

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة ..... 2013  
الموضوع



RS31

٢٠١٣ | ١٥٠٤ | ٢٤٠٨ | ٢٠١٣ | ٢٠١٣ | ٢٠١٣



المملكة المغربية

وزارة التربية الوطنية

المركز الوطني للنقويم والامتحانات

4	مدة الختبار	الفيزياء والكيمياء	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب) (الترجمة الفرنسية)	الشعبة أو المسلط

L'utilisation de la calculatrice programmable ou l'ordinateur n'est pas autorisée

Le sujet est composé d'un exercice de chimie et de trois exercices de physique

### CHIMIE (7points)

**Première partie** : Cinétique de la dissociation du pentaoxyde de diazote ....( 2,75 points )

**Deuxième partie** : Dosage d'une solution d'acide benzoïque.....( 4,25 points )

### Physique ( 13 points )

**Exercice 1** : production de l'énergie nucléaire .....( 2,25 points )

**Exercice 2** première partie : Etude des dipôles RL et RLC .....( 2,5 points )

deuxième partie : Transmission des signaux sonores .....( 2,5 points )

**Exercice 3** première partie : Etude d'un oscillateur harmonique.....( 3,5 points )

Deuxième partie : Echange énergétique matière -rayonnement.....( 2,25 points )

**Chimie (7points ) Les deux parties 1 et 2 sont indépendantes**

**Première partie : Cinétique de la dissociation du pentaoxyde de diazote ( 2,75 points )**

Les oxydes (  $\text{NO}_2$ ,  $\text{N}_2\text{O}_3$ ,  $\text{NO}$  ,  $\text{CNO}_2$ ...) sont considérés parmi les polluants principaux de

l'atmosphère à cause de leur participation dans la formation des pluies acides qui sont nocives pour l'environnement d'une part et l'augmentation de l'effet de serre d'autre part .

L'objectif de cet exercice est d'étudier la cinétique de la dissociation du pentaoxyde de diazote  $\text{N}_2\text{O}_5$  en  $\text{NO}_2$  et  $\text{O}_2$  .

**Données :** On considère que tous les gaz sont parfaits ;

La constante des gaz parfaits :  $R = 8,31 \text{ (S.I)}$  ; l'équation d'état des gaz parfaits :  $p.V = n.R.T$

On met du pentaoxyde de diazote dans une enceinte initialement vide de volume constant  $V = 0,50\text{L}$  munie d'un baromètre pour mesurer la pression totale  $p$  l'intérieur de l'enceinte à une température constante  $T = 318\text{K}$ .

On mesure au début de la dissociation ( $t = 0$ ) à l'intérieur de l'enceinte la pression totale; on trouve alors  $p_0 = 4,638 \cdot 10^4 \text{ Pa}$  . Le pentaoxyde de diazote se dissocie selon une réaction lente et totale modélisée par

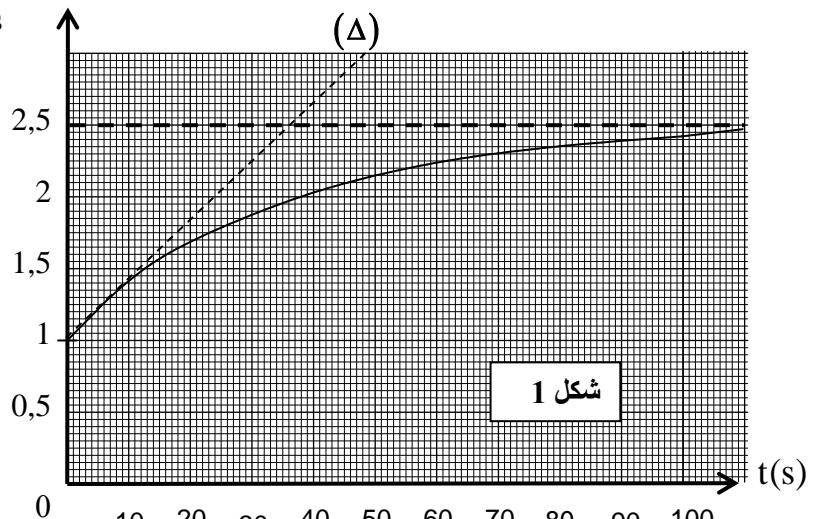
L'équation :  $2\text{N}_2\text{O}_5(\text{g}) \rightarrow 4\text{NO}_2(\text{g}) + \text{O}_2(\text{g})$

