

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة العاشرة 2023

SSSSSSSSSSSSSSSSSS-SSS

الموضوع

NS 28



المملكة المغربية
وزارة التربية والتكوين
والتعليم الأولي والرياضة
المركز

3h	مدة الإنجاز	الفيزياء والكيمياء	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية	الشعبة أو المسلك

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة.

تعطي التعبير الحرفي قبل التطبيقات العددية.

يُتضمن الموضوع أربعة تمارين.

تمرين 1 (7 نقط)

- دراسة بعض التفاعلات الكيميائية لحمض الإيثانويك.

تمرين 2.5 (نقط 2)

- دراسة بعض التحولات النووية للتربيتوه.

تمرين 3 (5 نقط)

- استجابة ثنائي القطب RL لرتبة توتر،

- دراسة دارة LC ،

- تضمين الوعم لإشارة.

تمرين 4 (5,5 نقط)

- دراسة حركة سقوط كرة.

دراسة حركة أرجوحة

تمرين 1 (7 نقط)

يهدف هذا التمرين إلى دراسة تفاعل حمض الإيثانويك مع:

- الماء،

- محلول مائي لميثانوات الصوديوم،

- الميثانول.

1- دراسة محلول مائي لحمض الإيثانويك

نحضر حجما V من محلول مائي S_A لحمض الإيثانويك CH_3COOH تركيزه المولي $C_A = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$. أعطي قياس pH هذا محلول القيمة: $\text{pH} = 3,05$.

1.1- اكتب معادلة تفاعل حمض الإيثانويك مع الماء. (0,5 ن)

1.2- نعرف نسبة الحمض CH_3COOH في محلول S_A عند حالة التوازن كما يلي:

$$\alpha(\text{CH}_3\text{COOH}) = \frac{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{eq}}}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{eq}} + [\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{eq}}}$$

باستعانتك بالجدول الوصفي ، بين أن $\alpha(\text{CH}_3\text{COOH}) = 1 - \tau$ مع τ نسبة التقدم النهائي لتفاعل حمض الإيثانويك مع الماء. استنتج

قيمة $\alpha(\text{CH}_3\text{COOH})$. (0,75 ن)

1.3- بين أن قيمة $\text{pK}_{A_1} \approx 4,79$ هي $\text{pK}_A(\text{CH}_3\text{COOH}_{\text{aq}}) / \text{CH}_3\text{COO}^-_{\text{aq}}$. (0,5 ن)

2- دراسة تفاعل حمض الإيثانويك مع أيون الميثانوات

نمزج حجما V_1 من محلول S_A مع حجم $V_2 = V_1$ من محلول مائي S_B لميثانوات الصوديوم $\text{Na}^+_{\text{aq}} + \text{HCOO}^-_{\text{aq}}$ تركيزه المولي $C_B = C_A$.

2.1- اكتب معادلة التفاعل الذي يحدث بين أيونات الميثانوات و حمض الإيثانويك. (0,75 ن)

2.2- أوجد تعبير خارج التفاعل عند التوازن $Q_{r,\text{eq}}$ الموافق للتفاعل بدلالة ثابتتي الحمضية K_{A_1} و K_{A_2} للمزدوجتين المتداخلتين في هذا التفاعل. أحسب قيمته علما أن $\text{pK}_{A_2} = \text{pK}_A(\text{HCOOH}_{\text{aq}}) / \text{HCOO}^-_{\text{aq}}$. (0,75 ن)

2.3- أوجد تعبير pH الخليط التفاعلي بدلالة pK_{A_1} و pK_{A_2} . أحسب قيمته. (0,5 ن)

3- دراسة تفاعل حمض الإيثانويك مع الميثان

نجز خليطين متساويي المولات من حمض الإيثانويك مع الميثانول CH_3OH : $\text{CH}_3\text{OH} = 0,9 \text{ mol}$. $n_0(\text{CH}_3\text{COOH}) = n_0(\text{CH}_3\text{OH})$ ممكن التتبع الزمني لكمية المادة n_a لحمض الإيثانويك في كل من الخليطين، عند نفس درجة الحرارة θ ، من الحصول على المنحنيين C_1 و C_2 الممثلين في الشكل جانبه. تم الحصول على أحد المنحنيين باستعمال حفاز بالنسبة لأحد الخليطين.

