



رقم

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ج. أ.



الصفحة

فرض منزلي

.01

بالك 2015 الدورة العادية (ت)

- I. نعتبر العدد العقدي $a = 2 + \sqrt{2} + i\sqrt{2}$ حيث
- .01 بين أن معيار العدد العقدي a هو $2\sqrt{2 + \sqrt{2}}$ (0,5 ن)
- .02 تحقق أن : $a = 2\left(1 + \cos\frac{\pi}{4}\right) + 2i\sin\frac{\pi}{4}$ (0,25 ن)
- .03
أ- بأخذ ط $\cos^2\theta$ ، حيث θ عدد حقيقي ، بين أن $\theta = 1 + \cos 2\theta = 2\cos^2\theta$ (0,25 ن)
- ب- بين أن : $(\sin 2\theta = 2\cos\theta\sin\theta)$ (نذكر أن : $a = 4\cos^2\frac{\pi}{8} + 4i\cos\frac{\pi}{8}\sin\frac{\pi}{8}$) (0,5 ن)
- ج- بين أن : $a^4 = \left(2\sqrt{2 + \sqrt{2}}\right)^4$ هو شكل متاثي للعدد a ثم بين أن : $i = 4\cos\frac{\pi}{8}\left(\cos\frac{\pi}{8} + i\sin\frac{\pi}{8}\right)$ (0,5 ن)
- II. نعتبر في المستوى العقدي (P) المنسوب إلى معلم متعمد منظم $(0, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ ، النقطتين Ω و A اللتين لحقاهما على التوالي هما و حيث $\omega = \sqrt{2}$ و $a = 2 + \sqrt{2} + i\sqrt{2}$ و R الدوران الذي مركزها Ω و زاويته
- .01 بين أن اللحق b للنقطة B صورة النقطة A بالدوران R هو $2i$ (0,5 ن)
- .02 حدد مجموعة النقط M ذات اللحق z حيث $|z - 2i| = 2$ (0,5 ن)

.02

لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي:

$$\begin{cases} f(x) = xe^x & ; x < 0 \\ f(x) = x^2(1 - \ln x) & ; x > 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

ليكن (\mathcal{C}_f) منحني الدالة f في معلم متعمد منظم $(O.; \vec{i}; \vec{j})$ مع

A- أحسب: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$ ب- أدرس اتصال الدالة x في النقطة التي أفصلوها 0

C- أدرس قابلية اشتقاق على اليسار وعلى اليمين للدالة f في النقطة 0.

A- حدد الدالة المشتقة $'f'$ على المجال $[-\infty, 0]$ ب- حدد الدالة المشتقة $'f'$ على المجال $[0, +\infty]$ ج- أعط جدول تغيرات f .

D- بين أن: المنحني (\mathcal{C}_f) يقبل نقطتي انعطاف يجب تحديد إحداثياتهما

E- بين أن: $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(xe^x - x - 1 \right) = 0$ ب- أدرس الفرعين اللانهائيين للمنحني (\mathcal{C}_f) يمكن وضع $t = \frac{1}{x}$

F- أنشئ المنحني (\mathcal{C}_f) .