

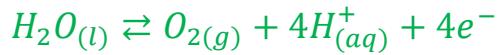
لصحيح الفرض المحروس رقم 5

تمرين 1 : التحليل الكهربائي

1- إتمام تبيانة الدارة أنظر الشكل جانبه .

2- أنصاف معادلات التفاعل التي تحدث بجوار كل إلكترود:

بجوار الأنود يحدث تفاعل أكسدة جزيئه الماء :



بجوار الكاتود يحدث تفاعل اختزال للأيون Cu^{2+} :

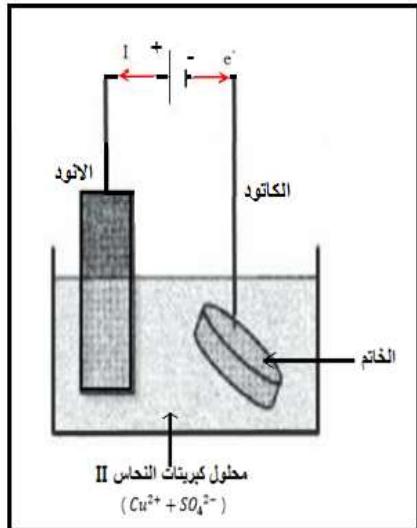


3- استنتاج المعادلة الحصيلة للتحليل الكهربائي :



4- مدة التحليل الكهربائي :

الجدول الوصفي :



معادلة التفاعل		كمية مادة الألكترونات المتبادلة					
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة بالمول					
البدئية	0	$n_i(Cu^{2+})$	وغير		0	وغير	$n(e^-) = 0$
بعد تمام المدة Δt	x	$n_i(Cu^{2+}) - 2x$	وغير		x	وغير	$2x$

لدينا :

$$\begin{cases} n(Cu) = x \\ n(e^-) = 4x \end{cases} \Rightarrow n(Cu) = \frac{n(e^-)}{4}$$

كما أن :

$$\begin{cases} n(Cu) = \frac{m}{M(Cu)} \\ n(e^-).F = I.\Delta t \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} n(Cu) = \frac{m}{M(Cu)} \\ n(e^-) = \frac{I.\Delta t}{F} \end{cases} \Rightarrow \frac{m}{M(Cu)} = \frac{I.\Delta t}{4F}$$

تعبير Δt هو :

$$\Delta t = \frac{4F.m}{I.M(Cu)}$$

ت.ع:

$$\Delta t = \frac{4 \times 96500 \times 3,25}{0,9 \times 63,5} = 21951s = 6h 5min 51s$$

5-تعين حجم الغاز O_2 خلال مدة التحليل :

حسب الجدول الوصفي :

$$\begin{cases} n(O_2) = x \\ n(Cu) = 2x \end{cases} \Rightarrow n(Cu) = 2n(O_2)$$

كما أن :

$$\begin{cases} n(O_2) = \frac{V(O_2)}{V_m} \\ n(Cu) = \frac{m}{M(Cu)} \end{cases} \Rightarrow 2 \frac{V(O_2)}{V_m} = \frac{m}{M(Cu)}$$

تعبر حجم غاز O_2 هو :

$$V(O_2) = \frac{m \cdot V_m}{2 \cdot M(Cu)}$$

ت.ع:

$$V(Cu) = \frac{3,25 \times 24}{2 \times 63,5} = 0,61 L$$

6-تعين المدة الزمنية $\Delta t'$ اللازمة للحصول على الكتلة m :

تعبر المردود :

$$r = \frac{m_{exp}}{m_{th}} \Rightarrow m_{th} = \frac{m_{exp}}{r}$$

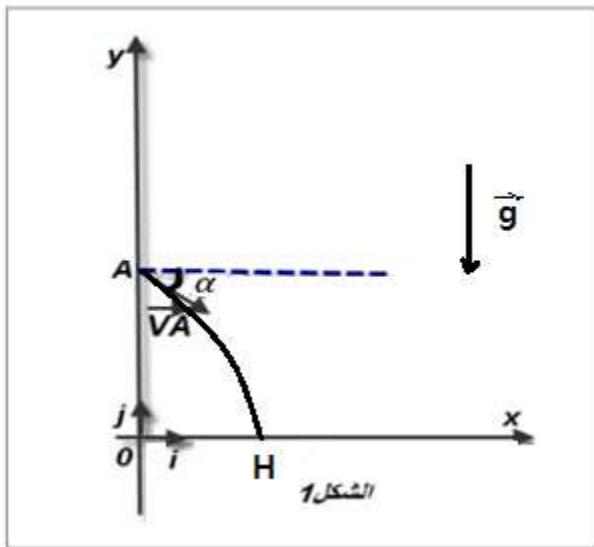
حسب العلاقة :

$$\frac{m_{th}}{M(Cu)} = \frac{I \cdot \Delta t'}{4F} \Rightarrow \Delta t' = \frac{4F \cdot m_{th}}{I \cdot M(Cu)} \Rightarrow \Delta t' = \frac{4F \cdot m_{exp}}{r \cdot I \cdot M(Cu)}$$

$$\Delta t' = \frac{\Delta t}{r}$$

ت.ع :

$$\Delta t' = \frac{21951}{0,80} = 17438,75s = 7h37min18,75s$$



تمرين 2 : حركة قذيفة في مجال الثقالة

(6 نقط)