**I- On mesure la pression  $p$  à différents instants et on représente la variation de la grandeur**

$\frac{p}{p_0}$  en fonction du temps , obtient le graphe

représenté dans la fig 1. La droite  $(\Delta)$  représente la tangente à la courbe

$$\frac{p}{p_0} = f(t) \text{ à l'instant } t = 0.$$



**0,5** 1- Calculer la quantité de matières  $n_0$  du pentaoxyde de diazote dans le volume  $V$  à  $t = 0$ .

**0,5** 2- Calculer l'avancement  $x_{\max}$  de cette réaction.

**0,5** 3- Exprimer  $n_T$ , la quantité de matière totale des gaz dans le volume  $V$  à l'instant  $t$  en fonction de  $n_0$  et  $x$  l'avancement de la réaction à cet instant  $t$

**0,5** 4- En appliquant l'équation d'état des gaz parfaits ,établir la relation  $\frac{p}{p_0} = 1 + \frac{3x}{n_0}$

**0,75** 5- Trouver l'expression de la vitesse volumique de la réaction en fonction de  $n_0$  ,  $V$  et la dérivée par rapport au temps de la fonction  $\frac{p}{p_0} = f(t)$  . Calculer sa valeur à  $t = 0$  .

**Deuxième partie ( 4,25 points )**

L'acide benzoïque est un composé organique de formule brute  $\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH}$  . Il est utilisé dans la fabrication de plusieurs colorants organiques et aussi utilisé comme matière conservatrice dans l'industrie des produits agroalimentaires.

L'objectif de cet exercice est le dosage d'une solution d'acide benzoïque et la détermination de la valeur du  $pK_A$  du couple  $C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-$ .

### Données

- Toutes les mesures sont effectuées à  $25^\circ C$
- Les conductivités molaires ioniques en  $mS.m^2.mol^{-1}$  Sont :

$$\lambda_1 = \lambda_{Na^+} = 5,0 ; \lambda_2 = \lambda_{C_6H_5COO^-} = 3,2 ; \lambda_3 = \lambda_{CH_3COO^-} = 4,1.$$

On néglige la conductivité molaire ionique des ions  $H_3O^+$  et  $OH^-$ .

On rappelle que la conductivité  $\sigma$  d'une solution aqueuse ionique est :  $\sigma = \sum \lambda_i \cdot [X_i]$

