

## الـ حـرـكـاتـ الـ مـسـتـوـيـةـ

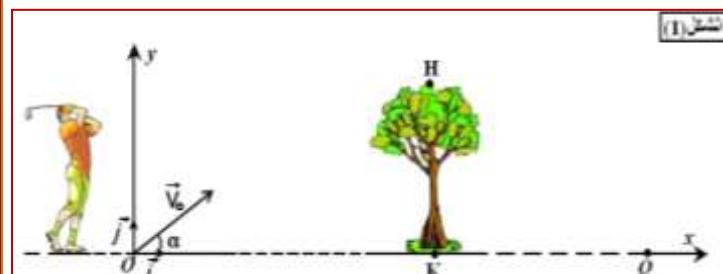
### Mouvements plans

### سلسلة التمارين

#### الـ تـمـرـينـ 1ـ :

تخصيص كررة الغولف المستعملة في المسابقات الرسمية لمجموعة من المواصفات الدولية. ويتميز سطحها الخارجي بعده كثيف من الأسنان (Alvéoles) تساعد على اختراق كررة الغولف للهواء بسهولة والتقليل من احتكاكاته.

خلال حصة تدريبية، وفي غياب الرياح، حاول لاعب الغولف البحث عن الشروط البدئية التي ينبغي أن يرسل بها كررة الغولف من نقطة O كي تسقط في حفرة Q دون أن تصطدم بشجرة علوها KH توجد بينهما.



#### معطيات:

- ✓ النقطة O والموضع K للشجرة والحفرة Q على نفس المستقيمة:  $OQ=120m$  ;  $OK=15m$  ;  $KH=5m$
- ✓ كثافة كررة الغولف :  $m=45g$  ; تسارع الثقالة :  $g=10m/s^2$
- ✓ نهم دافعه أر خميس وجميع الاحتكاكات.
- I. دراسة حركة كرة الغولف في مجال الثقالة المنتظم.**

عند اللحظة  $t=0$  ، أرسل اللاعب كرة الغولف من النقطة O بسرعة بدئية  $V_0=40m/s$  تكون متجهتها  $\vec{V}_0$  الزاوية  $\alpha=20^\circ$  مع المستوى الأفقي . لدراسة حركة G مركز قصور الكرة في المستوى الرأسي ، نختار معلمًا متعاملاً منتظماً  $(j; i; \vec{r}(0; t; \vec{r})$  أصله مطابق للنقطة O .

(1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتون ، أثبتت المعادلتين التفاضلتين اللتين تتحققما  $V_x$  و  $V_y$  إحداثي متجهة السرعة لمركز قصور الكرة .

(2) أوجد التعبير الحرفي للمعادلتين الزمنيتين  $(t)x$  و  $(t)y$  لحركة مركز القصور G . استنتج التعبير الحرفي لمعادلة مسار الحركة .

(3) نعتبر نقطة B من مسار مركز قصور الكرة أقصولها  $x_B=x_K=15m$  وأرتوبها  $y_B$  . أحسب  $y_B$  . هل تصطدم الكرة بالشجرة ؟

(4) بالنسبة لزاوية  $\alpha=24^\circ$  ، لا تصطدم الكرة بالشجرة . حدد قيمة  $V_0$  السرعة البدئية التي ينبغي أن يرسل بها اللاعب كرة الغولف كي تسقط في الحفرة Q .

#### II. دراسة حركة كرة الغولف على مستوى أفقى.

لم ينجح اللاعب في إسقاط الكرة في الحفرة Q ، حيث استقرت بعد سقوطها في نقطة I . توجد الكرة والحفرة في مستوى أفقي ، أرسل اللاعب من جديد كرة الغولف من النقطة I بسرعة بدئية  $\vec{V}_I$  تجعلها تصل إلى الحفرة Q دون فقدان تماستها مع المستوى الأفقي .

ندرس حركة G مركز قصور الكرة في المعلم  $(i; \vec{r}(0; t; \vec{r})$  ، ونختار لحظة إرسال الكرة من I أصلًا للتاريخ أنظر

الشكل(2) . نعتبر أن الكرة تخصيص أثناء حركتها لاحتكاكات مكافئة لقوة وحيدة متجهتها  $\vec{f}$  ثابتة ومعاكسة لمنحي الحركة وشدة ثابتة  $f=2,25 \cdot 10^{-2} N$  .