1- تعبير المعادلتين الزمنيتين $x(t)$ و $y(t)$:

المجموعة المدرستة : الكرينة

نعتبر المعلم الارضي معلما غاليليا حسب القانون لنيوتن نكتب :

$$\vec{a}_G = \vec{g} \quad \text{أي} \quad m \cdot \vec{g} = m \vec{a}_G \quad \text{إذن} : \quad \vec{P} = m \vec{a}_G$$

إحداثيات متوجهة التسارع :

$$\vec{a} \left| \begin{array}{l} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{array} \right.$$

حسب الشروط البدئية :

$$V_{Ay} = -V_A \cdot \sin \alpha \quad \text{و} \quad V_{Ax} = V_A \cdot \cos \alpha$$

إحداثيات متوجهة السرعة :

$$\vec{V} \left| \begin{array}{l} V_x = V_{Ax} \\ V_y = -gt + V_{Ay} \end{array} \right. \Rightarrow \vec{V} \left| \begin{array}{l} V_x = V_A \cdot \cos \alpha \\ V_y = -g \cdot t - V_A \cdot \sin \alpha \end{array} \right.$$

المعادلات الزمنية $x(t)$ و $y(t)$:

حسب الشروط البدئية :

$$y_A = h \quad \text{و} \quad x_A = 0$$

$$\left| \begin{array}{l} x(t) = V_A \cdot \cos \alpha \cdot t + x_A \\ y(t) = -\frac{1}{2} g \cdot t^2 - V_A \cdot \sin \alpha \cdot t + y_A \end{array} \right. \Rightarrow \left| \begin{array}{l} \textcolor{red}{x(t) = V_A \cdot \cos \alpha \cdot t} \\ \textcolor{red}{y(t) = -\frac{1}{2} g \cdot t^2 - V_A \cdot \sin \alpha \cdot t + h} \end{array} \right.$$

2- إثبات معادلة المسار :

$$x = V_A \cdot \cos \alpha \cdot t \Rightarrow t = \frac{x}{V_A \cdot \cos \alpha}$$

$$y = -\frac{1}{2} g \cdot \left[\frac{x}{V_A \cdot \cos \alpha} \right]^2 - V_A \cdot \sin \alpha \cdot \frac{x}{V_A \cdot \cos \alpha} + h$$

$$\textcolor{red}{y = -\frac{g}{2V_A^2 \cdot \cos^2 \alpha} x^2 - x \cdot \tan \alpha + h}$$

ت.ع :

$$y = -\frac{10}{2 \times 2^2 \times \cos^2(45^\circ)} x^2 - \tan(45^\circ) \cdot x + 0,5$$

$$y = -2,5x^2 - x + 0,5$$

3- إحداثيات النقطة H :

أرتوب النقطة C منعدم : $y_B = 0$ معادلة المسار تكتب :

$$-2,5x^2 - x + 0,5 = 0$$

$$\Delta = (-1)^2 - 4 \times (-2,5) \times 0,5 = 6$$

$$x = \frac{-(-1) - \sqrt{6}}{2 \times (-2,5)} = 0,29 \text{ m}$$

$$x' = \frac{-(-1) + \sqrt{6}}{2 \times (-2,5)} = -0,69 \text{ m} < 0$$

إحداثيات النقطة H : $H(x_H = 0,29 \text{ m}, y_H = 0)$

4- مميزات السرعة \vec{V}_H :

نقطة التأثير : نقطة السقوط H

خط التأثير : يكون زاوية β مع الخط الافقى المار من H .