3.1- اكتب معادلة التفاعل المنمزج للتحول الذي يحدث باستعمال الصيغة نصف المنشورة. (0,5 ن)

3.2- عين، مثلاً الجواب، المنحنى الموافق للتفاعل الذي استعمل فيه الحفاز. (0,5 ن)

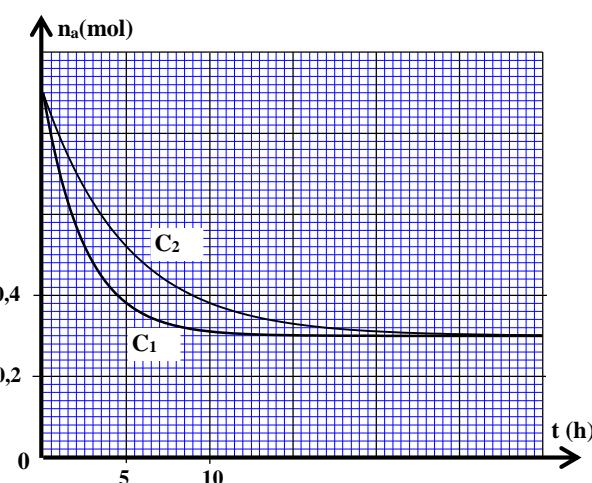
3.3- حدد تركيب الخليط التفاعلي عند التوازن. (0,5 ن)

3.4- أوجد قيمة $t_{1/2}$ زمن نصف التفاعل في حالة التحول الكيميائي الموافق للمنحنى C_2 . (0,5 ن)

3.5- احسب مردود التحول الكيميائي المدروس. (0,75 ن)

3.6- عند حالة توازن المجموعة الكيميائية، نصف لأحد الخليطين التفاعليين كمية المادة $n = 0,1 \text{ mol}$ من حمض الإيثانويك.

علماً أن ثابتة التوازن للتحول الكيميائي المدروس هي $K = 4$ ، أوجد من جديد مردود هذا التحول الكيميائي. (0,5 ن)



تمرين 2 : (2,5 نقط)

نفترض في هذا التمرين دراسة تفتقن التريتيوم H_1^3 و تفاعل اندماجه مع الدوتوريوم H_1^2 . H_1^2 و H_1^3 نظيران لعنصر الهيدروجين.

معطيات: - نأخذ الكتلة المولية للтриتيوم: $M(H_1^3) = 3 \text{ g.mol}^{-1}$ ،

- عدد أفوکادرو: $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ،

- عمر النصف للтриتيوم $t_{1/2} = 12,32 \text{ an}$ ،

- طاقات الربط لبعض النوى:

${}_2^4\text{He}$	${}_1^3\text{H}$	${}_1^2\text{H}$	النواة
28,296	8,475	2,366	$E_\ell (\text{MeV})$

- نأخذ: $1 \text{ an} = 3,16 \cdot 10^7 \text{ s}$

1- تفتقن التريتيوم:

الтриتيوم نظير مشع من طراز β^- ينتج عن تفتقته نواة أحد نظائر الهيليوم.

