

Correction de l'examen nationale du baccalauréat

Session normale 2019 science math

Exercice 1 : chimie

I- Suivi cinétique par mesure de volume de gaz

1- Montrons l'expression x de l'avancement de la réaction :

Tableau d'avancement :

Equation de la réaction		$\text{CaCO}_{3(s)} + 2\text{H}_3\text{O}^+_{(aq)} \rightarrow \text{Ca}^{2+}_{(aq)} + \text{CO}_{2(g)} + 3\text{H}_2\text{O}_{(l)}$					
Etat du système	Avancement	Quantité de matière en (mol)					
initial	0	n_0	en excès	---	0	0	en excès
Intermédiaire	x	n_0	en excès	---	x	x	en excès
final	x_f	$n_0 - x_f$	en excès	---	x_f	x_f	en excès

D'après le tableau d'avancement : $n(\text{CO}_2) = x$

D'après l'équation d'état des gaz parfait : $P.V = n(\text{CO}_2).R.T$ d'où $P.V(\text{CO}_2) = x.R.T$

$$x = \frac{P}{R.T} \cdot V(\text{CO}_2)$$

$$\text{A.N : } x = \frac{1,02 \cdot 10^5}{8,31 \times 298} \cdot V(\text{CO}_2) \Rightarrow x = 41,2 \cdot V(\text{CO}_2)$$

2- Détermination graphique de $t_{1/2}$ temps de demi-réaction :

A l'état final : $V_f(\text{CO}_2) = 60 \text{ mL}$

L'avancement final : $x_f = 41,2 \cdot V_f(\text{CO}_2)$

$$x_f = 41,2 \times 60 \cdot 10^{-6} = 2,4 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

Au temps de demi-réaction on :

$$x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2} = 1,2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

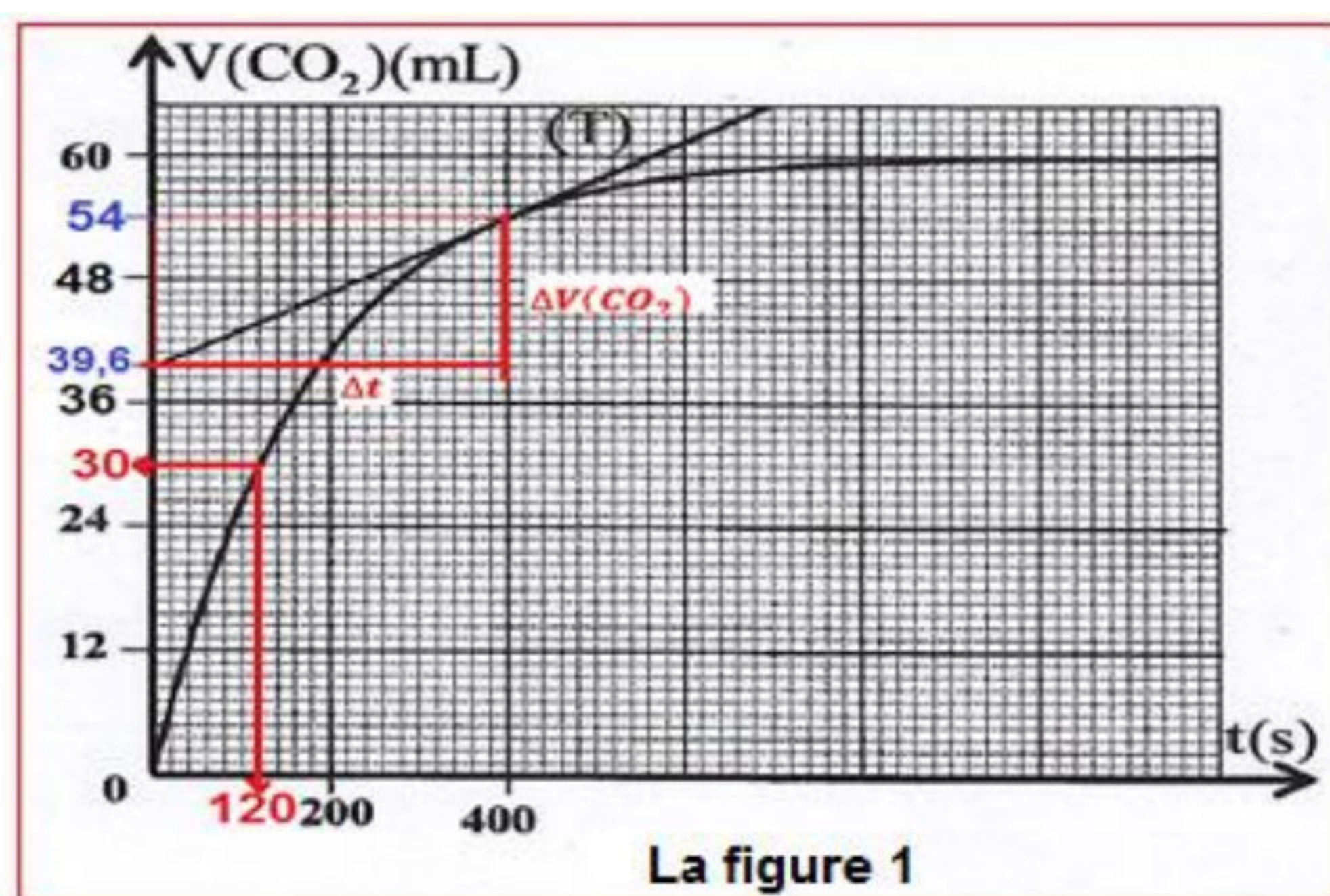
$$x(t_{1/2}) = 41,2 \cdot V(\text{CO}_2)_{t_{1/2}}$$

$$\text{d'où : } V(\text{CO}_2)_{t_{1/2}} = \frac{x(t_{1/2})}{41,2} = \frac{1,2 \cdot 10^{-3}}{41,2}$$

$$\Rightarrow V(\text{CO}_2)_{t_{1/2}} = 3 \cdot 10^{-5} \text{ m}^{-5} = 30 \text{ mL}$$

D'après le figure (1) on trouve :

$$t_{1/2} = 120 \text{ s}$$



3-Détermination de la vitesse volumique de la réaction à t_1 :

On a : $v(t) = \frac{1}{V_S} \cdot \frac{dx}{dt}$ sachant que : $x = 41,2 \cdot V(\text{CO}_2)$ donc : $\frac{dx}{dt} = 41,2 \cdot \frac{dV(\text{CO}_2)}{dt}$

$$v(t) = \frac{1}{V_S} \cdot 41,2 \cdot \frac{dV(\text{CO}_2)}{dt}$$

La vitesse volumique de la réaction à t_1 s'écrit : $v(t_1) = \frac{41,2}{V_S} \cdot \left(\frac{\Delta V(\text{CO}_2)}{\Delta t} \right)_{t_1}$

A.N :
$$v(t_1) = \frac{41,2}{100 \cdot 10^{-6}} \times \left[\frac{(54-39,6) \cdot 110^{-6}}{400-0} \right]_{t_1} \Rightarrow v(t_1) = 1,48 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{m}^{-3} \cdot \text{s}^{-1}$$

II- Dosage d'une solution d'ammoniac par une solution d'acide chlorhydrique

1- Equation de la réaction du dosage :



2- La détermination graphique de V_{AE} :

En utilisant la courbe de la figure 2 on trouve : $V_{AE} = 10 \text{ mL}$.

