

تصحيح الامتحان الوطني للعلوم الفيزيائية  
الدورة العادلة 2010

الكيمياء

الجزء الأول : دراسة حلمأة استر في وسط قاعدي

1.1- حرد الأيونات المتواحدة في الخليط :

أيونات الصوديوم :  $Na^+$

أيونات الهيدروكسيد :  $HO^-$

أيونات الميثانوات :  $HC0O^-$

ملحوظة : نهمل تركيز أيونات الاوكسونيوم  $H_3O^+$  أمام تراكيز الايونات المتواجدة في الخليط .

1.2- الجدول الوصفي لتطور المجموعة :

كميات المادة البدئية للمتفاعلين :  $n_i(HCO_2H) = n_i(HO^-) = C_B \cdot V = 10 \times 2.10^{-4} = 2.10^{-3} mol$

المعادلة الكيميائية		$HCO_2H_{(aq)} + HO^-_{(aq)} \rightarrow HC0O^-_{(aq)} + CH_3OH_{(aq)}$			
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة ب (mol)			
الحالة البدئية	0	2.10 <sup>-3</sup>	2.10 <sup>-3</sup>	0	0
حالة التحول	x	2.10 <sup>-3</sup> - x	2.10 <sup>-3</sup> - x	x	x
الحالة النهائية	x <sub>max</sub>	2.10 <sup>-3</sup> - x <sub>max</sub>	2.10 <sup>-3</sup> - x <sub>max</sub>	x <sub>max</sub>	x <sub>max</sub>

1.3- إثبات تعبير المواصلة :  $G$

حسب تعريف المواصلة نكتب :

$$G = K(\lambda_{Na^+}[Na^+] + \lambda_{HO^-}[HO^-] + \lambda_{HC0O^-}[HC0O^-])$$

باستعمال الجدول الوصفي عند اللحظة t نكتب :

$$[HC0O^-] = \frac{n(HC0O^-)}{V} = \frac{x}{V} \quad \text{و} \quad [HO^-] = \frac{n(HO^-)}{V} = \frac{C_B \cdot V - x}{V}$$

أيونات الصوديوم  $Na^+$  لم تتدخل في التفاعل ومنه فإن تركيزها يبقى ثابتاً :

$$[Na^+] = \frac{n(Na^+)}{V} = \frac{C_B \cdot V}{V} = C_B$$

تعبير المواصلة يكتب :

$$G = K \left( \lambda_{Na^+} C_B + \lambda_{HO^-} \frac{C_B \cdot V - x}{V} + \lambda_{HC0O^-} \frac{x}{V} \right) = K \left[ C_B (\lambda_{Na^+} + \lambda_{HO^-}) + x \left( \frac{\lambda_{HC0O^-} - \lambda_{HO^-}}{V} \right) \right]$$

نعرض  $C_B = 10 mol \cdot m^{-3}$  و  $V = 2.10^{-4} m^3$

ت.ع :

$$G = 0,01 \times \left[ 10 \times (5,01 \cdot 10^{-3} + 19,9 \cdot 10^3) + x \left( \frac{5,46 \cdot 10^3 - 19,9 \cdot 10^{-3}}{2 \cdot 10^{-4}} \right) \right] = 2,49 \cdot 10^{-3} - 0,72x$$

$$G \simeq -0,72x + 2,5 \cdot 10^{-3}$$

#### 1.4- تعليل تناقص المواصلة أثناء التفاعل :

أثناء التفاعل تختفي الأيونات  $H^-$  وتعوضها الأيونات  $HO^-$  ذات الموصليّة المولّية الأقل حيث :  $\lambda_{HO^-} < \lambda_{HO^-}$  وبالتالي تتناقص المواصلة .