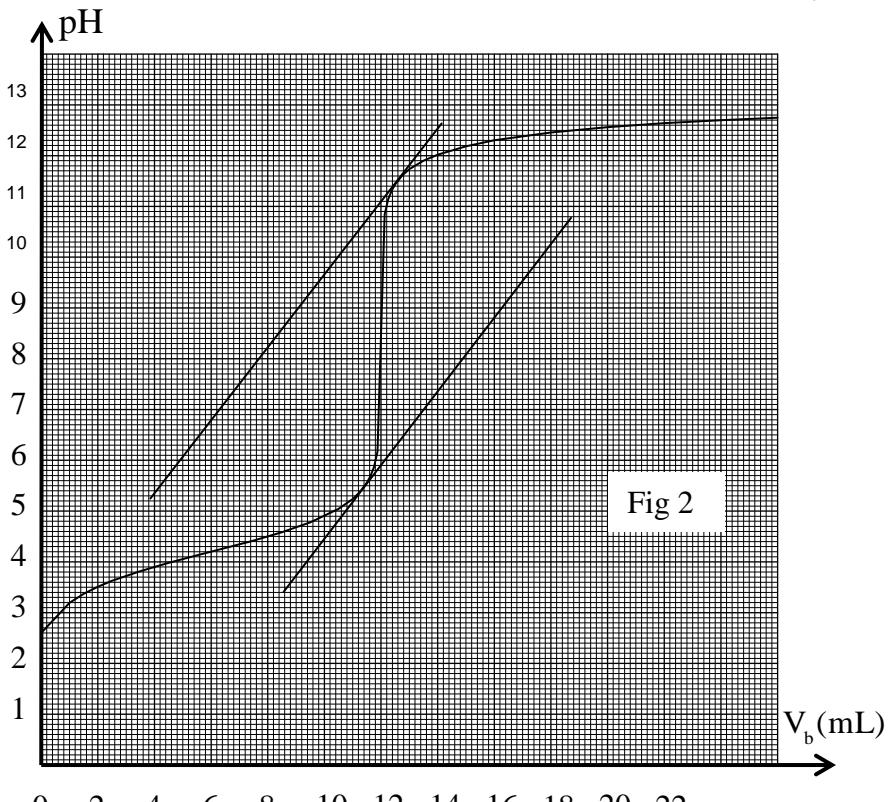
### 1 . Dosage d'une solution d'acide benzoïque

On dose une solution (S) d'acide benzoïque de volume  $V = 15,2 \text{ mL}$  et de concentration  $c$  avec une solution d'hydroxyde de sodium de concentration  $c_b = 2,0 \cdot 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1}$ .

- 0,25 1.1- Écrire l'équation de la réaction du dosage.
- 0,5 1.2- On obtient au cours de ce dosage l'évolution du pH de la solution en fonction du volume  $V_b$  de la solution d'hydroxyde de sodium ajouté,fig 2.
- 0,5 a- Déterminer la concentration de la solution de l'acide benzoïque.
- b- Déterminer le pH du mélange à l'équivalence .
- 1.3- On dispose de deux Indicateurs colorés Indiqués dans le tableau suivant :

L'indicateur coloré	Zone de virage
hélianthine	3,2-4,4
Phénol - phtaléine	8,2-10,0

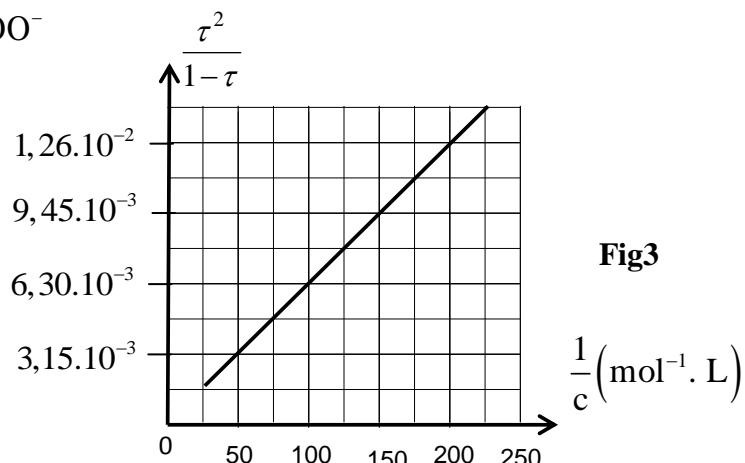
Choisir l'indicateur coloré qui convient à ce dosage .  
Justifier votre choix.



### 2- Détermination de la constante d'acidité $pK_A$ du couple $C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-$

A l'aide des mesures du pH des solutions aqueuses d'acide benzoïque de concentrations différentes, on détermine le taux d'avancement final  $\tau$  de chaque solution .La courbe de la figure 3

représente la fonction  $\frac{\tau^2}{1-\tau}$  en fonction de  $\frac{1}{c}$ .



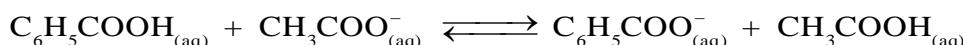
0,5 | 2.1- Trouver l'expression de la constante d'acidité  $K_A$  du couple  $C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-$  en fonction de  $\tau$  et  $C$  .