1.1- اختر الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات التالية: (0,5 ن)

- | | |
|----|--|
| أ | عدد الكتلة بالنسبة للنواة ${}_2^3\text{He}$ هو 5. |
| ب | يميز النشاط الإشعاعي β^- النوى الثقيلة جدا. |
| ج | خلال المدة $t = 2t_{1/2}$ ، انطلاقا من بداية التفتقن، يمثل عدد النوى المتفقنة لعينة مشعة 25% من عدد النوى البدئية. |
| د | تساوي كتلة نواة ذرة مجموع كتل نوياتها. |
| هـ | خلال تفاعل الانشطار النووي، تتحول الكتلة إلى طاقة. |

1.2- اكتب معادلة التفتقن لنواة التريتيوم. (0,25 ن)

1.3- أثبت العلاقة بين عمر النصف $t_{1/2}$ وثبات النشاط الإشعاعي λ . (0,25 ن)

1.4- نتوفر عند اللحظة $t_0 = 0$ على عينة من التريتيوم المشع كتلتها $m_0 = 2 \mu\text{g}$.

احسب بالوحدة Bq النشاط الإشعاعي a_1 للعينة عند تفتقن 90% من نوى التريتيوم. (0,5 ن)

2- تفاعل اندماج التريتيوم H_1^3 و الدوتوريوم H_1^2

ينتج عن اندماج نواة الدوتوريوم و نواة التريتيوم نواة الهيليوم ${}_2^4\text{He}$ وابعاث نوترون.

2.1- أجب ب صحيح أو خطأ، معللا الجواب، على كل اقتراح من الاقتراحين التاليين:

أ- الطاقة التي ينبغي منها لنواة التريتيوم في حالة سكون قصد فصل نوياته وتبقى في حالة سكون هي $8,475 \text{ MeV}$. (0,25 ن)

ب- التريتيوم أكثر استقرارا من الدوتوريوم. (0,25 ن)

2.2- احسب، بالوحدة MeV ، الطاقة $|E_{lib}| = \Delta E$ التي يحررها تفاعل اندماج نواة واحدة من الدوتوريوم مع نواة واحدة من التريتيوم. (0,5 ن)

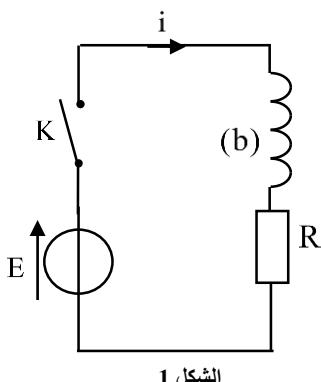
تمرين 3 : (5 نقط)

يهدف هذا التمرين إلى دراسة:

- استجابة ثنائي القطب RL لرتبة توتر ،

- دارة متذبذبة LC ،

- تضمين الوسع لإشارة.



1- استجابة ثانوي القطب **RL** لرتبة توتر

نجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 1 والمكون من:

- مولد للتواتر قوته الكهرومagnetique $E = 24 \text{ V}$:

- موصل أومي مقاومته R :

- وشبيعة (b) معامل تحريضها L و مقاومتها مهملاً :

- قاطع التيار K .

نغلق قاطع التيار K عند لحظة تاريخها $t_0 = 0$. مكن نظام مسك معلوماتي ملائم من الحصول على المنحنى الذي يمثل التطور الزمني لشدة التيار الكهربائي $i(t)$ في الدارة (الشكل 2).

يمثل المستقيم (T) المماس للمنحنى عند النقطة ذات الأقصول $t_0 = 0$.

أثبت المعادلة التقاضلية التي تحققها شدة التيار الكهربائي $i(t)$. (0,25 ن)

1.2- تعبير شدة التيار الكهربائي المار في الدارة هو : $i(t) = A + B \cdot e^{\frac{t}{\tau}}$
مع A و B ثابتين و τ ثابتة الزمن للدارة.

1.2.1- حدد تعبير كل من الثابتين A و B بدلالة E و R . (0,5 ن)

1.2.2- بين أن $L = 1 \text{ H}$. (0,5 ن)

1.3- حدد ، في النظام العالمي للوحدات، التعبير العددي للتواتر $u_L(t)$
بين مربطي الوشيعة أثناء إقامة التيار. (0,5 ن)

2- دارة متذبذبة LC

نجز دارة متذبذبة LC بتركيب الوشيعة (b) التي تم استعمالها سابقاً مع مكثف سعته C مشحوناً كلياً بمولد للتواتر قوته الكهرومagnetique E_0 (الشكل 3).