#### 1.5- إيجاد $t_{1/2}$ زمن نصف التفاعل :

حسب تعريف زمن نصف التفاعل :  $x(t_{1/2}) = \frac{x_{max}}{2}$

حسب الجدول الوصفي التقدم الأقصى هو :  $x_{max} = 2 \cdot 10^{-3} mol$

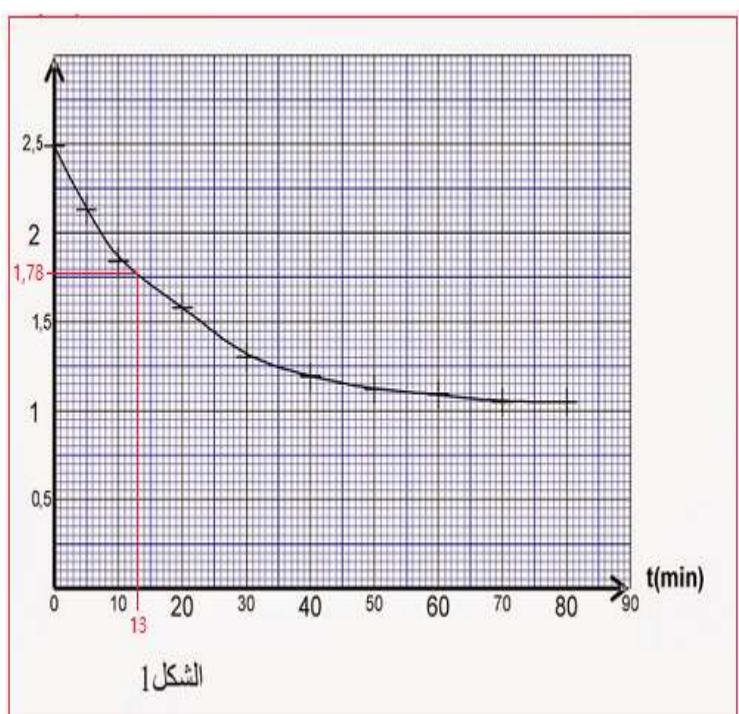
$$\text{ومنه : } x(t_{1/2}) = \frac{2 \cdot 10^{-3}}{2} = 10^{-3} mol$$

$$G(t_{1/2}) = -0,72 \cdot x(t_{1/2}) + 2,5 \cdot 10^{-3}$$

$$\text{ت.ع : } G(t_{1/2}) = -0,72 \times 10^{-3} + 2,5 \cdot 10^{-3} = 1,78 \cdot 10^{-3} S$$

$$\text{أي : } G = 1,78 mS$$

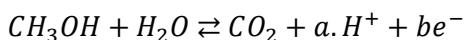
باستعمال المبيان  $(G = f(t))$  نجد :  $t_{1/2} \simeq 13 mn$



#### الجزء الثاني : دراسة عمود ذي محروق

##### 2.1- تحديد المعاملين $a$ و $b$ :

عند أحد الإلكترودين يحدث تحول ينمزج بالمعادلة الكيميائية التالية :



بتطبيق احفاظ عنصر الهيدروجين نجد :  $a = 6$  و بالتعادل الكهربائي نحصل على  $a - b = 0$  أي :  $a = b = 6$

##### 2.2- الإلكترود الذي يحدث فيه هذا التحول هو $A$ .

التعليق :

منحي انتقال الالكترونات هو عكس منحي التيار الكهربائي أي من  $A$  نحو  $B$  ومنه فإن الميثanol هو المختزل أي الذي يفقد الالكترونات .

##### 2.3- المعادلة المنمزحة عند الإلكترود الآخر الذي على مستوى يقع تفاعل الاختزال :

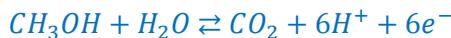


❖ الالكترود  $A$  يمثل الأنود ( لأن يحدث بجواره أكسدة )

❖ الالكترود  $B$  يمثل الكاتود ( لأن يحدث بجواره اختزال ) .

2.4- إيجاد الحجم  $V$  للميثanol المستهلك خلال المدة  $\Delta t = 1h30min$

معادلة التفاعل التي تحدث بجوار الانود :



الجدول الوصفي للتحول عند الانود :

معادلة التفاعل		$CH_3OH + H_2O \rightleftharpoons CO_2 + 6H^+ + 6e^-$					كمية مادة الالكترونات المتبادلة
حالة المجموعة	التقدم	كمية المادة (mol)					
الحالة البدئية	0	$n_0$	$n'_0$	0	0	-----	0
الحالة الوسيطية	$x$	$n_0 - x$	$n'_0 - x$	$x$	$6x$	-----	$6x$