0,5 | 2.2- En exploitant la courbe de la figure 3, déterminer la valeur du  $pK_A$  .

### 3- Réaction de l'acide benzoïque avec l'ion éthanoate

Dans un flacon contenant de l'eau, on introduit  $n_0 = 3.10^{-3}$  mol d'acide benzoïque et  $n_0 = 3.10^{-3}$  mol d'éthanoate de sodium  $CH_3COONa$  . On obtient une solution aqueuse de volume  $V = 100$  mL .

On modélise la transformation chimique qui s'effectue par l'équation suivante :



La mesure de la conductivité du milieu réactionnel à l'équilibre donne la valeur  $\sigma = 255 \text{ mS.m}^{-1}$  .

1 | 3.1- Montrer que l'expression de l'avancement finale de la réaction s'écrit :  $x_f = \frac{\sigma \cdot V - n_0(\lambda_1 + \lambda_3)}{\lambda_2 - \lambda_3}$

Calculer sa valeur.

1 | 3.2- Trouver l'expression de la constante d'équilibre  $K$  associé à l'équation de la réaction en fonction de  $x_f$  et  $n_0$  . Calculer sa valeur.

## PHYSIQUE

### exercice1(2,25 pts)

Un réacteur nucléaire fonctionne avec l'uranium enrichie qui est constitué de  $p = 3\%$  de  $^{235}U$  fissile et  $p' = 97\%$  de  $^{238}U$  non fissile.

La production de l'énergie au sein de cette centrale nucléaire est basée sur la fission de l'uranium  $^{235}U$  bombardé par des neutrons.

**Donnés :**  $m(^{140}Xe) = 139,8920 \text{ u}$  ;  $m(^{94}Sr) = 93,8945 \text{ u}$  ;  $m(^{235}U) = 234,9935 \text{ u}$  ;  $m(^1_0n) = 1,0087 \text{ u}$

$$1MeV = 1,6 \cdot 10^{-13} \text{ J} ; 1u = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg} = 931,5 \text{ MeV} \cdot c^{-2} .$$

Le noyau  $^{235}U$  subit une fission selon l'équation :  ${}_0^1n + {}_{92}^{235}U \rightarrow {}_z^{94}Sr + {}_{54}^{140}Xe + x {}_0^1n$ .

0,25 | 1- Déterminer  $x$  et  $z$  .

0,5 | 2- Calculer en joule (J) l'énergie  $|\Delta E_0|$  libérée par la fission de  $m_0 = 1 \text{ g}$  de  $^{235}U$  .

0,75 | 3- Pour produire une quantité d'énergie électrique  $W = 3,73 \cdot 10^{16} \text{ J}$  , un réacteur nucléaire de rendement  $r = 25\%$  consomme une masse  $m$  de l'uranium enrichi.

Exprimer  $m$  en fonction de  $W$  ,  $|\Delta E_0|$  ,  $m_0$  ,  $r$  et  $p$  . Calculer  $m$  .

4/- Dans ce réacteur nucléaire se trouve aussi une faible quantité du nucléide  $^{234}U$  qui est radioactif  $\alpha$  .

0,75 | La mesure de l'activité radioactive, à l'instant  $t = 0$  , d'un échantillon de l'uranium  ${}_{92}^{234}U$  a donné la valeur  $a_0 = 5,4 \cdot 10^8 \text{ Bq}$  .

Calculer la valeur de l'activité nucléaire de cet échantillon à l'instant  $t = \frac{t_{1/2}}{4}$

## Exercice2 (5 pts ) Les deux parties sont indépendantes

### Première partie(2,5 pts ) : Étude des dipôles RL RLC

La bobine est utilisée dans plusieurs circuits électriques et électroniques pour contrôler le retard temporelle lors de l'établissement ou la rupture du courant dans ces circuits.

