

الجزء الثالث : الكهرباء

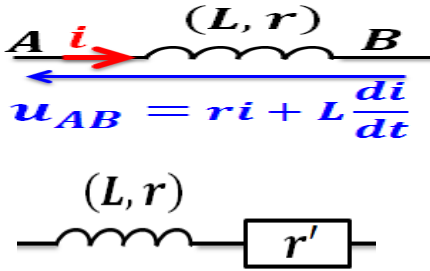
الوحدة 2

ذ. هشام محجر

ثنائي القطب RL $Le Dipôle $RL$$

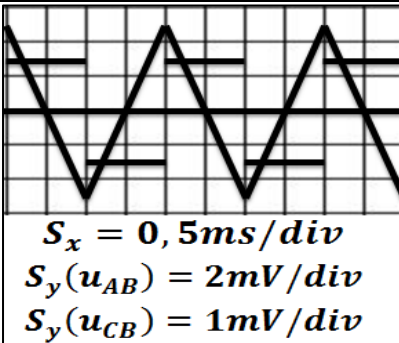
دولة المغرب
السلطان محمد السادس
الجامعة المغربية

الثانية باكالوريا
الفيزياء-جميع الشعب
الصفحة : $\frac{1}{3}$



- * الوشيعة ثنائي قطب يتكون من سلك موصل ملفوف حول مادة عازلة حيث r مقاومتها الداخلية و L معامل تحريضها الذاتي وحدته هي الهنري H
- * تتصرف الوشيعة في النظام الدائم ($I = cte$) كموصل أومي $u_L = r \cdot I$
- * تقاوم الوشيعة إقامة أو انقطاع التيار الذي يجتازها بسبب الجداء $L \cdot \frac{di}{dt}$
- * ثنائي القطب RL هو تجميع على التوالي لموصل أومي مقاومته r' و وشيعة $R = r + r'$ مع (L, r)
- * نسمي المقدار $\tau = \frac{L}{R}$ ثابتة الزمن لثنائي القطب RL ، لأن لها بُعد الزمن، وحدتها في (ن ، ع) هي الثانية s .

استجابة ثنائي القطب RL	إقامة التيار	انقطاع التيار
المعادلة التفاضلية	$\tau \cdot \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R}$	$\tau \cdot \frac{di}{dt} + i = 0$
حليها	$i(t) = \frac{E}{R} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ $u_L(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{rE}{R_t} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$	$i(t) = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$ $u_L(t) = E \cdot \left(\frac{r}{R_t} - 1 \right) \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$
المنحنى $i = f(t)$		
* تعبير الطاقة المخزونة في الوشيعة : $E_m = \frac{1}{2} L \cdot i^2$		



والتوتر u_{CB} في المدخل Y_2 فنحصل على المنحنيين التاليين :

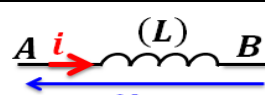
- 1- بين على التبيانة كيفية ربط راسم التذبذب وارسم

السهمين الممثلين لـ u_{AB} و u_{CB} واعط تعبيريهما .

2- عين ، معلا جوابك ، المنحنى الممثل لتغيرات u_{AB} المعاين على شاشة راسم التذبذب .

3- أوجد العلاقة بين R و L و $\frac{du_{AB}}{dt}$ و u_{CB} .

4- احسب قيمة L .



تمرين 1 :

يمر في وشيعة AB معامل

تحريضها L تيار كهربائي شدته $i(t) = \frac{10t}{4+5t}$

1- عبر عن التوتر u_{AB} بدلالة L و $i(t)$

2- استنتج قيمة L إذا علمت أن

$$u_{AB}(3ms) = 1,5V$$

تمرين 2 :

يمثل التركيب جانبه دائرة مكونة من

موصل أومي مقاومته $R = 500\Omega$

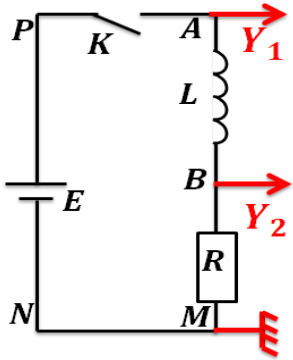
، وشيعة معامل تحريضها L

ومقاومتها مهملة ، ومولد GBF ينتج تيارا مثلثيا .