3-Montrons que $C_D = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$:

Relation d'équivalence : $C_B \cdot V_B = C_A \cdot V_{AE}$ d'où : $C_B = \frac{C_A \cdot V_{AE}}{V_B}$

Le facteur de dilution : $\frac{C_D}{C_B} = \gamma$

D'où : $C_D = \gamma \cdot C_B = 100 \times C_B = \frac{C_A \cdot V_{AE}}{V_B} \Rightarrow C_D = 100 \times \frac{2 \cdot 10^{-2} \times 10}{20} \Rightarrow C_D = 1 \text{ mol/L}$

4-1- Equation de la réaction de l'ammoniac avec l'eau :



4-2- Détermination à l'aide de la courbe (1) le pH :

Quand $V_A = 0$ en utilisant la courbe $pH = f(V_A)$ on trouve : $pH = 10,6$.

4-3- La détermination par calcul de $[\text{NH}_3]$ et $[\text{NH}_4^+]$:

Tableau d'avancement :

Equation de la réaction	$\text{NH}_3(\text{aq})$	+	$\text{H}_2\text{O}(\text{l})$	$\rightleftharpoons$	$\text{NH}_4^+(\text{aq})$	+	$\text{HO}^-(\text{aq})$
Etat initial	$C_B \cdot V_B$		en excès		0		0
Etat final	$C_B \cdot V_B - x_f$		en excès		x_f		x_f

D'après le tableau d'avancement : $[\text{NH}_4^+] = [\text{HO}^-] = \frac{x_f}{V_B}$ et $[\text{NH}_3] = \frac{C_B \cdot V_B - x_f}{V_B} = C_B - \frac{x_f}{V_B} = C_B - [\text{HO}^-]$

Le produit ionique de l'eau : $[\text{H}_3\text{O}^+] \cdot [\text{HO}^-] = K_e$ d'où : $[\text{HO}^-] = \frac{K_e}{[\text{H}_3\text{O}^+]} = \frac{K_e}{10^{-\text{pH}}} = K_e \cdot 10^{\text{pH}}$

$$[\text{NH}_4^+] = [\text{HO}^-] = K_e \cdot 10^{\text{pH}}$$

A.N : $[\text{HO}^-] = 10^{-14} \times 10^{10,6} \Rightarrow [\text{NH}_4^+] = [\text{HO}^-] = 3,98.10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$

$[\text{NH}_3] = C_B - [\text{HO}^-] = 10^{-2} - 3,98.10^{-4} \Rightarrow [\text{NH}_3] = 9,60.10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$

4-4- Dédution de la valeur du pK_A du couple : $\text{NH}_4^+_{(\text{aq})}/\text{NH}_{3(\text{aq})}$:

$$K_A = \frac{[\text{NH}_3]_{\text{eq}}[\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{eq}}}{[\text{NH}_4^+]_{\text{eq}}} = \frac{[\text{NH}_3]_{\text{eq}} \cdot 10^{-\text{pH}}}{[\text{NH}_4^+]_{\text{eq}}} \quad \text{et} \quad \text{p}K_A = -\log K_A = -\log\left(\frac{[\text{NH}_3]_{\text{eq}} \cdot 10^{-\text{pH}}}{[\text{NH}_4^+]_{\text{eq}}}\right)$$

A.N : $\text{p}K_A = -\log\left(\frac{9,60.10^{-3} \times 10^{-10,6}}{3,98.10^{-4}}\right) \Rightarrow \text{p}K_A = 9,2$

5- La valeur du pK_A en utilisant les 3 courbes :

En utilisant la courbe de la figure 2 à la demi-équivalence : $V_A = \frac{V_{AE}}{2} = 5 \text{ mL}$,

on trouve : $\text{pH} = \text{p}K_A = 9,2$

6-1- Indication de la courbe qui correspond à l'évolution de $[\text{NH}_3]$ en fonction du volume V_A :

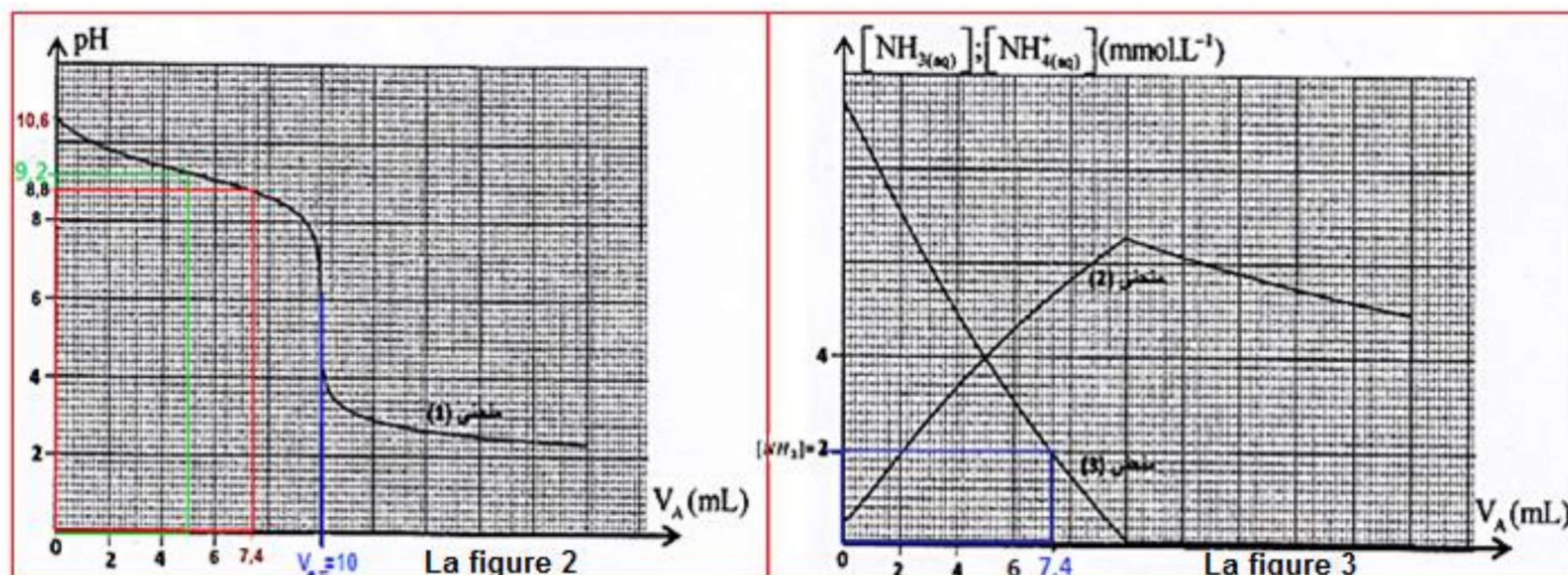
Au cours du dosage on ajoutant la solution de l'acide chlorhydrique, l'ammoniac NH_3 réagit avec les ions H_3O^+ donc la concentration de NH_3 diminue avant l'équivalence.

La courbe (3) correspond à $[\text{NH}_3]$.

6-2- Trouvons $[\text{NH}_3]$ lorsque $\text{pH} = 8,8$:

En utilisant la courbe de la figure 2, à $\text{pH} = 8,8$, on trouve : $V_A = 7,4 \text{ mL}$.

En utilisant la courbe (3) de la figure 3 ; à $V_A = 7,4 \text{ mL}$., on trouve : $[\text{NH}_3] = 2 \text{ mmol.L}^{-1}$. (Voir figure 2 et 3 ci-dessous).