حسب الجدول الوصفي كمية مادة الالكترونات :  $n(e^-) = 6x = \frac{Q}{F} = \frac{I \cdot \Delta t}{F}$  مع :

$$x = \frac{I \cdot \Delta t}{6F} \text{ أي: } 6x = \frac{I \cdot \Delta t}{F}$$

كمية مادة الايثانول البدئية هي :  $n_0$  و كمية مادة الكحول بعد تمام المدة  $\Delta t$  هي  $x$  وبالتالي تكون كمية مادة المستهلكة

$$n = \frac{I \cdot \Delta t}{6F} \quad (1) \quad \text{هي } n = x \text{ أي:}$$

من جهة أخرى نعلم أن :

$$n = \frac{m(CH_3OH)}{M(CH_3OH)} = \frac{\rho \cdot V}{M(CH_3OH)} \quad (2)$$

باعتبار العلاقات (1) و (2) نكتب :

$$\frac{\rho \cdot V}{M(CH_3OH)} = \frac{I \cdot \Delta t}{6F} \Rightarrow V = \frac{I \cdot \Delta t \cdot M(CH_3OH)}{6\rho \cdot V}$$

$$V = \frac{45 \cdot 10^{-3} \times (3600 + 30 \times 60) \times 32}{6 \times 0,79 \times 96500} = 0,017 \text{ cm}^3$$

الحجم المستهلك هو :  $V = 1,7 \cdot 10^{-2} \text{ cm}^3$

## الفيزياء

الفيزياء النووية :

1- تفتق نويدة الأورانيوم  $^{238}_{92}U$

1.1- تركيب نزيدة الرادون  $^{222}_{86}Rn$

عدد البروتونات هو :  $Z = 86$

عدد النيترونات هو :  $N = 136$

## 1.2-حساب طاقة الريط لنواة الرادون $^{222}_{86}Rn$

$$E_l = [Z \cdot m_p + (A - Z)m_n - m(^{222}_{86}Rn)] \cdot c^2$$

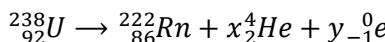
$$E_l = (86 \times 1,0073 + 136 \times 1,0087 - 221,9703)u \cdot c^2 = 1,8407u \cdot c^2$$

$$E_l = 1,8407 \times 931,5 MeV \cdot c^{-2} \cdot c^2$$

$$E_l = 1714,6 MeV$$

1.3-تحديد عدد التفقات  $\alpha$  و  $\beta^-$  الناتجة عن التحول :

معادلة التفقت النووي :



تطبيق قانونا صودي :

$$\begin{cases} 238 = 222 + 4x + 0 \\ 92 = 86 + 2x + y.(-1) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{238 - 222}{4} = 4 \\ y = 2 \times 4 + 86 - 92 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 4 \\ y = 2 \end{cases}$$

عدد التفقات هو  $2\beta^-$  و  $4\alpha$

## 2-التحقق من جودة الهواء داخل المسكن

### 2.1-تحديد $m_0$ كتلة الرادون الموحد داخل المسكن عند اللحظة $t_0$

لدينا :

$$a_0 = \lambda \cdot N_0$$

$$\frac{N_0}{N_A} = \frac{m_0}{M} \Rightarrow N_0 = m_0 \cdot \frac{N_A}{M}$$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$$

$$a_0 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot m_0 \cdot \frac{N_A}{M}$$

$$m_0 = \frac{a_0 \cdot M \cdot t_{1/2}}{N_A \cdot \ln 2}$$

$$m_0 = \frac{5 \cdot 10^3 \times 222 \times 3,9 \times 86400}{6,02 \cdot 10^{23} \times \ln 2}$$

$$m_0 = 8,96 \cdot 10^{-13} g$$

### 2.2-حساب عدد الايام ليصبح النشاط الاشعاعي

$$a(t) = a_0 e^{-\lambda t_0}$$

حسب تعريف التناقص الاشعاعي :

$$\frac{a(t)}{a_0} = e^{-\lambda t_0} \Rightarrow -\lambda \cdot t_1 = \ln \left( \frac{a(t)}{a_0} \right)$$

$$t_1 = \frac{\ln \left( \frac{a(t)}{a_0} \right)}{\lambda} \Rightarrow t_1 = \frac{\ln \left( \frac{a(t)}{a_0} \right)}{\ln 2} \cdot t_{1/2}$$

$$t_1 = \frac{\ln \left( \frac{5000}{300} \right)}{\ln 2} \times 3,9j \Rightarrow t_1 = 15,83 j$$

الكهرباء :

الجزء الأول : شحن بواسطة مولد مؤمثل للتوتر

1.1- تمثيل كل من التوترين  $u_C$  و  $u_R$  في اصطلاح مستقبل.