L'objectif de cet exercice est l'étude de la réponse d'un dipôle  $RL$  à un échelon de tension ascendant et l'évolution de la charge électrique lors de la décharge d'un condensateur dans une bobine.

#### 1- Etude du dipôle $RL$

On réalise le montage représenté dans la figure 1 et qui constitué de :

- un générateur de force électromotrice  $E = 6V$  et de résistance négligeable ;
- une bobine de coefficient d'inductance  $L = 1,5mH$  et de résistance négligeable ;
- un conducteur ohmique de résistance  $R$  réglable ;
- un interrupteur  $K$  .

On règle la résistance  $R$  sur une valeur  $R_1$  et on ferme l'interrupteur  $K$  à un instant  $t = 0$  que l'on considère comme origine du temps.

0,25 | 1.1- Etablir l'équation différentielle vérifiée par l'intensité du courant  $i(t)$ .

0,25 | 1.2- La solution de l'équation différentielle s'écrit sous la forme :

$$i(t) = \frac{E}{R_1} \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right) . \text{ Déterminer à partir de cette solution l'expression}$$

de la constante  $\tau_1$  en fonction des paramètres du circuit .

0,5 | 1.3- On règle la résistance  $R$  sur la valeur  $R_2 = 2R_1$  . Trouver l'expression de la nouvelle constante de temps  $\tau_2$  en fonction de  $\tau_1$  . En déduire l'effet de la valeur de  $R$  sur l'établissement du courant dans le dipôle  $RL$  .

#### 2- Etude du dipôle $RLC$

On réalise le montage représenté dans la figure 2 .

On bascule l'interrupteur  $K$  à la position 1 ; Après la charge du condensateur , on bascule l'interrupteur à à l'instant  $t = 0$  à la position 2 . On visualise à l'aide d'un dispositif approprié l'évolution de la charge du condensateur au cours du temps ; On obtient alors la courbe représentée à la figure 3.

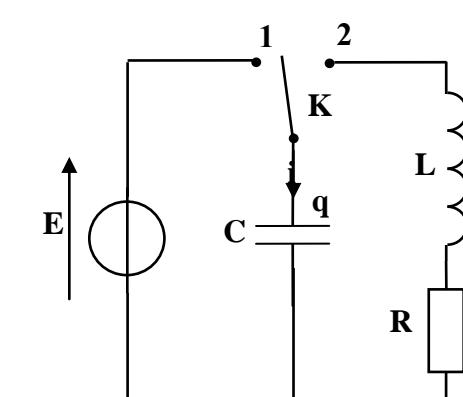


Fig 2

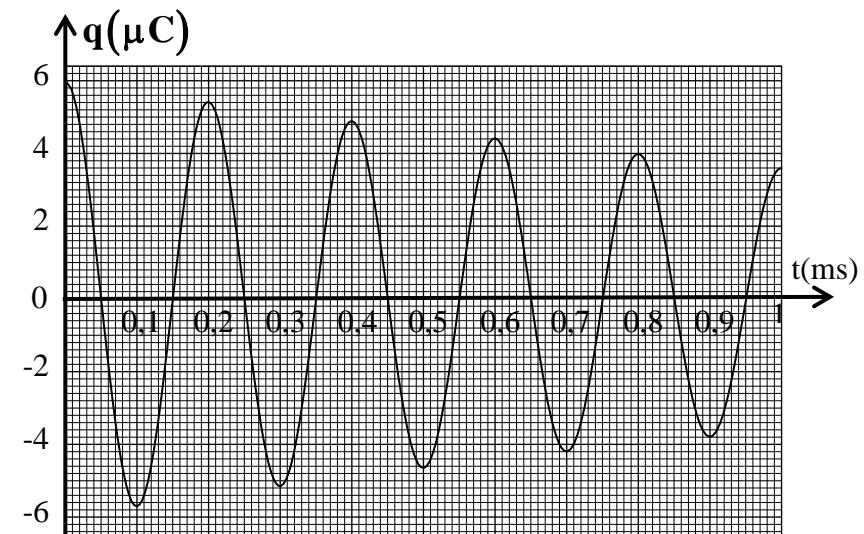


Fig3

0,5 | 2.1- Établir l'équation différentielle vérifiée par la charge  $q(t)$  du condensateur