المنحنى : نحو الاسفل

المنظم :

نطبق مبرهنة الطاقة الحركية نكتب :

$$\frac{1}{2}m \cdot V_H^2 - \frac{1}{2}m \cdot V_A^2 = W(\vec{P})$$

$$\frac{1}{2}m \cdot V_H^2 - \frac{1}{2}m \cdot V_A^2 = m \cdot g \cdot h$$

$$V_H^2 = V_A^2 + 2g \cdot h$$

$$V_H = \sqrt{V_A^2 + 2g \cdot h} = \sqrt{2^2 + 2 \times 10 \times 0,5} = 3,47 \text{ m.s}^{-1}$$

حساب الزاوية β :

$$\cos \beta = \frac{V_{Hx}}{V_H} = \frac{V_A \cdot \cos \alpha}{V_H} \Rightarrow \beta = \cos^{-1} \left(\frac{2 \cos(45^\circ)}{3,47} \right) = 67,8^\circ$$

ملحوظة : يمكن استعمال أحداثيات متوجهة السرعة :

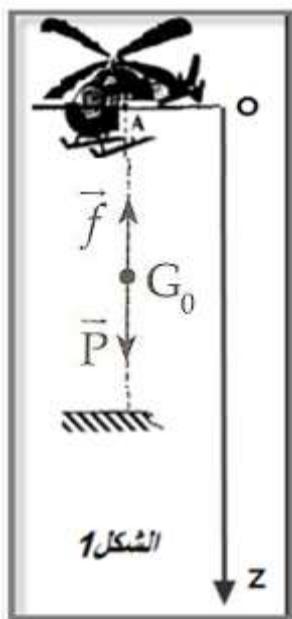
$$V_{Hx} = V_A \cdot \cos \alpha$$

$$V_{Hy} = -g \cdot t_H - V_A \cdot \sin \alpha = -g \cdot \frac{x_H}{V_A \cdot \cos \alpha} - V_A \cdot \sin \alpha$$

$$V_H = \sqrt{(2 \cdot \cos(45^\circ))^2 + \left(-10 \times \frac{0,29}{2 \cos(45^\circ)} - 2 \cdot \sin(45^\circ)\right)^2} = 3,47 \text{ m. s}^{-1}$$

تمرين 3 : حركة سقوط راسي لصندوق + مظلة

1- جرد القوى التي تخضع لها المجموعة (S) {الصندوق + المظلة}



\vec{P} : زون المجموعة

\vec{f} : تأثير قوة الاحتكاك المطبقة من طرف الهواء

2- إثبات المعادلة التفاضلية :

نعتبر المعلم المرتبط بالارض معلمًا غاليليا نطبق القانون الثاني لنيوتن :

$$\vec{P} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}_G$$

الاسقط على Oy :

$$P - f = ma$$

$$mg - 100v = m \cdot \frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} = g - \frac{100}{m} v$$

$$\frac{dv}{dt} = 10 - \frac{100}{150} v$$

المعادلة التفاضلية تكتب :

$$\frac{dv}{dt} = 10 - \frac{2}{3} v$$

3- تحديد السرعة الحدية : V_{lim}

عندما تصل المجموعة إلى السرعة الحدية نكتب : $v = v_{lim}$

$$10 - \frac{2}{3} v_{lim} = 0$$

المعادلة التفاضلية تكتب :

$$v_{lim} = \frac{10 \times 3}{2} = 15 \text{ m. s}^{-1}$$

تعبير المعادلة التفاضلية :

$$\frac{dv}{dt} = 10 - \frac{2}{3} v = 10 \left(1 - \frac{2}{3 \times 10} v\right)$$

$$\frac{dv}{dt} = 10(1 - \frac{v}{15})$$

$$\frac{dv}{dt} = 10 \left(1 - \frac{v}{v_{lim}} \right)$$

1- التحديد المبيانى للسرعة الحدية : v_{lim}

السرعة الحدية هي السرعة المجموعية في النظام الدائم وتمثل مقارب المحنى ($f(t)$) $v = f(t)$ نجد : $v = 15 \text{ m.s}^{-1}$ عند اللحظة $t = 0$ مع المقارب .

$$\tau = 1,5 \text{ s}$$

2- القيمة التقريرية Δt لمدة النظام البدئي :

$$\Delta t \approx 5\tau = 5 \times 1,5 = 7,5$$

5- تحديد v_4 و a_4 :

باستعمال طريقة اولير :

$$v_{i+1} = a_i \Delta t + v_i$$

$$\Delta t = t_{i+1} - t_i = 0,3 - 0,2 = 0,1 \text{ s}$$

خطوة الحساب هي :

تحديد السرعة v_4 :

$$v_4 = a_3 \cdot \Delta t + v_3$$

$$a_3 = 8,12 \text{ m.s}^{-2} \quad \text{و} \quad v_3 = 2,80 \text{ m.s}^{-1}$$

حسب الجدول :

$$v_4 = 8,12 \times 0,1 + 2,80 \Rightarrow v_4 = 3,61 \text{ m.s}^{-1}$$

المعادلة التفاضلية تكتب :

$$\frac{dv_i}{dt} = 10 - \frac{2}{3} v_i \Rightarrow a_i = 10 - \frac{2}{3} v_i$$

تحديد التسارع a_4 :

$$a_4 = 10 - \frac{2}{3} v_4$$

$$a_4 = 10 - \frac{2}{3} \times 3,61 \Rightarrow a_4 = 7,59 \text{ m.s}^{-2}$$