III- Electrolyse d'une solution d'acide chlorhydrique

1- L'équation de la réaction qui se produit au niveau de l'anode :

Au niveau de l'anode se produit la réaction de l'oxydation des ions Cl^- : $2\text{Cl}^-_{(\text{aq})} \rightleftharpoons \text{Cl}_{2(\text{g})} + 2\text{e}^-$

2- L'équation bilan de l'électrolyse : $2\text{H}^+_{(\text{aq})} + 2\text{Cl}^-_{(\text{aq})} \rightarrow \text{H}_{2(\text{g})} + \text{Cl}_{2(\text{g})}$

3-La valeur du pH de la solution à $t = 30 \text{ min}$:

Pour déterminer la concentration $[\text{H}^+] = [\text{H}_3\text{O}^+]$ à l'instant t on dresse tableau d'avancement de la réaction de la réduction cathodique :

Equation de la réaction		$2\text{H}^+_{(\text{aq})} + 2\text{e}^- \rightleftharpoons \text{H}_{2(\text{g})}$			Quantité de matière d'e ⁻
Etat du système	avancement	Quantité de matière en (mol)			
Etat initial	0	C ₀ . V ₀	---	0	n(e ⁻) = 0
Etat à l'instant t	x	C ₀ . V ₀ - 2x	---	x	n(e ⁻) = 2x

D'après le tableau d'avancement :

$$\begin{cases} [\text{H}^+] = \frac{\text{C}_0 \cdot \text{V}_0 - 2x}{\text{V}_0} \\ n(\text{e}^-) = 2x \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} [\text{H}^+] = \text{C}_0 - \frac{2x}{\text{V}_0} \\ 2x = \frac{\text{I} \cdot t}{\text{F}} \end{cases} \Rightarrow [\text{H}^+] = \text{C}_0 - \frac{\text{I} \cdot t}{\text{F} \cdot \text{V}_0}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}_3\text{O}^+] = -\log\left(\text{C}_0 - \frac{\text{I} \cdot t}{\text{F} \cdot \text{V}_0}\right) \Rightarrow \text{pH} = -\log\left(5 \cdot 10^{-2} - \frac{0,50 \times 30 \times 60}{9,65 \cdot 10^4 \times 0,5}\right) \Rightarrow \text{pH} = 1,50$$

Exercice 2 : Transformation nucléaire

1- Equation de la réaction de la fusion nucléaire :



2- Le nombre d'affirmations exactes est 2 : (b) et (d).

3) 3-1- L'énergie de liaison du noyau de l'hélium est :

$$E_1({}^4_2\text{He}) = E_1 - E_3 = 4,69526 \cdot 10^3 - 4,66697 \cdot 10^3 \Rightarrow E_1({}^4_2\text{He}) = 28,29 \text{ MeV}$$

3-2- L'énergie libérée par la réaction de fusion :

$$|\Delta E| = E_2 - E_3 = 4,68456 \cdot 10^3 - 4,66697 \cdot 10^3 \Rightarrow |\Delta E| = 17,59 \text{ MeV}$$

4- L'énergie libérée par la réaction d'une mole de deutérium et une mole de tritium :

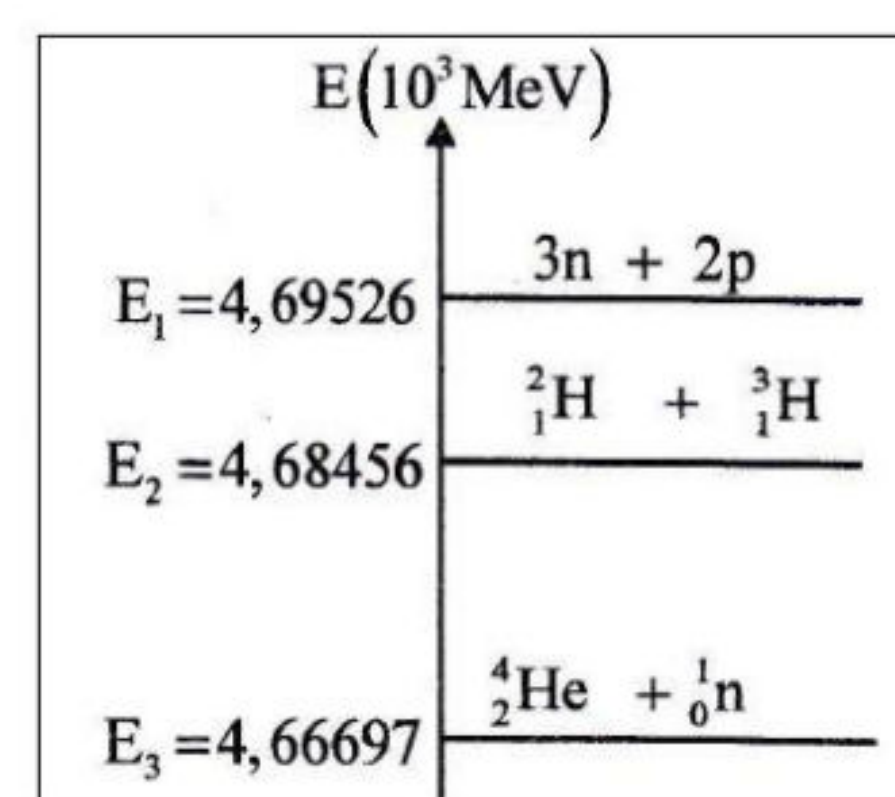
Une mole de nucléides contient le nombre : $N = N_A = 6,022 \cdot 10^{23}$ nucléides .

$$E = N \cdot |\Delta E| = 6,022 \cdot 10^{23} \times 17,59 \Rightarrow E = 1,059 \cdot 10^{25} \text{ MeV}$$

5- la valeur de n :

L'énergie en Joule libérée par la fusion de 2g (mol) de deutérium et 3g (1mol) de tritium est :

$$E = 1,059 \cdot 10^{25} \text{ MeV} = 1,059 \cdot 10^{25} \times 1,6022 \cdot 10^{-13} = 1,697 \cdot 10^{12} \text{ J}$$



$$\begin{aligned}
 1 \text{ tep} & \xrightarrow{\text{libère l'énergie}} 4,2 \cdot 10^{10} \text{ J} \\
 n \text{ tep} & \xrightarrow{\text{libère l'énergie}} 1,697 \cdot 10^{12} \text{ J} \\
 n &= \frac{1,697 \cdot 10^{12}}{4,2 \cdot 10^{10}} \Rightarrow \mathbf{n = 40,40}
 \end{aligned}$$

