة حيث : $\frac{d}{\tau}=V$ حيث τ هي المدة التي استعرقتها الموجة لقطع المسافة d =AB

$$\tau=\frac{d}{V}=\frac{8,2 \cdot 10^{-2}}{12}=6,8 \cdot 10^{-3}\text{s}=6,8\text{ms}$$

نسمي τ التاخر الزمني ل B بالنسبة ل A .

5 - حسب تعريف السرعة : $V=\sqrt{\frac{T}{\mu}}=\sqrt{\frac{mg}{\mu}}$ يتبيّن أن تزايد الكتلة m يؤدي إلى تزايد السرعة V .

6 - نبحث عن الكتلة m المضافة ل m لتتضاعف السرعة نكتب اذن :

$$V' = 2V = \sqrt{\frac{m+m'}{\mu}} \Rightarrow 4V^2 = \frac{(m+m')g}{\mu} \Rightarrow (m+m')g = 4\mu V^2 \Rightarrow m + m' = \frac{4\mu V^2}{g}$$

$$m' = \frac{4\mu V^2}{g} - m \Rightarrow m' = \frac{4 \times 16 \cdot 10^{-3} \times 12^2}{9,8} - 0,235 = 0,705 \text{ kg} = 705 \text{ g}$$

الطريقة الثانية :

$$2V = \sqrt{\frac{(m+m')g}{\mu}} \Leftrightarrow 2 \sqrt{\frac{mg}{\mu}} = \sqrt{\frac{(m+m')g}{\mu}}$$

$$4 \frac{mg}{\mu} = \frac{(m+m')g}{\mu} \Leftrightarrow 4m = m+m'$$

$$m' = 4m - m = 3m = 3 \times 235 = 705 \text{ g}$$

تمرين 5

1 - عندما تصلك الموجة إلى النقطة M تبدأ هذه الأخيرة في الحركة (أي يتغير ارتباطها) حسب المبيان $t_1 = 2 \text{ ms}$

2 - تقطع الموجة المسافة : $OM = x_M = 8 \text{ cm}$ خلال المدة : $\Delta t = t_1 = 2 \text{ ms}$ ، سرعة انتشار الموجة تكتب :

$$V = \frac{OM}{t_1} = \frac{8 \cdot 10^{-2}}{2 \cdot 10^{-3}} = 40 \text{ m.s}^{-1}$$

3 - 1- حسب المبيان تبدأ النقطة M الحركة عند اللحظة 2 ms وتتوقف عند اللحظة 5 ms وبالتالي مدة التشويه هي $\Delta t' = 5 - 2 = 3 \text{ ms}$

2- حسب سرعة انتشار الموجة نكتب : $V = \frac{L}{\Delta t}$ حيث L طول التشويه و $\Delta t'$ مدة التشويه .

$$L = V \cdot \Delta t' = 40 \times 3 \cdot 10^{-3} = 0,12 \text{ m}$$

4 - التأخير الزمني للنقطة N بالنسبة للنقطة M هو المدة التي تستغرقها الموجة لقطع المسافة MN .

$$\tau = \frac{MN}{V} = \frac{x_N - x_M}{V} = \frac{(32 - 8) \cdot 10^{-2}}{40} = 6 \cdot 10^{-3} \text{ s} = 6 \text{ ms}$$

2- تصلك الموجة إلى النقطة N عند اللحظة t_2

حيث :

الطريقة الأولى : $t_2 = t_1 + \tau = 2 + 6 = 8 \text{ ms}$

الطريقة الثانية : تقطع الموجة المسافة ON خلال المدة t_2 حيث :

$$t_2 = \frac{ON}{V} = \frac{32 \cdot 10^{-2}}{40} = 8 \cdot 10^{-3} \text{ s} = 8 \text{ ms}$$

3- نستنتج تغيرات النقطة N اطلاقاً من تغيرات النقطة M وذلك بازاحة أفقية بمقادير τ .

4- تمثيل مظهر الحبل عند اللحظة $t_2 = 8 \text{ ms}$:

- عند اللحظة $t_2 = 8 \text{ ms}$ تصلك مقدمة

الموجة إلى النقطة N ذات الأقصول x_N

$$\therefore x_N = 32 \text{ cm}$$

طول التشويه هو $L = 12 \text{ cm}$ فنهائته P

$$\therefore L = x_P - x_N = 20 \text{ cm}$$

أقصولها طول الحبل ذي الأرتباط السالب :

حسب المنحنى يكون $0 < y < 20 \text{ cm}$ خلال المدة

حيث طول الحبل يكون $\Delta t_1 = 1 \text{ ms}$

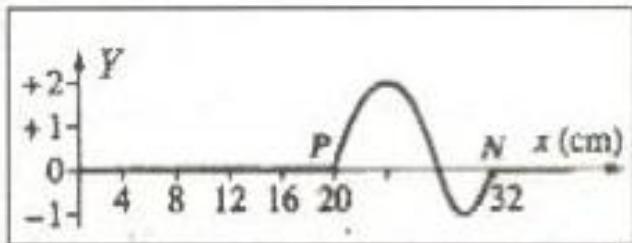
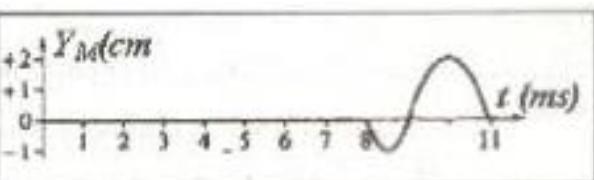
$$\therefore L_1 = V \cdot \Delta t_1 =$$

$$40 \times 10^{-3} = 4 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 4 \text{ cm}$$

طول الحبل ذي الأرتباط الموجب :

حسب المنحنى يكون $0 < y < 20 \text{ cm}$ خلال المدة: $\Delta t_2 = 2 \text{ ms}$ حيث طول الحبل يكون :

$$\therefore L_2 = V \cdot \Delta t_2 = 40 \times 2 \cdot 10^{-3} = 8 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 8 \text{ cm}$$



نستنتج أنه خلال 1 ms الأولى ينتقل التشويه بمسافة 4 cm بأرتباط سالب ثم يصبح موجياً خلال المسافة 8 cm المتبقية من طول التشويه .