1.2- كيفية ربط جهاز راسم التذبذب لمعاينة التوتر  $u_R$  (أنظر الشكل جانبه).

1.3- إثبات المعادلة التفاضلية التي تتحققها الشحنة ( $t$ ) :

قانون إضافية التوترات :

قانون أوم للموصل الأومي في اصطلاح مستقبل :  $u_R = R \cdot i$

مع :  $u_R = R \cdot \frac{dq}{dt}$  وبالتالي :  $i = \frac{dq}{dt}$

لدينا :  $u_C = \frac{q}{C_0}$  أي :  $q = C_0 \cdot u_C$

المعادلة التفاضلية تكتب :

$$R \cdot C_0 \cdot \frac{dq}{dt} + q = E \cdot C_0 \quad \text{أو} \quad R \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C_0} = E$$

2.1- تحديد تعبير كل من الثابتين  $\alpha$  و  $A$  :

يكتب الحل :  $\frac{dq}{dt} = \frac{d}{dt} [A \cdot (1 - e^{-\alpha \cdot t})] = \alpha \cdot A \cdot e^{-\alpha \cdot t}$  وبالتالي :  $q(t) = A \cdot (1 - e^{-\alpha \cdot t})$

نعرض في المعادلة التفاضلية :  $R \cdot C_0 \cdot \alpha \cdot A \cdot e^{-\alpha \cdot t} + A \cdot (1 - e^{-\alpha \cdot t}) = E \cdot C_0$

أو :  $A \cdot e^{-\alpha \cdot t} (R \cdot C_0 \cdot \alpha - 1) + A - E \cdot C_0 = 0$

لكي تتحقق هذه العلاقة مهما يكن  $t$  ، يجب أن يكون :

$$A = E \cdot C_0 \quad \text{و} \quad \alpha = \frac{1}{R \cdot C_0} \quad \text{أي : } A - E \cdot C_0 = 0 \quad \text{و} \quad R \cdot C_0 \cdot \alpha - 1 = 0$$

وبالتالي حل المعادلة التفاضلية يكتب :

1.5- تعبير شدة التيار المار في الدارة :

انطلاقاً من العلاقة :  $i(t) = \frac{E}{R} \cdot e^{-t/R \cdot C_0}$  أي :  $i(t) = \frac{d}{dt} [E \cdot C_0 (1 - e^{-t/R \cdot C_0})]$

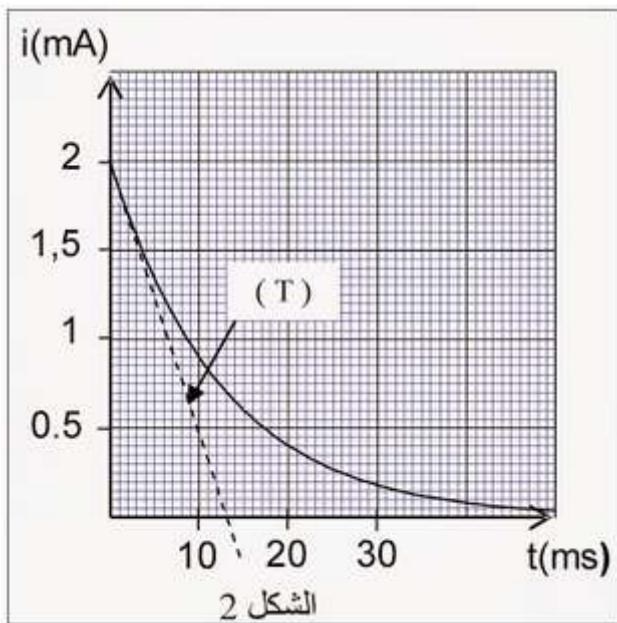
بالنسبة مع التعبير :  $\tau = R \cdot C_0$  نستنتج تعبير  $\tau$  حيث :