(1) بتطبيق قانون نيوتن الثاني ، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة مركز قصور الكرة .

(2) استنتاج طبيعة حركة G .

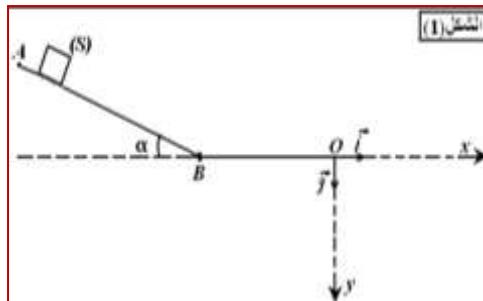
(3) حدد قيمة  $V_1$  علماً أن الكرة وصلت إلى الحفرة بسرعة منعدمة ، وأن الحركة استغرقت  $t_Q=4s$  .

## التمرين 2:

يمثل الشكل(1) سكة ABO تتكون من جزئين :

- ✓ جزء مستقimi AB مائل بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  بالنسبة للمستوى الأفقي .
- ✓ جزء مستقimi BO أفقي .

نطلق جسما صلبا (S) كتلته  $m$  بدون سرعة بديئة من النقطة A ، فينزلق فوق الجزء AB ، بدون احتكاك ، ويمر من النقطة B بسرعة  $V_B = 2,5 \text{ m/s}$  نأخذ  $\text{تسارع الثقالة : } g = 10 \text{ m/s}^2$  .



- (1) أوجد تعبير التسارع  $a$  للجسم (S) على الجزء AB بدلالة  $\alpha$  و  $g$ . استنتج طبيعة الحركة .
- (2) أحسب المسافة AB .

(3) يتبع الجسم (S) حركته فوق الجزء BO ويغادر السكة عند النقطة O بسرعة  $V_0$  متجهتها أفقية . نعتبر اللحظة التي يغادر فيها (S) النقطة O أصلا للتواريخ  $t=0$  .

أ. أوجد في المعلم الممنظم  $(j; t; R)$  ، تعبير المعادلين الزمنيين  $(x; y)$  لحركة .

ب. استنتج التعبير الحرفي لمعادلة مسار مركز القصور  $G$  .

(4) يعطي المبيان الممثل في الشكل(2) تغيرات الإحداثي  $y$  بدلالة مربع الإحداثي  $x$  .

أ. أوجد ، مستعينا بالبيان ، قيمة السرعة .

ب. بين أن الاحتكاكات بين الجسم (S) والسكة مهملة طول الجزء BO .

## التمرين 3:

يعتبر القفز على الخنادق أو الحواجز بواسطة السيارات أو الدراجات النارية أحد التحديات التي يواجهها المجازفون . يهدف هذا التمرين إلى التعرف على بعض الشروط التي يجب توفرها لتحقيق التحدي .

يتكون مدار للمجازفة من قطعة AB مستقيمة ومن قطعة BO مائلة بزاوية  $\alpha$  بالنسبة للمستوى الأفقي AC وخدق عرضه D (الشكل(1)) . ننماذج (السائق + السيارة) بمجموعة (S) غير قابلة للتشويه كتلتها  $m$  ومركز قصورها G .

ندرس حركة مركز القصور G في معلم أرضي نعتبره غاليليا ، ونهمل تأثير الهواء على المجموعة (S) كما نهمل أبعادها بالنسبة لمسافات المقطوعة .

### المعطيات :

- ✓ كتلة المجموعة (S) :  $m = 1200 \text{ kg}$  . - الزاوية  $\alpha = 10^\circ$  -  $g = 9,8 \text{ m/s}^2$  .
- I. دراسة الحركة المستقيمة للمجموعة (S) :

تمر المجموعة (S) عند اللحظة  $t=0$  من النقطة A وعند اللحظة  $t_1 = 9,45 \text{ s}$  من النقطة B . يمثل الشكل(2) تغيرات السرعة  $V$  لحركة G على القطعة AB بدلالة الزمن .

(1) ما طبيعة حركة G على القطعة AB ؟ علل جوابك .

(2) حدد مبيانيا قيمة التسارع  $a$  لحركة G .

(3) أحسب المسافة AB .