2.1- أثبت المعادلة التقاضلية التي يتحققها التواتر $u_C(t)$ بين مربطي المكثف. (0,25 ن)

2.2- يمثل منحنى الشكل 4 تغيرات التواتر $u_C(t)$ بدلالة الزمن.

2.2.1- أوجد قيمة السعة C للمكثف. (نأخذ $\pi^2 = 10$) (0,5 ن)

2.2.2- أوجد الطاقة المغناطيسية E_m المخزونة في الوشيعة عند اللحظة $t = 1,8 \text{ ms}$ (0,75 ن)

3- تضمين الوسع لإشارة

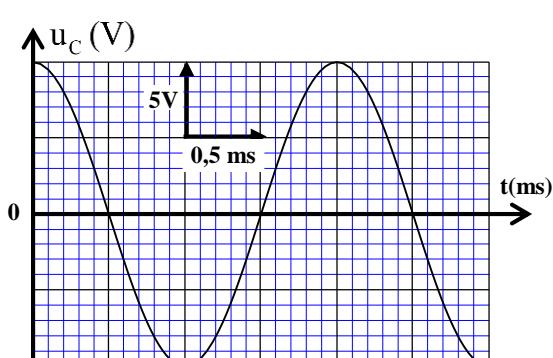
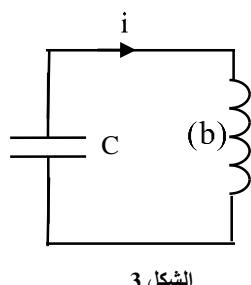
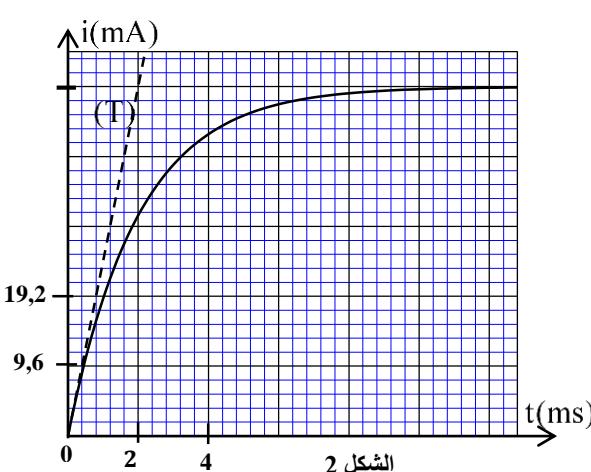
يمثل منحنى الشكل 5 التطور الزمني للتواتر $u(t)$ الموافق لإشارة مضمنة الوسع. يكتب التعبير الرياضي $u(t)$ على شكل:

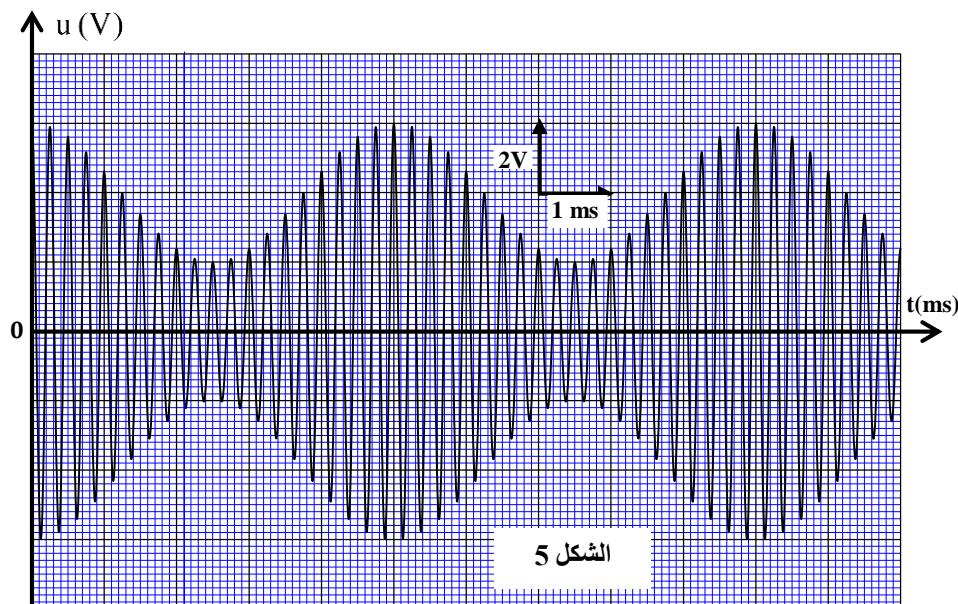
$u(t) = A(1 + m \cos(2\pi f_s t)) \cos(2\pi f_p t)$ مع A ثابتة و m نسبة

التضمين و f_p و f_s على التوالي تردد الإشارة الحاملة و الإشارة المضمنة.

3.1- اختر الإقرار الصحيح: (0,5 ن)

أ	تردد الإشارة المضمنة هو 4 kHz .
ب	تردد الإشارة الحاملة هو 4 kHz .
ج	تردد الإشارة المضمنة هو 100 Hz .
د	تردد الإشارة الحاملة هو 200 Hz .



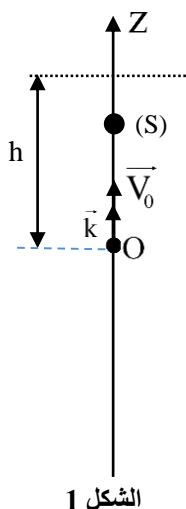


تمرين 4 : (5,5 نقط)

الجزءان مستقلان

الجزء I : دراسة حركة سقوط كرة

نرسل رأسيا نحو الأعلى في مجال الثقالة ، عند اللحظة $t_0 = 0$ ، انطلاقا من نقطة O ، كررة (S) كتلتها m ومركز قصورها G بسرعة بدئية قيمتها $V_0 = 12 \text{ m.s}^{-1}$ (الشكل 1).



الشكل 1

ندرس على مرحلتين، حركة G مركز القصور الكرة في معلم (O; k) مرتبطة بمرجع أرضي نعتبره غاليليا :

- حركة السقوط الحر للكرة في مرحلة أولى؛
- حركة سقوط الكرة باحتكاك في مرحلة ثانية.

معطيات:

- الكتلة: $m = 80 \text{ g}$ ،

- شدة الثقالة: $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$.

1- حركة السقوط الحر للكرة

خلال الحركة نعتبر أن مركز القصور G للكرة يكون في سقوط حر.

1.1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون، حدد المعادلة الزمنية العددية لكل من السرعة $(t)_z v_z$ والموضع $(t)_z z$ لمركز القصو G للكرة. (0,75 ن)

1.2- بالاعتماد على المعادلين الزمنيين $(t)_z v_z$ و $(t)_z z$ حدد:

1.2.1- الارتفاع الأقصى h الذي يصل عنده G. (0,5 ن)

1.2.2- القيمة الجبرية v_{OZ} لسرعة G عند مروره من النقطة O نحو الأسفل. (0,5 ن)

2- حركة سقوط الكرة باحتكاك

انطلاقا من لحظة مرور مركز القصور G من النقطة O نحو الأسفل، التي نأخذها أصلا جديدا للتواريخ ($t_0 = 0$) ، تخضع الكرة بالإضافة إلى وزنها \bar{P} لقوة احتكاك مائع منمذجة بالمتوجه $\bar{f} = -\lambda \bar{v}$ مع $\bar{k} = \bar{v}_z$ و $\bar{f} = -\lambda \bar{v}$. (نهمل دافعة أر خميدس أمام القوتين).