1.6- إثبات بعد الزمن للثابتة  $\tau$  :

$$[\tau] = [R \cdot C] = [R] \times [C]$$

$$\begin{cases} u_R = R \cdot i \\ q = C \cdot u_C = i \cdot \Delta t \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R = \frac{u_R}{i} \\ C = \frac{i \cdot \Delta t}{u_C} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} [R] = \frac{[u]}{[i]} \\ [C] = \frac{[i] \times [t]}{[u]} \end{cases} \Rightarrow [\tau] = [R] \cdot [C] = \frac{[u]}{[i]} \times \frac{[i] \times [t]}{[u]} \Rightarrow [\tau] = [t]$$

نستنتج أن  $\tau$  بعد زمني .



1.7- تحديد المقاومة  $R$  والسعة  $C_0$  :

حسب مبيان الشكل 2 نجد :

$$i(0) = 2 \text{ mA}$$

$$\tau = 13 \text{ ms}$$

$$R = \frac{E}{i(0)} \quad \text{أي: } E = R \cdot i(0)$$

$$R = 4,5 \text{ k}\Omega \quad \text{أو} \quad R = \frac{9}{2 \cdot 10^{-3}} = 4500 \Omega$$

$$C_0 = \frac{\tau}{R} \quad \text{أي: } \tau = R \cdot C_0$$

$$C_0 = 1,89 \mu\text{F} \quad \text{أو} \quad C_0 = \frac{13 \cdot 10^{-3}}{4500} = 2,89 \cdot 10^{-6} \text{ F}$$

## الجزء الثاني : إنجاز راديو بسيط AM

2.1- دور المركبة  $Y$  : إزالة تضمين الإشارة المستقبلة (كاشف الغلاف).

دور المركبة  $Z$  : حذف المركبة المستمرة للتوتر (مرشح الترددات

العالية).

2.2- التتحقق من كون المركبة  $X$  تمكن من التقاط المحطة الإذاعية ذات التردد  $f = 540 \text{ kHz}$

$$\text{نعلم ان التردد الخاص لدارة الانتقاء } L \cdot C \text{ يكتب : } f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L \cdot C}}$$

$$\text{تحديد التردد } f_1 \text{ الذي يوافق دارة الانتقاء حيث : } f_1 = \frac{1}{2\pi\sqrt{L \cdot C_1}}$$

$$f_1 = \frac{1}{2\pi\sqrt{5,3 \cdot 10^{-3} \times 13,1 \cdot 10^{-12}}} = 6,04 \cdot 10^5 \text{ Hz} \quad \text{ت.ع :}$$

$$\text{تحديد التردد } f_2 \text{ الذي يوافق دارة الانتقاء حيث : } f_2 = \frac{1}{2\pi\sqrt{L \cdot C_2}}$$

$$f_2 = \frac{1}{2\pi\sqrt{5,3 \cdot 10^{-3} \times 52,4 \cdot 10^{-12}}} = 3,02 \cdot 10^5 \text{ Hz} \quad \text{ت.ع :}$$

نلاحظ أن التردد  $f = 504 \text{ kHz}$  ينتمي إلى المجال  $[302 \text{ kHz} ; 604 \text{ kHz}]$  ، وبالتالي فإن المركبة  $X$  تمكن من التقاط المحطة

$$. f = 504 \text{ kHz}$$

## الميكانيك

### 1- دراسة الحركة على السكة AB

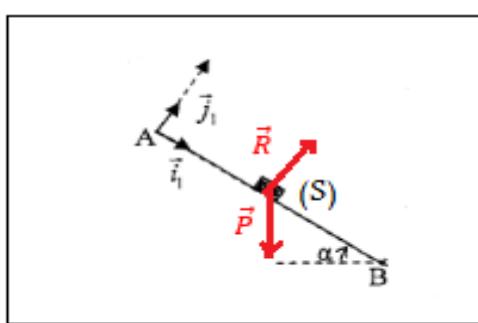
1.1- تحديد إحداثي التسارع في المعلم  $(A, \vec{i}_1, \vec{j}_1, \vec{R})$