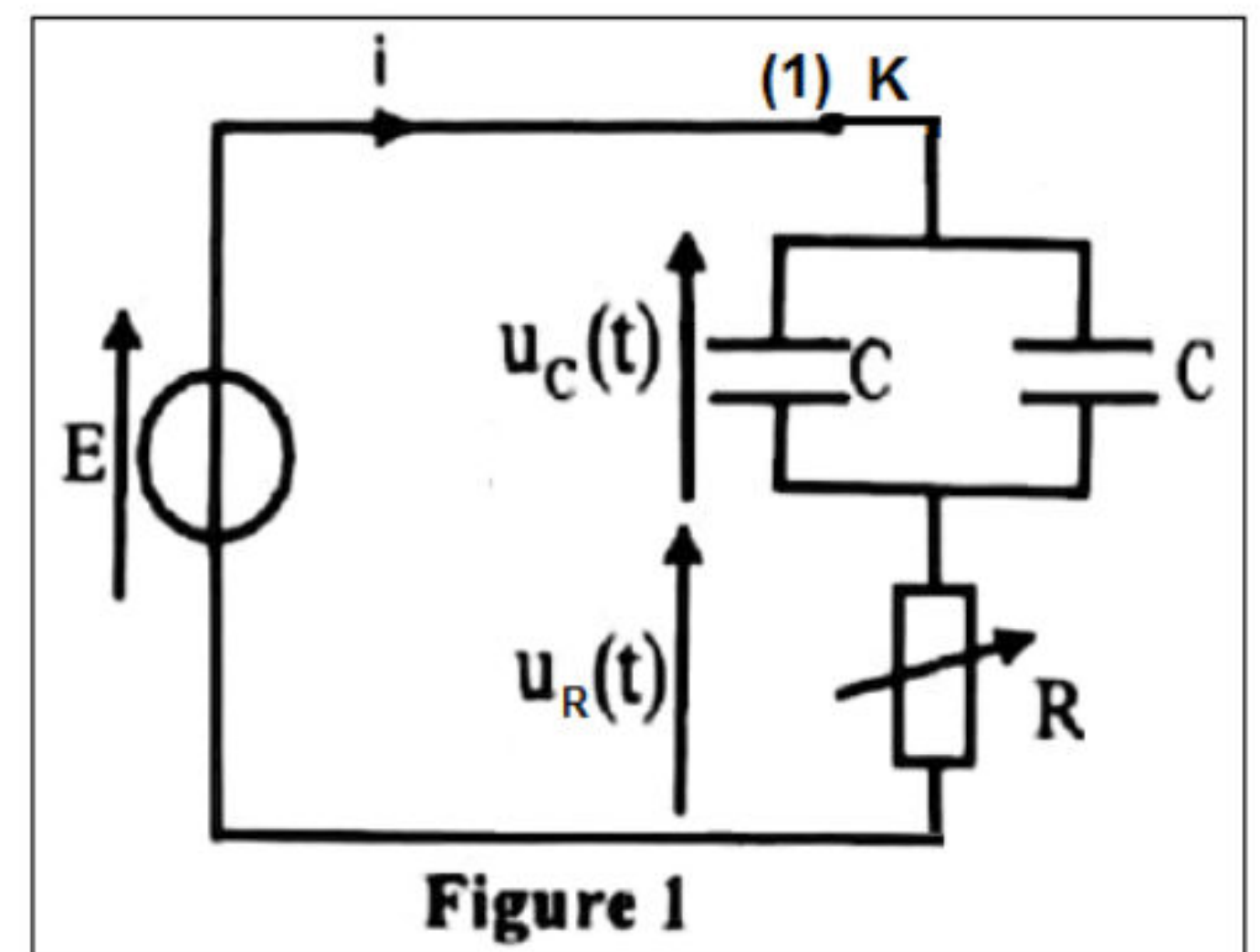
Exercice 3 : L'électricité

1- Charge d'un condensateur – Oscillations libres d'un circuit RLC série

1-1- L'équation différentielle vérifiée par $u_C(t)$:

D'après la loi d'additivité de tension : $u_R + u_C = E$ (1)

$$\begin{aligned}
 u_R &= R_0 \cdot i = R_0 \cdot \frac{dq}{dt} = R_0 \cdot \frac{d(C_e \cdot u_C)}{dt} = R_0 \cdot (C + C) \cdot \frac{du_C}{dt} \\
 &= 2R_0 C \cdot \frac{du_C}{dt} \\
 \mathbf{2R_0 C \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C &= E}
 \end{aligned}$$

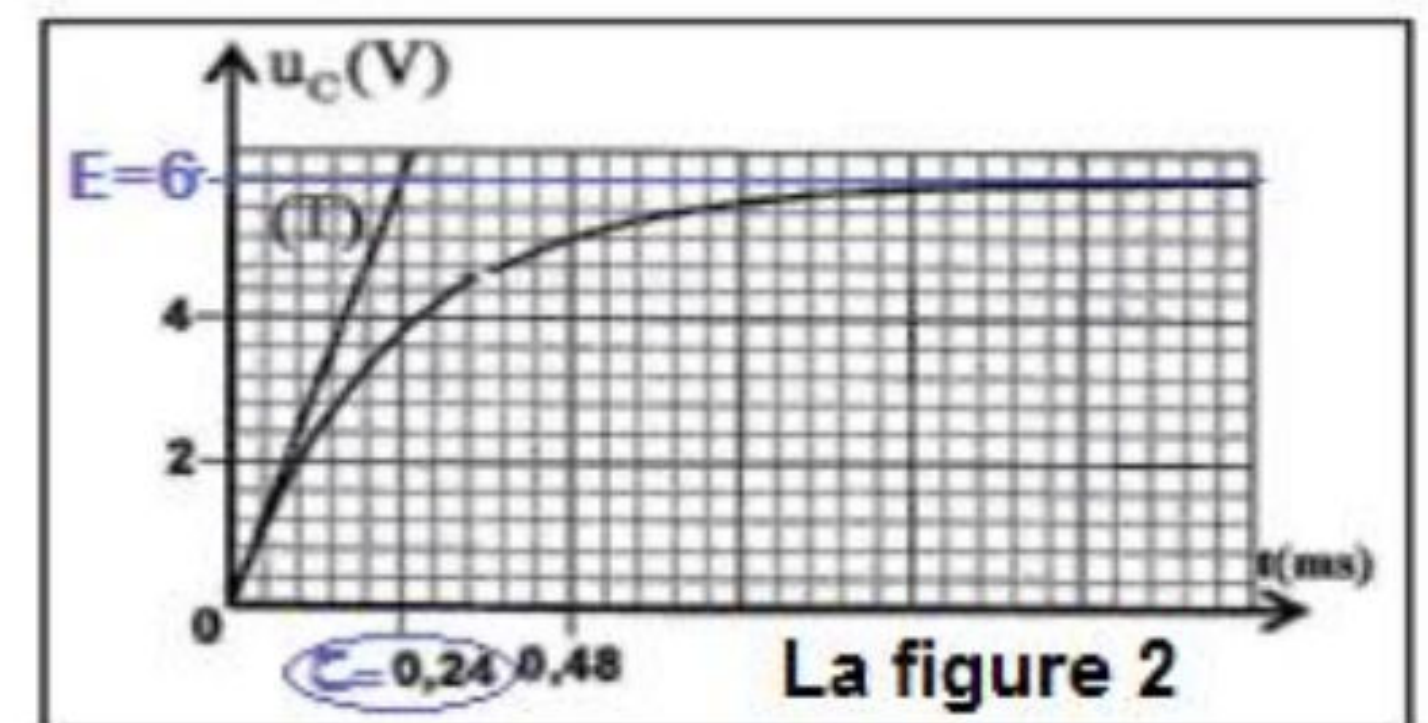


1-2- Détermination de la valeur de $i(0)$:

D'après la figure 2 : $u_C(0) = 0$ et $u_C(\infty) = E = 12 \text{ V}$

La relation (1) : $u_R(0) + u_C(0) = E$ d'où : $R_0 \cdot i(0) = E$

$$\begin{aligned}
 i(0) &= \frac{E}{R_0} = \frac{6}{10^3} \Rightarrow i(0) = 6 \cdot 10^{-3} \text{ A} \\
 \mathbf{i(0) &= 6 \cdot 10^{-3} \text{ A}}
 \end{aligned}$$



1-3- Vérification de la valeur de la capacité C :