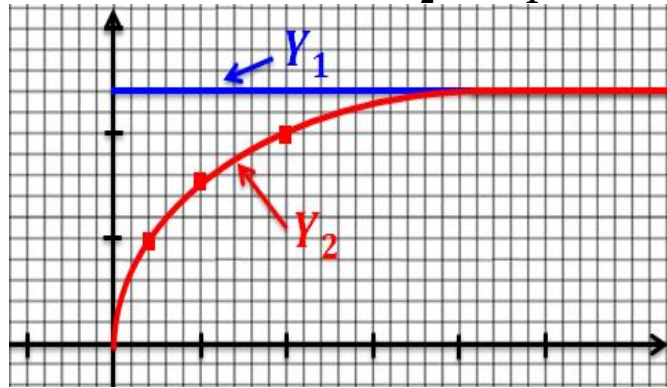
نعين بواسطة راسم التذبذب التوتر u_{AB} في المدخل Y_1

ثنائي القطب RL $Le Dipôle $RL$$

تمرين 5 :



نعتبر التركيب الكهربائي جانبه .
لمعاينة التوترين نستعمل راسم تذبذب ذاكراتي .
نشاهد على الشاشة عند إغلاق قاطع التيار K ، المنحنيين الممثلين للتوترين عند المدخلين Y_1 و Y_2 .



الدراسة التجريبية :

- 1- تعرف على التوتر عند Y_1 . علل تسمية رتبة التوتر .
- 2- ما التوتر المشاهد عند Y_2 ؟ هل يمكن معاينة شكل $i(t)$ ؟
- 3- ما تأثير الوشيجة على مرور التيار ؟

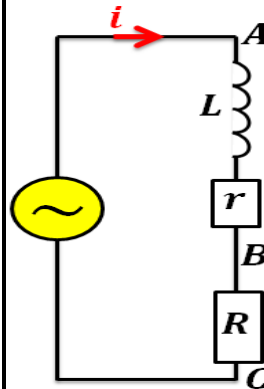
الدراسة النظرية :

- 4- استخرج المعادلة التفاضلية لاستجابة RL لشدة التيار .
- 5- تحقق أن $i(t) = \frac{E}{R}(1 - e^{-\frac{E}{R}t})$ هي حل للمعادلة التفاضلية . احسب ثابتة الزمن τ علما أن $L = 120mH$ و $R = 4\Omega$.
- 6- احسب قيم $i(0)$ و (τ) و (5τ) و $i(\infty)$.
نعطي $E = 12V$.
أنشئ المنحنى $i = f(t)$ ثم بين أن τ هي أفصول نقطة تقاطع المماس للمنحنى عند $t = 0$ مع المقارب الأفقي .
- 7- احسب الطاقة المغنطيسية المخزونة في الوشيجة $E_m(0)$ و $E_m(\infty)$.

تمرين 3 :

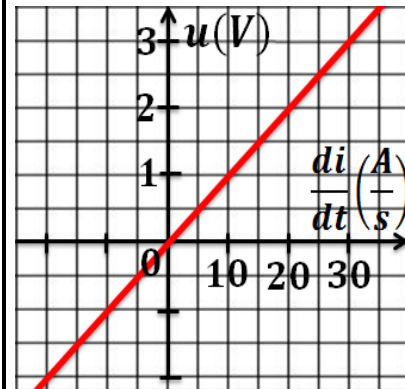
- يتكون ثنائي القطب RL من وشيجة خالصة معامل تحريضها $L = 1,1H$ وموصل أومي مقاومته $R = 50\Omega$.
نصل مربطي ثنائي القطب بمولد للتوتر المستمر قوته الكهربائية $E = 6V$. نغلق الدارة لوقت طويل ثم نفتحها في اللحظة $t = 0$.
- 1- مثل تبيانة التركيب الكهربائي المنجز ثم وجهه .
 - 2- استخرج المعادلة التفاضلية لاستجابة ثنائي القطب لشدة التيار .
 - 3- بين أن حل المعادلة السابقة هو $i(t) = Ke^{-m.t}$.
ثم حدد قيمتي الثابتين K و m .
 - 4- اعط شدة التيار المار في الدارة عند استقرار النظام الدائم . علل الجواب .

تمرين 4 :



ننجز التركيب جانبه المكون من وشيجة AB وموصل أومي مقاومته R ، ومولد يزود الدارة بتيار متناوب جيبي .

- 1- ما المقادير المميزة للوشيجة AB ؟
- 2- اكتب تعبير التوتر u_{AB} .
- 3- نعين باعتماد وسائط معلوماتية على شاشة حاسوب التوتر u_{BC} . اكتب تعبير u_{BC} وارسم شكل تغيراته بدلالة الزمن .
- 4- يمكننا برنام معلوماتي من حساب المقدار $u = u_{AC} - u_{BC} - r.i$ والحصول على منحنى



- 1- أوجد العلاقة بين $\frac{di}{dt}$ و u .
- 2- بين أن المنحنى الممثل جانبه يمكن من حساب L . وحدد قيمتها التقريبية .