المجموعة المدرستة :  $\{S\}$

جرد القوى المطبقة على المجموعة :

$\vec{P}$  : وزنها

$\vec{R}$  : تأثير السطح المائل



تطبيق القانون الثاني لنيوتن في المعلم  $(\mathcal{R}_1, \vec{J}_1)$

$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}_G$$

الاسقط على المحور  $Ax_1$  :

$$P_x + R_x = m \cdot a_x \Rightarrow m \cdot g \cdot \sin\alpha + 0 = m \cdot a_x$$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} = g \cdot \sin\alpha \Rightarrow a_x = 9,8 \times \sin(45^\circ) = 3,35 \text{ m.s}^{-2}$$

بما أن الحركة لا تتم على المحور  $Ay_1$  ، فإن :

$$a_y = \frac{dv_y}{dt} = 0$$

1.2- تحديد  $v_B$  سرعة  $G$  عند النقطة  $B$

بما أن  $a_x = g \cdot \sin\alpha = cte$  فإن الحركة متغيرة بانتظام معادلة السرعة تكتب :

$v_x(t) = g \cdot \sin\alpha \cdot t + v_{0x} = 0$  ومنه فمعادلة السرعة تكتب :

المعادلة الزمنية تكتب :  $x(t) = \frac{1}{2}g \cdot \sin\alpha \cdot t^2 + x_0 = 0$  فإن :

المعادلة الزمنية تكتب :  $x(t) = \frac{1}{2}g \cdot \sin\alpha \cdot t^2$

نuchiي الزمن من المعادلتين الزمنيتين نجد :  $x = \frac{1}{2}g \cdot \sin\alpha \cdot \left[ \frac{v_x}{g \cdot \sin\alpha} \right]^2 = \frac{v_x^2}{2 \cdot g \cdot \sin\alpha}$

عند النقطة  $B$  يكون  $x_B = AB$  ومنه تعبير  $v_B$  هو :

$$v_B = \sqrt{2 \times 2,4 \times 9,8 \times \sin(45^\circ)} \Rightarrow v_B = 4 \text{ m.s}^{-1}$$

1.3- تحديد  $R$  شدة القوة التي بطبقها السطح على  $(S)$

$P_y + R_y = m \cdot a_y \Rightarrow R - m \cdot g \cdot \cos\alpha = 0$  على المحور  $Ay_1$   $\vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}_G$

أي :  $R = m \cdot g \cdot \cos\alpha$

ت.ع. :  $R = 70 \times 9,8 \times \cos(45^\circ) \Rightarrow R = 644,6 \text{ N}$

2- دراسة حركة  $G$  في الهواء

2.1- إيجاد تعبير  $v$  بدلالة  $v_C$  و  $f_1$  و  $v_1$  و  $t$  :

المجموعة المدرستة :  $\{S\}$  المجموعة  $\{S\}$

جرد القوى المطبقة على المجموعة :

$\vec{P} = -m \cdot g \cdot \vec{j}$  حيث : وزنها

$\vec{f}_1 = -f_1 \cdot \vec{i}$  تأثير الرياح الاصطناعية حيث :

تطبيق القانون الثاني لنيوتن في المعلم  $(\mathcal{R}(0, \vec{J}))$

$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} + \vec{f}_1 = m \cdot \vec{a}_G$$

الاسقط على المحور  $Ax_1$  :

$$P_x + f_{1x} = m \cdot a_x \Rightarrow 0 - f_1 = m \cdot a_x$$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} = -\frac{f_1}{m} = cte$$

بالتكامل نجد :  $v_x = -\frac{f_1}{m} \cdot t + v_C$  حسب الشروط البدئية :  $v_x(0) = v_C$  ومنه :  $v_x = -\frac{f_1}{m} \cdot t + v_{x0}$

أ-حساب  $f_1$

عند النقطة  $D$  يكون :  $\frac{f_1}{m} \cdot t_D = v_C$  معادلة السرعة تكتب :  $v_x(t_D) = -\frac{f_1}{m} \cdot t_D + v_C = 0$  وبالتالي :

$$f_1 = \frac{70 \times 4,67}{0,86} \Rightarrow f_1 = 380,1 \text{ N} \quad \text{ت.ع.} \quad f_1 = \frac{m \cdot v_C}{t_D} \quad \text{أي:}$$