Selon la figure 2 : $\tau = 0,24 \text{ ms}$ sachant que : $\tau = 2R_0 C$

$$\text{d'ou : } C = \frac{\tau}{2R_0} \quad \mathbf{A.N :} \quad C = \frac{0,24 \cdot 10^{-3}}{2 \times 10^3} = 1,2 \cdot 10^{-7} \text{ F} \Rightarrow \mathbf{C = 120 \text{ nF}}$$

1-4- K en position (2) à $t=0$

1-4-1- L'équation différentielle vérifiée par la charge $q(t)$:

D'après la loi d'additivité de tension : $u_L + u_R + u_C = 0$ (2)

$$\begin{aligned}
 u_L &= L \cdot \frac{di}{dt} = L \cdot \frac{d}{dt} \left(\frac{dq}{dt} \right) = L \cdot \frac{d^2 q}{dt^2} \quad \text{et} \quad u_R = R_0 \cdot i = R_0 \cdot \frac{dq}{dt} \quad \text{et} \quad q = 2Cu_C \Rightarrow u_C = \frac{q}{2C} \\
 L \cdot \frac{d^2 q}{dt^2} + R_0 \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{1}{2C} \cdot q &= 0 \Rightarrow \mathbf{\frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{R_0}{L} \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{1}{2L \cdot C} \cdot q = 0}
 \end{aligned}$$

1-4-2- L'expression de la dérivée par rapport au temps de E_T :

L'expression de l'énergie totale : $E_T = E_e + E_m = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2 + \frac{1}{2} L \cdot i^2$

$$\frac{dE_T}{dt} = \frac{1}{2} C \cdot 2u_C \cdot \frac{du_C}{dt} + \frac{1}{2} L \cdot 2i \cdot \frac{di}{dt} = u_C \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt} + L \cdot i \cdot \frac{di}{dt} = u_C \cdot i + L \cdot i \cdot \frac{di}{dt} = i \left(u_C + L \cdot \frac{di}{dt} \right)$$

$$(2) \Rightarrow u_L + u_R + u_C = 0 \Rightarrow L \cdot \frac{di}{dt} + R_0 \cdot i + u_C = 0 \Rightarrow L \cdot \frac{di}{dt} + u_C = -R_0 \cdot i$$

$$\frac{dE_T}{dt} = -R_0 \cdot i^2$$

La diminution de E_T au cours du temps est dû à la dissipation de l'énergie par effet joule au niveau de la résistance du conducteur ohmique.

2- Oscillateur RLC série en régime forcé

2-1- Détermination de la fréquence N_0 :

A la résonance on a : $N_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{L \cdot C}}$

$$\text{A.N : } N_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{2,5 \cdot 10^{-3} \times 120 \cdot 10^{-9}}} = 9188,81 \text{ Hz} \Rightarrow \text{N}_0 \approx 9,19 \text{ kHz}$$

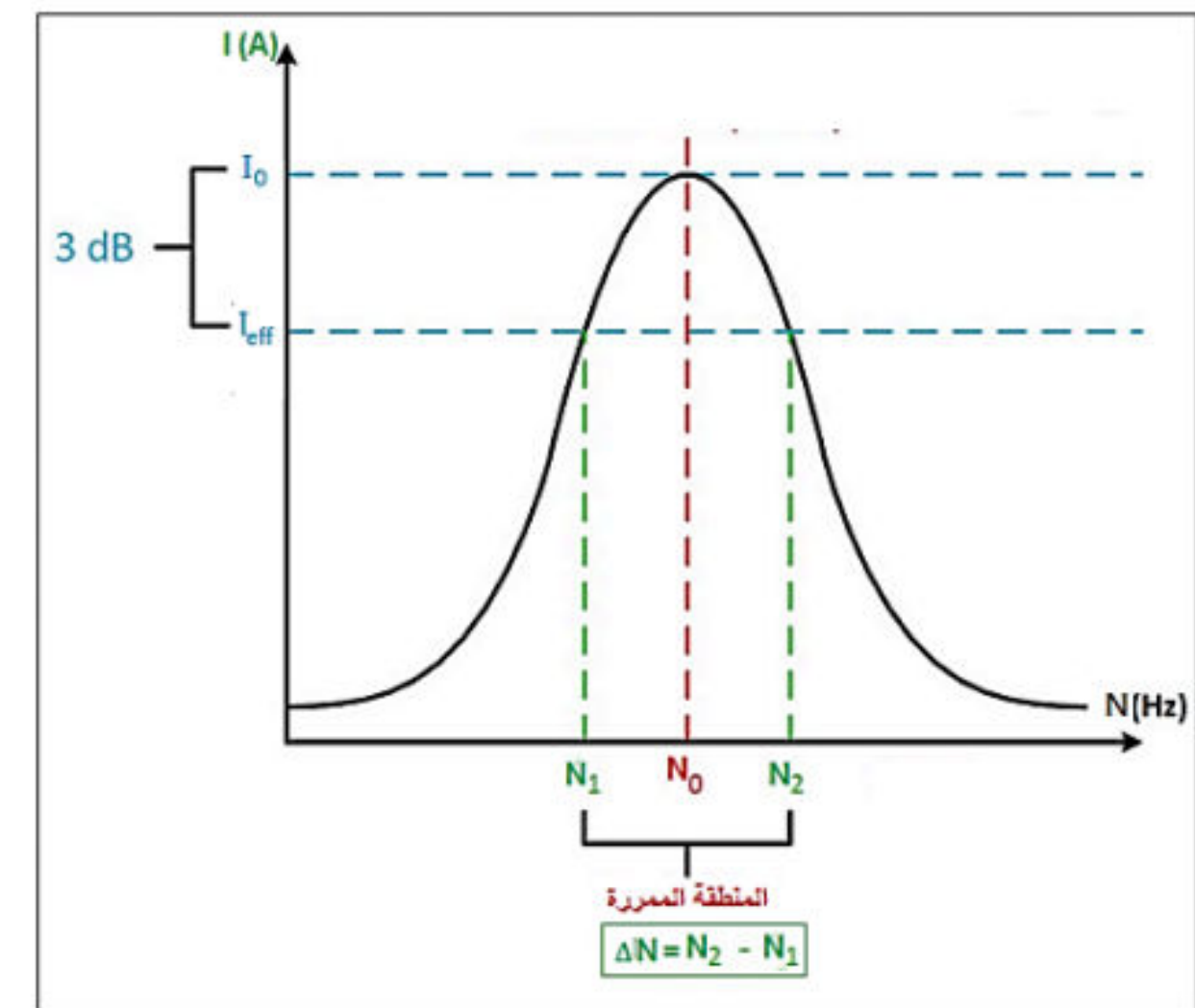
2-2- Vérification que N_1 et N_2 délimitent la bande passante : (voir figure ci-contre)

Pour que les deux fréquences N_1 et N_2 délimitent la bande passante il faut que : $I_{\text{eff}} = \frac{I_0}{\sqrt{2}}$

$$\text{A.N : } I_{\text{eff}} = \frac{0,71}{\sqrt{2}} \Rightarrow I_{\text{eff}} = 0,50 \text{ A}$$

Déduction de la valeur du facteur de qualité Q : $Q = \frac{N_0}{\Delta N}$

$$\text{A.N : } Q = \frac{9,19}{12,90 - 6,54} \Rightarrow Q = 1,44$$



2-3- Calcul de la valeur R_1 :

L'impédance Z du circuit à la résonance s'écrit : $Z = R_1 = \frac{U_m}{I_m} = \frac{U_m}{\sqrt{2} \cdot I_0}$

$$\text{A.N : } R_1 = \frac{100}{0,707\sqrt{2}} \Rightarrow R_1 = 100 \Omega$$

2-4- Calcul de la puissance moyenne dissipée par effet Joule, à la résonance :

$$P_{\text{th}} = R_0 \cdot I_0^2 \quad \text{A.N : } P_{\text{th}} = 100 \times 0,707^2 = 49,98 \Rightarrow P_{\text{th}} \approx 50 \text{ W}$$

3- réception d'une onde hertzienne :

3-1- Signification de « démoduler le signal reçu » :

Éliminer l'onde porteuse et la tension continue pour obtenir le signal démoduler.