(4) تخضع المجموعة (S) على القطعة BO لقوة الدفع  $\vec{F}$  للمحرك وقوة احتكاك  $\vec{f}$  شدتها  $f = 500 \text{ N}$  . نعتبر القوتين ثابتتين وموازيتين للقطعة BO . أوجد ، بتطبيق القانون الثاني لنيوتون ، الشدة  $F$  لقوة الدفع لكي تبقى للمجموعة (S) نفس قيمة التسارع  $a$  لحركتها على القطعة AB .

II. دراسة حركة المجموعة (S) في مجال الثقالة المنظم .

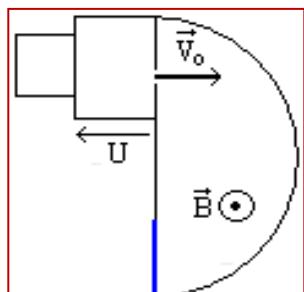
تصل المجموعة (S) إلى النقطة O بسرعة  $V_0 = 30 \text{ m/s}$  قيمتها  $\sqrt{V_0}$  وتنتابع حركتها لتسقط في النقطة E التي تبعد عن النقطة C بمسافة  $CE = 43 \text{ m}$  . نأخذ لحظة بداية تجاوز (S) للخدق أصلا جديدا لمعلم الزمن حيث يكون G منطبقا مع O أصل المعلم  $R(Oxz)$  . انظر الشكل (1) .

# هذا الملف تم تحميله من موقع Talamid.ma

- (1) أكتب المعادلتين الزمنيتين  $(t)x$  و  $(t)z$  لحركة  $G$  في المعلم  $(Oxz)$ . (تطبيق عددي)
- (2) استنتج معادلة المسار ، وحدد إحداثي قمته .
- (3) حدد الارتفاع  $h$  بين النقطتين  $C$  و  $O$  .

## التمرين 4:

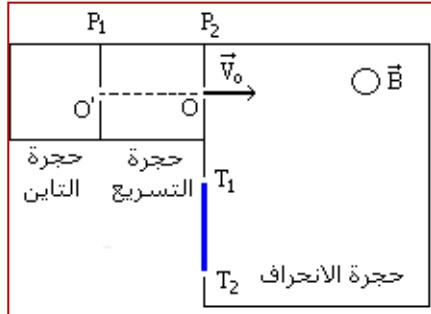
بواسطة راسم الطيف للكتلة، نريد فرز نظيرين  $Li^+$  و  $Li^+$  لذرة الليثيوم  $Li$  كلتاهما بالتتابع  $m_1$  و  $m_2$  . تتحول ذرات الليثيوم في حجرة التأين إلى أيونات  $Li^+$  ثم تغادر هذه الحجرة بسرعة تعتبرها منعدمة بالنسبة لمعلم مرتبط بالأرض تسرع هذه الأيونات بواسطة توتر  $U=1000V$ ، فتخترق بسرعة بدائية  $v_0$  في المجال المغناطيسي منتظم متوجهه  $\vec{B}$  عمودي على السرعة الدائمة للأيونات. تأخذ الأيونات  $Li^+$  في هذه الحالة ، حركة بحيث تسقط على مكشاف.(انظر الشكل). نهمل وزن الدقائق أمام القوى الأخرى المؤثرة عليها. كما نهمل المجال المغناطيسي الأرضي.



- (1) أحسب الطاقة الحركية للأيونات  $Li^+$ ، عند وصولها المجال المغناطيسي بالإلكترون فولط.
- (2) هل كل الأيونات  $Li^+$  تل JACK المجال المغناطيسي  $\vec{B}$  بنفس السرعة؟ على جوابك.
- (3) ما طبيعة حركة الأيونات  $Li^+$  في الحيز الذي يوجد فيه المجال المغناطيسي؟
- (4) حدد المسافة الفاصلة بين البقعتين الناجمتيين عن اصطدام الأيونات  $Li^+$  بالمكشاف.

نعطي :  $m_p = m_n = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,  $B = 0,12 \text{ T}$

## التمرين 5:



يمكن راسم الطيف للكتلة من فرز أيونات ذات كتل مختلفة(النطائر)، انظر الشكل.