ب-تحديد الارتفاع  $h$  للنقطة  $C$  عند سطح الماء :  
الاسقط على المحور  $Ay_1$

$$P_y + f_{1y} = m \cdot a_y \Rightarrow -m \cdot g + 0 = m \cdot a_y$$

$$a_y = \frac{dv_y}{dt} = -g = cte$$

بالتكامل نجد :  $v_y(t) = -g \cdot t$   $v_y(0) = 0$  حسب الشروط البدئية :  $v_y(t) = -g \cdot t + v_{y0}$  ومنه :

بالتكامل نجد :  $y(t) = -\frac{1}{2}g \cdot t^2 + h$   $y(0) = h$   $y(0) = h$  ومنه :

عند النقطة  $D$  يكون :  $y(t_D) = 0$  زمنه :  $0 = -\frac{1}{2}g \cdot t_D^2 + h$

$$h = \frac{1}{2} \times 9,8 \times 0,86^2 \Rightarrow h \approx 3,62 \text{ m} \quad \text{ت.ع.} \quad h = \frac{1}{2} g \cdot t_D^2 \quad \text{أي:}$$

### 3-دراسة الحركة الرئيسية ل $G$ في الماء

3.1-التحقق من المعادلة التفاضلية:

المجموعة المدروسة :  $\{ \text{المجموعة } (S) \}$

جرد القوى المطبقة على المجموعة :

$$\vec{P} = -m \cdot g \cdot \vec{j} \quad \text{وزنها حيث: } \vec{P}$$

$$\vec{f} = 140 \cdot v^2 \cdot \vec{j} \quad \text{تأثير قوة الاحتكاك المائي حيث: } \vec{f}$$

$$\vec{F}_A = 637 \cdot \vec{j} \quad \text{دافعة أرخميدس حيث: } \vec{F}_A$$

تطبيق القانون الثاني لنيوتون في المعلم  $(\vec{r}, \vec{j})$  :

$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} + \vec{f} + \vec{F}_A = m \cdot \vec{a}_G$$

الاسقط على المحور  $0y$  :

$$P_y + f_y + F_{Ay} = m \cdot a_x \Rightarrow -m \cdot g + f + F_A = m \cdot a_x$$

$$\frac{dv}{dt} - \frac{140}{70} \cdot v^2 - \frac{637}{70} + 9,8 = 0 \quad \text{ت.ع:} \quad \frac{dv_y}{dt} - \frac{f}{m} - \frac{F_A}{m} + g = 0$$

نحصل على المعادلة التفاضلية :

3.2-أحاد السرعة الحدية:

في النظام الدائم تصبح السرعة ثابتة  $v_l = cte$  وبالتالي يكون التسارع منعدما  $\frac{dv}{dt} = 0$

$$|v_l| = \sqrt{0,35} = 0,59 \text{ m.s}^{-1} \quad \text{أي: } v_l^2 = \frac{0,7}{2} = 0,35 \quad \text{ومنه: } \frac{dv}{dt} = 0,7 - 2 \cdot v_l^2 = 0,7 - 2 \cdot 0,35 = 0$$

نكتب :  $v_l = 0,59 \text{ m.s}^{-1}$  قيمة السرعة الحدية هي :

3.3- تحديد القيمتين  $a_{i+1}$  و  $a_{i+2}$

نحدد التسارع  $a_{i+1}$  باستعمال المعادلة التفاضلية :

$$a_{i+1} = 2v_{i+1}^2 - 0,7 \quad \text{مع: } a_{i+1} = 2 \times (-1,80)^2 - 0,7 \Rightarrow a_{i+1} = 5,78 \text{ m.s}^{-1}$$

نحدد  $v_{i+2}$  باستعمال طريقة اولير :

$$v_{i+2} = v_{i+1} + a_{i+1} \cdot \Delta t$$

مع  $\Delta t$  خطوة الحساب حيث :

$$v_{i+2} = -1,80 + 5,78 \times 1,5 \cdot 10^{-2} \Rightarrow v_{i+2} = -1,71 \text{ m.s}^{-1}$$