3-2- Association le graphe correspondant à chacun des tensions u_{QM} et u_{TM} :

La courbe (1) correspond à la tension u_{QM} , car la diode bloque les alternances négatives et obtient une tension redressée.

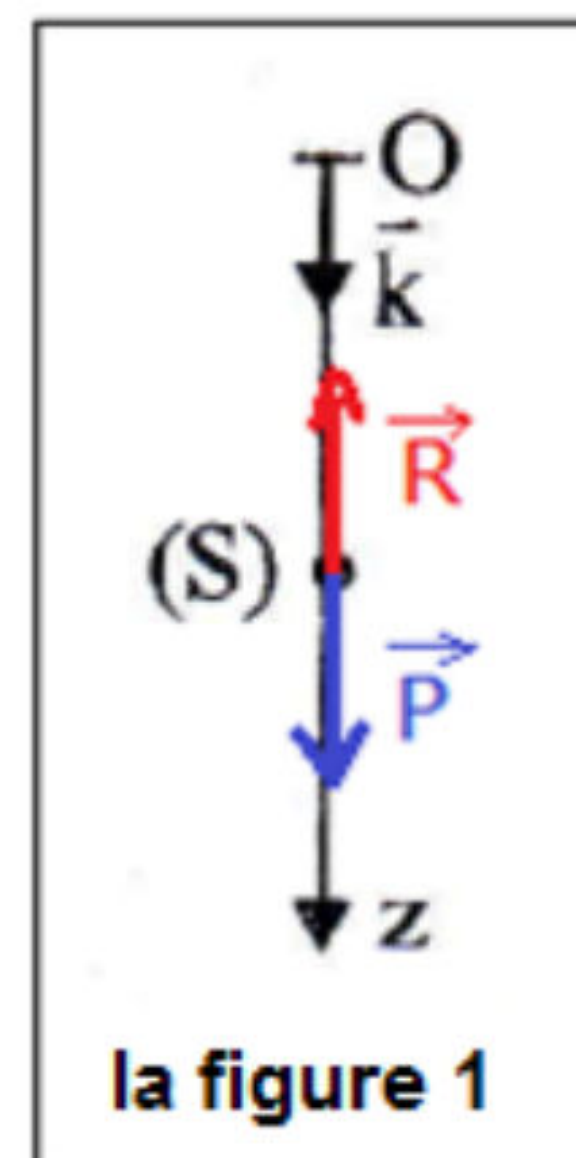
La courbe (2) correspond à la tension u_{TM} , car cette étape élimine la tension continue et obtention du signal modulant.

Exercice 4 : Mécanique

Partie I : Etude de la chute d'une bille

1- Montrons l'équation différentielle vérifiée par la vitesse v :

- Système étudié : $\{La\ bille\ (S)\}$
- Bilan des forces :
 - Poids de (S) : $\vec{P} = m\vec{g} = m \cdot g \cdot \vec{k}$
 - Action de l'air modélisée par la force : $\vec{R} = -\lambda \cdot \vec{v} = -\lambda \cdot v \cdot \vec{k}$
- Application de la deuxième loi de Newton dans un repère terrestre supposé galiléen : $\vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}_G$



Projection sur l'axe oz :

$$mg - \lambda \cdot v = m \cdot a \Rightarrow a + \frac{\lambda}{m} \cdot v = g \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{\lambda}{m} \cdot v = g$$

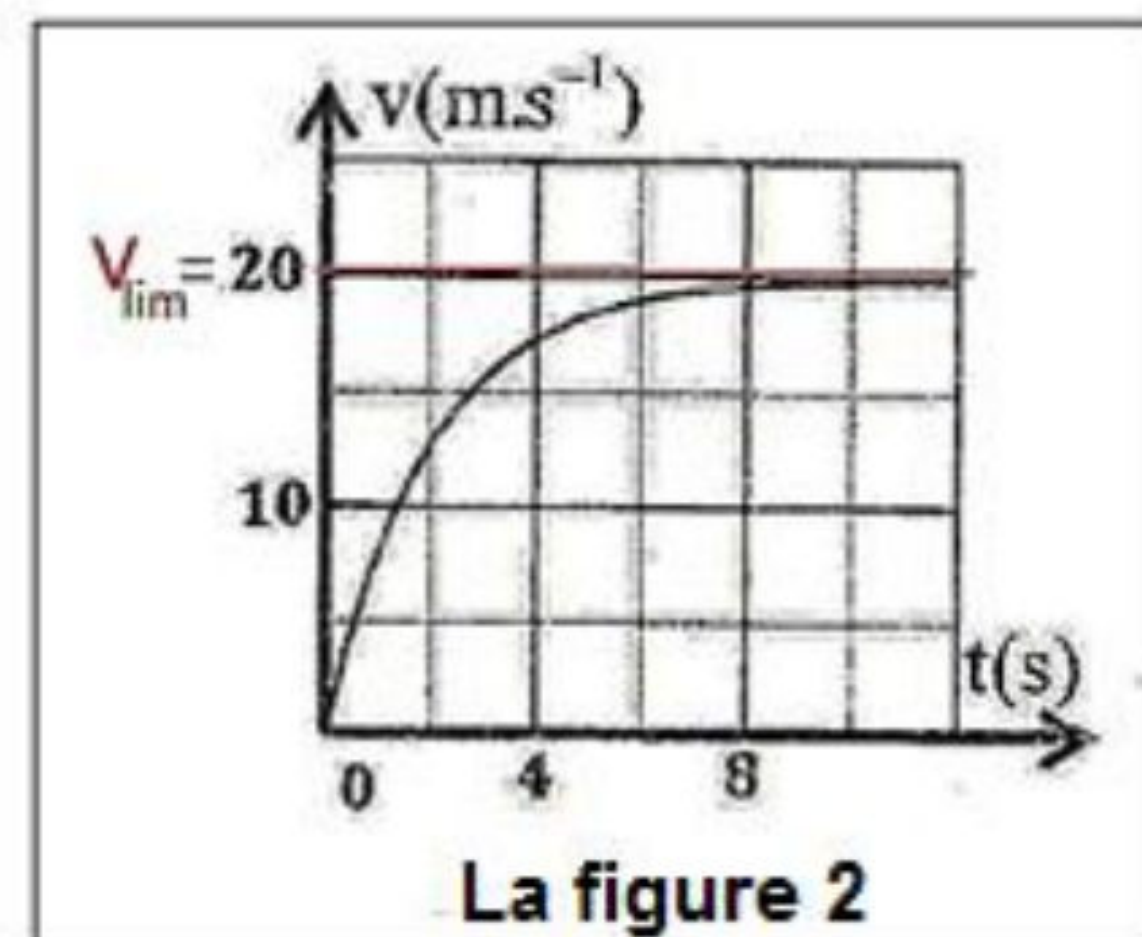
2- La valeur de λ :