1 | 2.2- Sachant que la solution de cette équation différentielle s'écrit sous la forme

$$q(t) = q_0 \cdot e^{-\frac{t}{2\lambda}} \cos\left(\frac{2\pi t}{T} + \varphi\right)$$

a- Trouver l'expression  $\frac{q(t+T)}{q(t)}$  en fonction de la pseudo-période  $T$  et la constante  $\lambda$ .

b- Déterminer la valeur de  $\lambda$ .

### Première partie(2,5 pts ) Transmission des signaux sonores

Les ondes sonores audibles ont une faible fréquence , leur transmission à des longues distances nécessite qu'elles soient modulante à une onde électromagnétique de haute fréquence.

Cet exercice vise à étudier la modulation et la de demodulation.

#### 1 - Modulation

On considère le montage représenté dans la figure 4 ;

- Le générateur  $(GBF)_1$  applique à l'entrée  $E_1$  de la composante

$$\text{électronique } X \text{ une tension sinusoïdale } u_1(t) = P_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi \cdot t}{T_p}\right)$$

- Le générateur  $(GBF)_2$  applique à l'entrée  $E_2$  de la composante

électronique  $X$  une tension sinusoïdale  $u_2(t) = U_0 + S(t)$

avec  $U_0$  la composante continue de la tension et

$$S(t) = S_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi \cdot t}{T_s}\right) \text{ la tension correspondante}$$

à l'onde qu'on désire transmettre.

On visualise sur l'écran d'un oscilloscope la tension de sortie  $u_s(t) = k \cdot u_1(t) \cdot u_2(t)$  avec  $k$  constante positive caractérisant la composante  $X$  , fig 5

0,75 | 1.1- Montrer que l'expression de la de la tension

S'écrit sous la forme :

$$u_s(t) = A \left[ 1 + m \cos\left(\frac{2\pi t}{T_s}\right) \right] \cos\left(\frac{2\pi t}{T_p}\right)$$

et préciser l'expression de  $A$  et celle de  $m$ .

0,5 | 1.2-Calculer la valeur de  $m$  et déduire la qualité de la modulation.

#### 2 - Démodulation

La figure 6 représente le montage utilisé dans un dispositif de réception constitué de

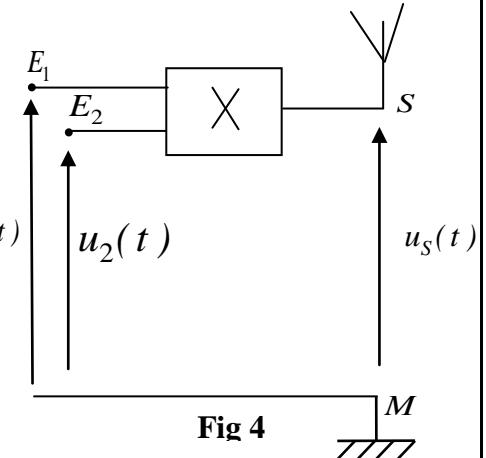
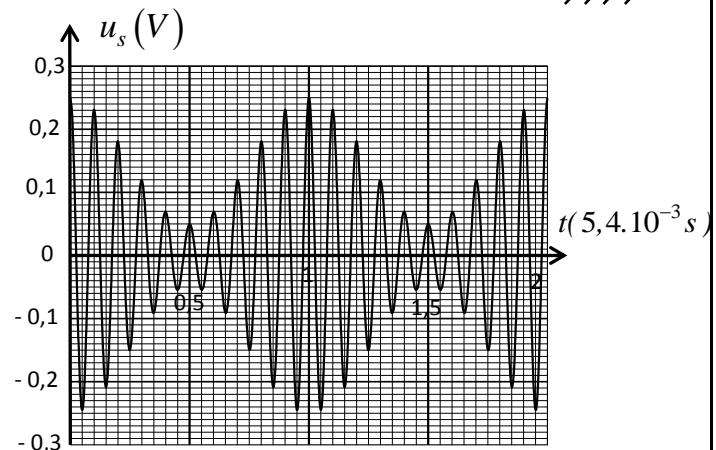
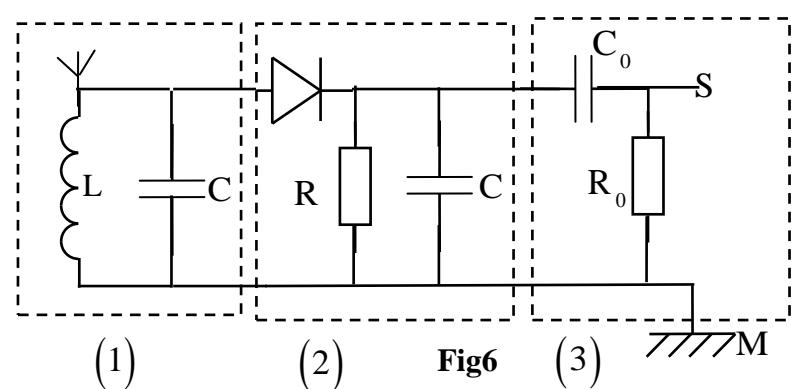