3.2- أجب بصحيح أو خطأ ، معللا

الجواب ، على كل اقتراح من

الاقتراحين التاليين:

أ- قيمة نسبة التضمين هي :

$$m = 0,4 \text{ . } (0,5 \text{ ن})$$

ب- قيمة المركبة المستمرة للتوتر هي:

$$U_0 = 2 \text{ V} \text{ . } (0,25 \text{ ن})$$

3.3- مثل شكل طيف ترددات الاشارة

المضمّنة (t) u بدون احترام سلم

دقيق. (0,5 ن)

2.1- بيّن أن المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة v_z لمركز القصور G للكرة تكتب: $\frac{dv_z}{dt} + \frac{1}{\tau} v_z + g = 0$ مع τ الزمن المميز للحركة. (0,5 ن)

2.2- استنتج منظم السرعة الحدية لحركة مركز القصور G للكرة. (0,25 ن)

2.3- حدد، باستعمال طريقة أوليير (Euler)، القيمة الجبرية $(t_i)_z$ للسرعة عند اللحظة t_i علماً أن تسارع الحركة عند اللحظة t_{i-1} هو $a_{i-1} = 5 \text{ m.s}^{-2}$ و نأخذ خطوة الحساب $\Delta t = 66 \text{ ms}$. (0,75 ن)

الجزء II: دراسة حركة أرجوحة

يتأرجح طفل بواسطة أرجوحة (الشكل 2).

ننذج الأرجوحة مع الطفل بنواس مكون من جسم صلب (S) كتلته m و مركز قصوره G معلق في نقطة O بواسطة ساق كتلتها مهملة و طولها ℓ . يمكن للساق أن تتجز حركة دوران في المستوى الرأسي حول محور (Δ) أفقي يمر من النقطة O (الشكل 3).

ندرس حركة النواس في معلم (G_0, \vec{k}) مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا.

نزير النواس عن موضع توازنه المستقر بزاوية صغيرة $\theta_0 = 9^\circ$ في المنحى الموجب، و نحرره بدون سرعة بدئية عند اللحظة $t_0 = 0$.

نعلم موضع النواس عند كل لحظة تاريخها t بالأقصول الزاوي θ .

نهمل جميع الاحتكاكات و نختار المستوى الأفقي المار من G_0 (موضع G عند التوازن المستقر) كمرجع لطاقة الوضع الثقالية ($E_{pp} = 0$).

معطيات: - عزم قصور النواس بالنسبة لمحور الدوران (Δ) هو: $J_\Delta = m\ell^2$ ،

- شدة الثقالة : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ ،

- $\ell = 2,4 \text{ m}$ -

- بالنسبة للتذبذبات ذات الوسع الصغير نأخذ: $\dot{\theta}^2 = 1 - \frac{\theta^2}{2} \cos \theta$ مع θ بالراديان.

1- بالنسبة للتذبذبات ذات الوسع الصغير، بين أن تعبير طاقة الوضع الثقالية للنواس عند لحظة t يكتب كما يلي:

$$E_{pp} = \frac{1}{2} mg\ell\theta^2 \quad (0,5 \text{ ن})$$

2- باستغلال انحفاظ الطاقة الميكانيكية للنواس:

2.1- حدد قيمة السرعة الزاوية القصوى $\dot{\theta}_{\max}$ لمركز القصور G. (0,5 ن)

2.2- أثبت المعادلة التفاضلية للحركة التي يتحققها الأقصول الزاوي $\theta(t)$. (0,75 ن)

3- احسب الدور الخاص لهذا النواس علماً أنه مطابق لنواس بسيط طوله ℓ و كتلته m. (0,5 ن)