Quand le régime permanent se rétablit, on a :

$$v = v_{\lim} = 20 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \quad \text{alors :} \quad \frac{dv}{dt} = \frac{dv_{\lim}}{dt} = 0$$

$$\text{L'équation différentielle s'écrit : } \frac{\lambda}{m} \cdot v_{\lim} = g \quad \text{d'où : } \lambda = \frac{m \cdot g}{v_{\lim}}$$

$$\text{A.N : } \lambda = \frac{0,1 \times 10}{20} \Rightarrow \lambda = 5 \cdot 10^{-2} \text{ kg} \cdot \text{s}^{-1}$$



3- Comparaison de R et P pendant le régime transitoire et permanent :

- ❖ Pendant le régime transitoire la vitesse de la bille augmente successivement tel que :

$$v < v_{\lim} \Rightarrow v < \frac{m \cdot g}{\lambda} \Rightarrow \lambda \cdot v < m \cdot g \Rightarrow \mathbf{R < P}$$

- ❖ Pendant le régime permanent la vitesse de la bille reste constante est égale à la vitesse limite tel que :

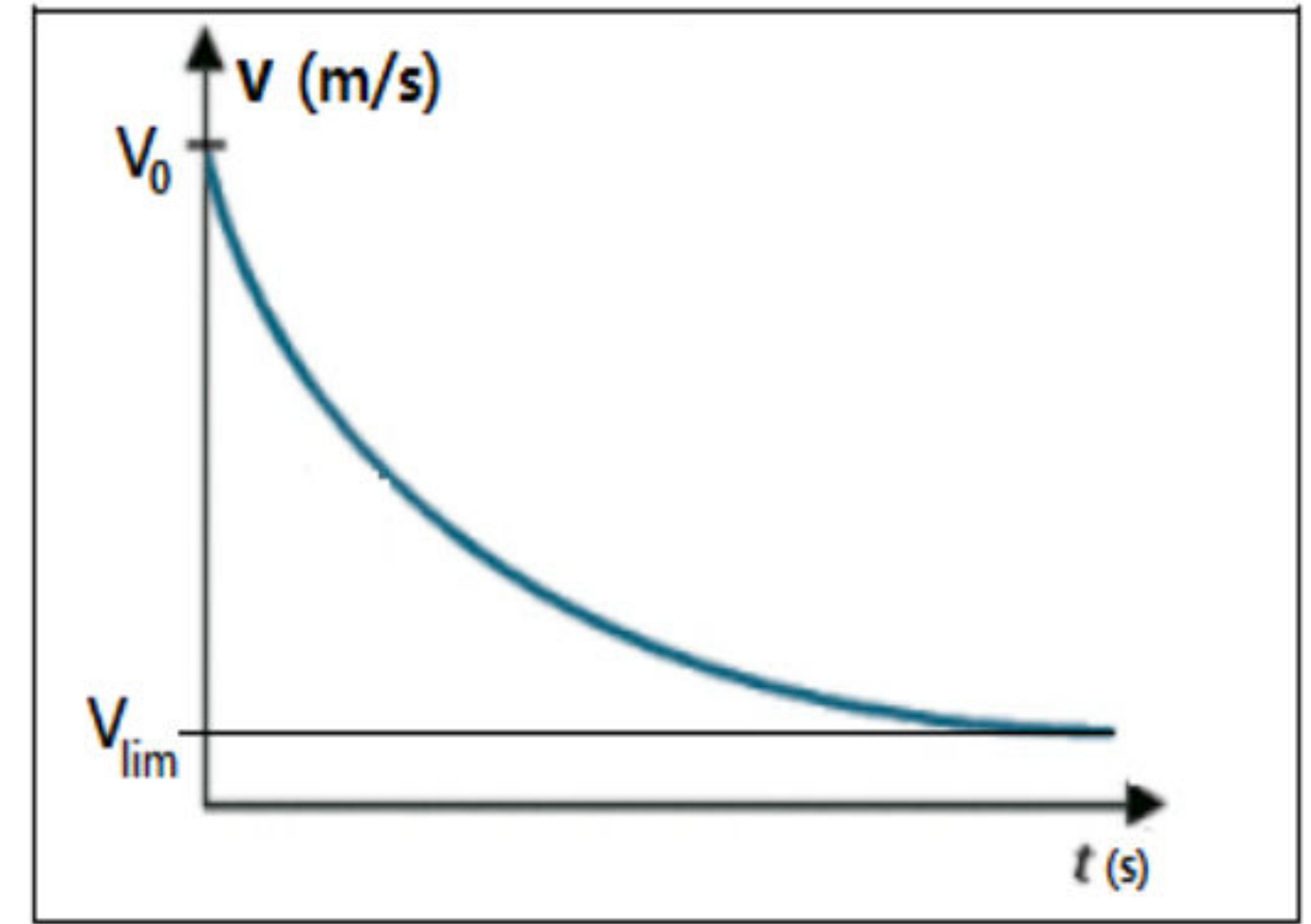
$$v = v_{\lim} \Rightarrow v = \frac{m \cdot g}{\lambda} \Rightarrow \lambda \cdot v = m \cdot g \Rightarrow \mathbf{R = P}$$

4- L'allure de la courbe représentant l'évolution de la vitesse $v(t)$:

L'expression de la vitesse : $v(t) = A + B \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$

$$v_0 = v(0) = A + B > 0$$

$$v_{\text{lim}} = A > 0$$



Partie II – Etude du mouvement d'un oscillateur : le gravimètre

1- L'équation différentielle vérifiée par θ :

❖ Système étudié : {La tige OA}

❖ Bilan des forces :

$\vec{P}$: poids de la tige ; $\vec{R}$: action de l'axe de rotation et action du couple de torsion de moment M_{Δ} .

❖ Application de la relation fondamentale de la dynamique dans le cas de rotation dans un repère terrestre supposé galiléen :

$$M_{\Delta}(\vec{P}) + M_{\Delta}(\vec{R}) + M_{\Delta} = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$$