Fig 4



الشكل 5



(1)

(2)

Fig6

(3)

0,25 2.1- Préciser le rôle de la partie 3 dans ce montage.

0,5 2.2- Déterminer la valeur du produit  $L \cdot C$  pour que la sélection de l'onde soit bonne.

0,5 2.3- Montrer que l'intervalle auquel doit appartenir la valeur de la résistance  $R$  pour une bonne

Détection de l'enveloppe de la tension modulante dans ce montage est :  $\frac{4\pi^2 L}{T_p} \ll R \ll \frac{4\pi^2 L T_s}{T_p^2}$   
Calculer les bornes de cet intervalle sachant que  $L = 1,5 \text{ mH}$ .

### exercice 3(5,75 pts ) Les deux parties sont indépendantes

#### Première partie(3, 5 pts )

L'oscillateur harmonique est un oscillateur idéal, son évolution au cours du temps est décrite par une fonction sinusoïdale de fréquence ne dépendant que des caractéristiques du système mécanique. L'importance de ce modèle réside dans sa capacité de décrire l'évolution de tous les systèmes.

Physique oscillant autour de sa position d'équilibre stable.

#### 1- Etude dynamique

On considère un ressort à spires non jointives et constante de raideur  $K$  et de masse négligeable suspendu à un support fixe. On suspend à l'extrémité libre du ressort un corps solide ( $S$ ) de masse  $m$ . On représente l'allongement du ressort à l'équilibre de ( $S$ ) par  $\Delta\ell_0$  et on repère la position du centre d'inertie par un axe  $Oy$  orienté vers le haut dont l'origine coïncide avec la position du centre d'inertie de ( $S$ ) à l'équilibre.

On écarte ( $S$ ) verticalement de sa position d'équilibre vers le bas d'une distance  $d = 2 \text{ cm}$  et on le libère sans vitesse initiale à instant  $t = 0$  choisi comme origine du temps.

**Données :**  $\Delta\ell_0 = 10,0 \text{ cm}$ , l'intensité de pesanteur  $g = 9,81 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$

1.1- Trouver, à l'équilibre, l'expression de  $K$  en fonction de  $m$ ,  $g$  et  $\Delta\ell_0$ .

0,5 1.2- En appliquant la deuxième loi de Newton, établir que l'équation différentielle vérifiée par

l'abscisse  $y$  s'écrit sous la forme  $\frac{d^2 y}{dt^2} + \frac{K}{m} y = 0$

0,5 1.3- La solution de cette équation s'écrit sous la forme  $y = y_m \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right)$  ;

Déterminer la valeur de  $\varphi$  et de  $T_0$ .