- (1) تبعث أيونات  $A^2Mg^{2+}$  و  $A^1Mg^{2+}$  من الثقب 'O' و بسرعة مهملة لتدخل حجرة التسريع حيث يطبق توتر  $U_{P1P2}$  بين الصفيحتين  $P_1$  و  $P_2$ .  
أ. ما هي إشارة التوتر  $U_{P1P2}$ ؟

- ب. بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية، أوجد تعبير السرعة  $v_1$  للأيون  $A^1Mg^{2+}$ . عند الثقب 'O' بدلالة  $A^1Mg^{2+}$  و  $m_1$  و  $e$  و كتلة  $A^2Mg^{2+}$  و  $m_2$  و كتلة الأيون  $A^2Mg^{2+}$ .

- ج. استنتاج تعبير السرعة  $v_2$  للأيون  $A^2Mg^{2+}$  بدلالة  $A^2Mg^{2+}$  و  $m_2$  و  $e$  و  $m_1$  و كتلة الأيون  $A^1Mg^{2+}$ .

- (2) يدخل الأيون إلى غرفة الانحراف حيث يطبق مجال مغناطيسي منتظم  $\vec{B}$  متعامد مع مستوى الحجرة .

- أ. عين على التبيانية منحى متوجه المجال  $\vec{B}$  لكي تلقط الأيونات على الصفيحة الفوتografية  $T_1T_2$ .

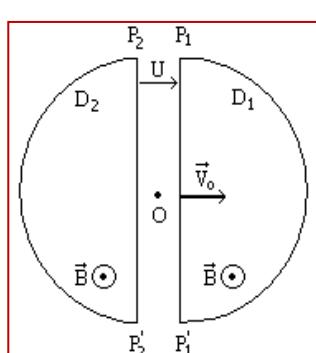
- ب. بين أن حركة الأيونين منتظمة و استنتاج تعبير شعاع مسار كل من الأيونين بدلالة  $m_1$  و  $m_2$  و  $e$  و  $B$ ,  $U_{P1P2}$ .

- (3) نعتبر أن:  $m_1 = A_1 u$ ,  $m_2 = A_2 u$ ,  $m_1 = A_1 u$ , حيث  $u$  وحدة الكتلة الذرية.

- أ. أوجد بدلالة  $R_1$  و  $R_2$  المسافة  $T_1T_2$  حيث  $T_1$  نقطة التقاط الأيون  $A^1Mg^{2+}$  و  $T_2$  نقطة التقاط الأيون  $A^2Mg^{2+}$ .

- ب. أحسب  $A_2$ . نعطي:  $A_1 = 24$ ,  $OT_1 = 99,75 \text{ cm}$ ,  $OT_2 = 103,92 \text{ cm}$ .

## التمرين 6:



يوجد داخل أسطوانتي سيكلوترون  $D_1$  و  $D_2$  مجال مغناطيسي منتظم شدته  $B=0,14 \text{ T}$  (انظر الشكل). نطبق بين الجدارين '  $P_1P_1'$  و  $P_2P_2'$  للاسطوانتين  $D_1$  و  $D_2$  توتر  $U$  تغير إشارته دورياً. تطلق حزمة من البروتونات من النقطة 'O' و تصل إلى المنقطة  $D_1$  بسرعة  $v_0$  منظمة .  $V_0 = 4,38 \cdot 10^5 \text{ m/s}$ .

- (1) أوجد تعبير الشعاع  $R_1$  لمسار البروتونات في المنقطة  $D_1$  و كذلك تعبير مدة السير المنجز.

- (2) حدد متوجهة السرعة  $\vec{V}_1$  للبروتونات عند خروجها من المنقطة  $D_1$  مخترقة الجدار '  $P_1P_1'$ .

- (3) ما هي إذن إشارة التوتر  $U$  لتسريع البروتونات، وبأية سرعة تدخل الأيونات المنقطة  $D_2$ ؟

- (4) أوجد تعبير الشعاع  $R_2$  لمسار البروتونات في المنقطة  $D_2$  و كذلك مدة السير المنجز .

- (5) ما هي إشارة التوتر  $U$  عند مغادرة البروتونات المنقطة  $D_2$  مخترقة الجدار '  $P_2P_2'$ ؟ أحسب دور و تردد التوتر  $U$  مهملاً مدة الانتقال عبر المجال بين المنقطتين  $D_1$  و  $D_2$ .

- (6) ليكن  $R_{\max}$  شعاع الاسطوانتين القصوي. أحسب السرعة و الطاقة الحركية القصوية التي تكتسبها البروتونات.

نعطي:  $U_{P1P2} = 2 \text{ kV}$ ,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,  $m = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ,  $R_{\max} = 0,8 \text{ m}$