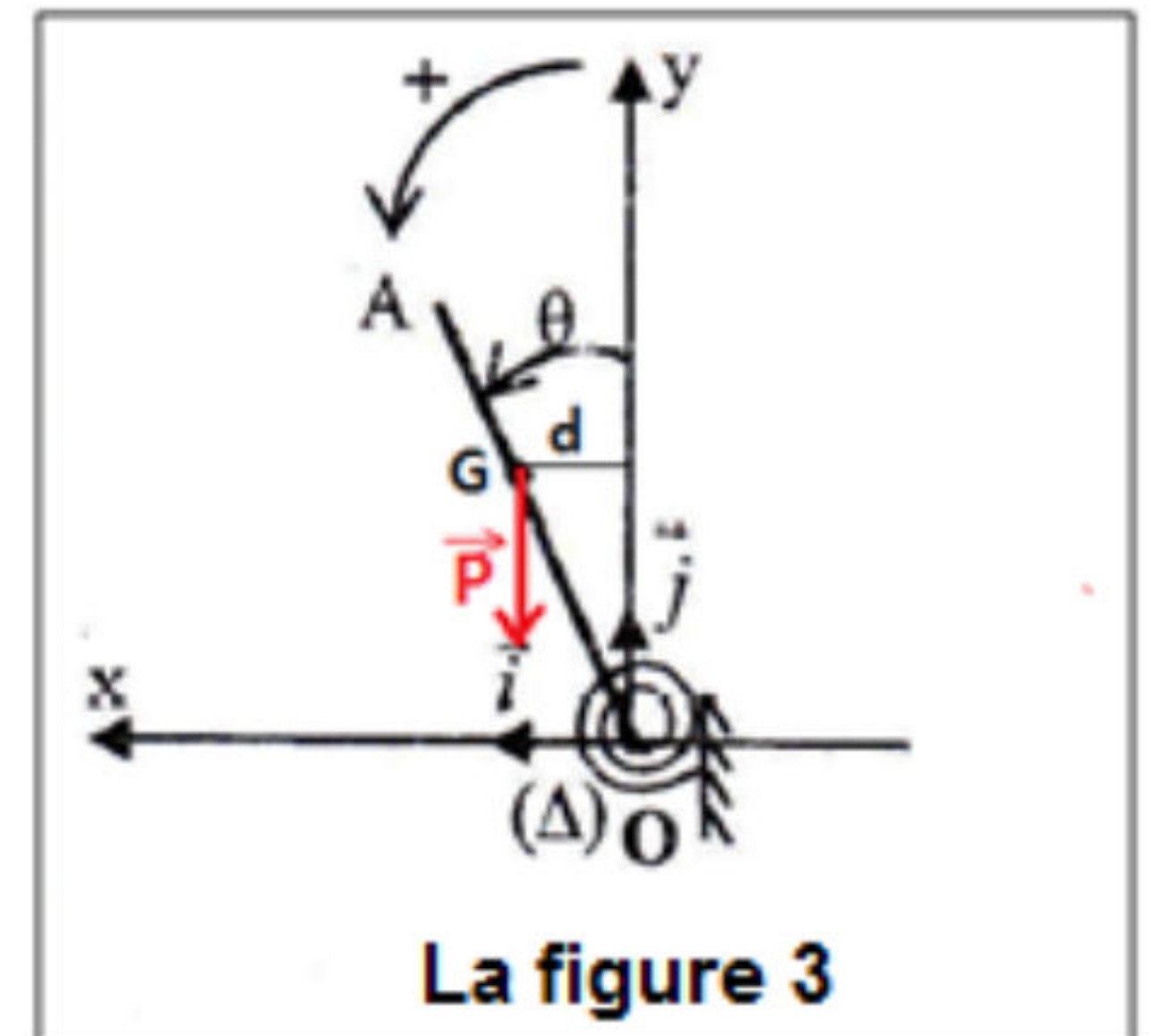
$$M_{\Delta}(\vec{R}) = 0 \text{ et } M_{\Delta}(\vec{P}) = mgd = mg \cdot OG \cdot \sin\theta = mgl \cdot \sin\theta$$

$$m \cdot gl \cdot \sin\theta - C \cdot \theta = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$$

Pour les petits angles : $\sin\theta \approx \theta$ d'où : $m \cdot gl \cdot \theta - C \cdot \theta = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$

$$J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta} + (C - mgl)\theta = 0$$

$$\ddot{\theta} + \left(\frac{C - m \cdot g \cdot l}{J_{\Delta}} \right) \theta = 0$$



2-1-Montrons l'expression de l'énergie de potentielle totale de l'oscillateur :

$$E_P = E_{Pt} + E_{pp}$$

$E_{pp} = mgy + Cte$ l'état de référence $E_{pp} = 0$ à $y = 0$ donc :

$$E_{pp} = m \cdot g \cdot y = m \cdot g \cdot l \cdot \cos\theta = m \cdot g \cdot l \left(1 - \frac{\theta^2}{2} \right)$$

$E_{Pt} = \frac{1}{2} C \cdot \theta^2 + Cte$ l'état de référence $E_{Pt} = 0$ à $\theta = 0$ donc : $E_{Pt} = \frac{1}{2} C \cdot \theta^2$

$$E_P = m \cdot g \cdot l \left(1 - \frac{\theta^2}{2} \right) + \frac{1}{2} C \cdot \theta^2 \Rightarrow E_P = \frac{1}{2} (C - m \cdot g \cdot l) \cdot \theta^2 + m \cdot g \cdot l$$

2-2-Etablirons de nouveau l'équation différentielle par étude énergétique :

Puisque les frottements sont négligeables, on a : $E_T = \text{cte}$, c'est-à-dire : $\frac{dE_T}{dt} = 0$

$$E_T = E_C + E_P = \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \dot{\theta}^2 + \frac{1}{2} (C - m \cdot g \cdot l) \cdot \theta^2 + m \cdot g \cdot l$$

$$\frac{dE_T}{dt} = \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot 2\dot{\theta} \cdot \ddot{\theta} + \frac{1}{2} (C - m \cdot g \cdot l) \cdot 2\theta \cdot \dot{\theta} = J_{\Delta} \cdot \dot{\theta} \left[\ddot{\theta} + \left(\frac{C - m \cdot g \cdot l}{J_{\Delta}} \right) \theta \right] = 0$$

$$\ddot{\theta} + \left(\frac{C - m \cdot g \cdot l}{J_{\Delta}} \right) \theta = 0$$

2-3-1- Trouvons l'expression de T_0 :

$$\theta(t) = \theta_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) \Rightarrow \dot{\theta}(t) = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot \theta_m \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$$

$$\ddot{\theta}(t) = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta(t)$$

$$-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta(t) + \left(\frac{C - m \cdot g \cdot l}{J_{\Delta}}\right) \theta(t) = 0 \Rightarrow \theta(t) \left[-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \left(\frac{C - m \cdot g \cdot l}{J_{\Delta}}\right) \right] = 0$$

$$-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \left(\frac{C - m \cdot g \cdot l}{J_{\Delta}}\right) = 0 \Rightarrow \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \left(\frac{C - m \cdot g \cdot l}{J_{\Delta}}\right)$$

$$\frac{T_0}{2\pi} = \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{C - m \cdot g \cdot l}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{C - m \cdot g \cdot l}}$$

2-3-2- Calcul de g :

$$\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \left(\frac{C - m \cdot g \cdot l}{J_{\Delta}}\right) \Rightarrow \frac{4\pi^2}{T_0^2} = \frac{C - mgl}{J_{\Delta}} \Rightarrow C - mgl = \frac{4\pi^2}{T_0^2} \cdot J_{\Delta} \Rightarrow C - mgl = \frac{4\pi^2}{T_0^2} \cdot J_{\Delta}$$

Conclusion :

$$g = \frac{1}{ml} \left(C - \frac{4\pi^2 \cdot J_{\Delta}}{T_0^2} \right)$$

A.N :

$$g = \frac{1}{0,1 \times 0,584} \left(1,4 - \frac{4 \times 10 \times 2,5 \cdot 10^{-2}}{1,1^2} \right) \Rightarrow g = 9,82 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$$

2-4-1- La détermination graphique de la valeur de E_m :

A $\theta = \theta_m$ on a : $\dot{\theta} = 0$ c'est-à-dire :

$$E_m = E_{pmax} = 590 \text{ mJ}$$

2-4-2- La valeur absolue de $\dot{\theta}$:

Quand : $\theta = 0,125 \text{ rad}$ d'après la figure 4 :

on trouve : $E_p = 580 \text{ mJ}$ (Voir figure 4).

On a : $E_T = E_C + E_P = \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \dot{\theta}^2 + E_P$ c'est-à-dire : $\frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \dot{\theta}^2 = E_m - E_p$

$$\dot{\theta} = \pm \frac{E_m - E_p}{\frac{1}{2} J_{\Delta}} = \pm \frac{2(E_m - E_p)}{J_{\Delta}}$$

$$|\dot{\theta}| = \frac{2(E_m - E_p)}{J_{\Delta}} \Rightarrow |\dot{\theta}| = \frac{2(590 - 580) \cdot 10^{-3}}{2,5 \cdot 10^{-2}} \Rightarrow |\dot{\theta}| = 0,89 \text{ rad.s}^{-1}$$