0,25 1.4- On note  $F$  la tension du ressort. Choisir la bonne réponse : Quant l'abscisse  $y > 0$ , on a :

- a)  $F > mg$  ; b)  $F = mg$  ; c)  $F < mg$

#### 2. Etude énergétique

On repère la position du centre du solide ( $S$ ) à l'aide de deux repères :

- Le repère 1 : l'origine  $O'$  de l'axe coïncide avec l'extrémité libre du ressort (à vide) et l'axe  $O'z$  est verticale et orienté vers le haut. On prend comme état de référence pour l'énergie potentielle de pesanteur  $E_{pp} = 0$  au point  $O'$ .
- Le repère 2 : l'origine  $O$  de l'axe coïncide avec la position du centre d'inertie du solide ( $S$ ) à l'équilibre et l'axe  $Oy$  est verticale et orienté vers le haut. On prend comme état de référence pour l'énergie potentielle de pesanteur  $E_{pp} = 0$  au point  $O$ .

Pour les deux repères, on prend comme état de référence de l'énergie potentielle élastique  $E_{pe} = 0$  quand le ressort est à vide.

2.1- On écarte le solide (S) verticalement vers le bas d'une distance  $d < \Delta\ell_0$  de sa position d'équilibre et on le libère sans vitesse initiale à un instant  $t = 0$  choisi comme origine du temps.

Écrire l'expression de l'énergie mécanique de l'oscillateur :

a - dans le repère 1 en fonction de  $z, m, K, g$  et  $v$  vitesse du centre d'inertie.

b - dans le repère 2 en fonction de  $y, m, K, \Delta\ell_0$  et  $v$  vitesse du centre d'inertie .

0,75 c- dans quel repère l'expression de l'énergie mécanique ne dépend pas de l'énergie potentielle

0,75 2.2- On écarte verticalement (S) de sa position d'équilibre vers le bas d'une distance  $d = 2\text{cm}$  et on le lance vers le haut avec une vitesse initiale  $\vec{v}_0$ , le solide (S) effectue alors des oscillations verticales autour de sa position d'équilibre d'amplitude  $D = 7\text{cm}$ .

Sachant que l'énergie mécanique de l'oscillateur se conserve ;

Trouver l'expression de  $v_0$  en fonction de  $g, \Delta\ell_0, d$  et  $D$ . Calculer  $v_0$ .

### Deuxième partie (2,25 pts)

Le savant Planck a supposé que les échanges énergétiques entre la matière et un rayonnement monochromatique de fréquence  $\nu$  ne peuvent se faire qu'en quantité déterminé .

En 1905 Einstein a introduit la notion de photon en tant que particule de masse nulle et d'énergie  $E = h\nu$ .

L'énergie de l'atome d'hydrogène est exprimée par la relation

$$E_n = -\frac{13,6}{n^2} (\text{eV}) \text{ avec } n \text{ le nombre principal indiquant la couche où}$$

se trouve l'électron.

Le diagramme ci-dessous donne les transitions possibles de l'électron de l'atome d'hydrogène

Données : Constante de Planck  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$  ; vitesse de la lumière dans le vide  $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}$   
 $1\text{eV} = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

On expose les atomes d'hydrogène dans leurs états fondamentaux à des photons d'énergie successives  $1,51 \text{ eV}$  et  $12,09 \text{ eV}$ .

1 1- Décrire à partir de ce diagramme ce qui se produit ?

0,5 2- Calculer la longueur d'onde  $\lambda$  du rayonnement émis lors de la transition de l'électron du niveau d'énergie  $n=2$  au niveau d'énergie  $n=1$

0,75 3- La longueur d'onde  $\lambda$  du rayonnement émis lors de la transition du niveau énergétique  $m$  au niveau énergétique  $n$  est  $\lambda = 489 \text{ nm}$ . Déterminer  $m$  et  $n$

