

\* يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة.

\* تعطى التعابير الحرفية قبل التطبيقات العددية و تكون النتيجة مصحوبة بالوحدة.

\* يمكن للتمارين أن تنجز وفق ترتيب يختاره المترشح.

يتضمن الموضوع أربعة تمارين: تمرين في الكيمياء و ثلاثة تمارين في الفيزياء.

### **التمرين 1: الكيمياء (6,5 نقط)**

- الجزء الأول : معايرة حمض اللاكتيك في حليب.

- الجزء الثاني : العمود كروم- فضة

التمر بن، 2 : الموجات (225 نقطة) - التحولات النحوية (225 نقطة)

I- حبود الضوء

II- تقنيات الأوكسجين، 15

### التمرين 3 : الكهرباء (5.5 نقط)

- شحن مكتف ،

- تفريغ مكتف في، وشيعة،

- التذبذبات القسرية في دارة RLC متوازية

**التمرين 4 : الميكانيك (3.25 نقط)**

-الجزء I: حركة متزلج-

- **الجزء II:** حركة كرية مشحونة في مجال الثقالة وفي مجال كهر ساكن.

الصفحة 8 2	NS 30	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2020 - الموضوع - مادة: الفيزياء والكيمياء- شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	
------------------	-------	---	--

## التمرين 1: الكيمياء (6,5 نقط)

### الجزءان مستقلان

#### الجزء الأول : معايرة حمض اللاكتيك في حليب

تزايد حمضية حليب بالتخمر اللبناني ، نتيجة عدم احترام شروط حفظه. يمكن معايرة حمض اللاكتيك ذي الصيغة  $\text{CH}_3\text{-CHOH-COOH}$  من التعرف على طراوة الحليب. كلما كان الحليب غير طري كلما ازدادت فيه كمية حمض اللاكتيك . نعير حمض اللاكتيك في حليب بقرة ، لم يخضع لأية معالجة ، بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم . نفترض أن حمضية الحليب ناتجة فقط عن تواجد حمض اللاكتيك.

نرمز لحمض اللاكتيك بالصيغة  $\text{HA}$  .

معطيات: - تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة  $25^{\circ}\text{C}$  ،

- الجداء الأيوني للماء :  $K_e = 10^{-14}$  ،

- الكثالة المولية لحمض اللاكتيك:  $90 \text{ g.mol}^{-1}$  .

#### 1- تحضير محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم:

نحضر محلولا مائيا  $(S_B)$  لهيدروكسيد الصوديوم  $\text{Na}_{(\text{aq})}^+ + \text{HO}_{(\text{aq})}^-$  و تركيزه المولي  $C_B$  ، بإذابة كتلة من الصودا في الماء المقطر. أعطى قياس  $\text{pH}$  محلول  $(S_B)$  القيمة  $\text{pH}=12,70$  .

1-1- أثبتت تعبير  $\text{pH}$  محلول  $(S_B)$  بدالة  $K_e$  و  $C_B$  و  $0,5 \text{ N}$  )

1-2- تحقق أن  $C_B = 5,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  و  $0,25 \text{ N}$  )

#### 2- مراقبة جودة حليب بقرة

لتحديد درجة حمضية حليب بقرة، أنجز تقني مختبر المعايرة بقياس  $\text{pH}$  باستعمال محلول المائي  $(S_B)$  لهيدروكسيد الصوديوم ذي التركيز  $C_B$  . لهذا قام بصب حجم  $V_A = 25,0 \text{ mL}$  من الحليب في كأس، ثم أضاف إليه تدريجيا حجما  $V_B$  من محلول  $(S_B)$  و سجل  $\text{pH}$  الخليط التفاعلي بعد كل إضافة.

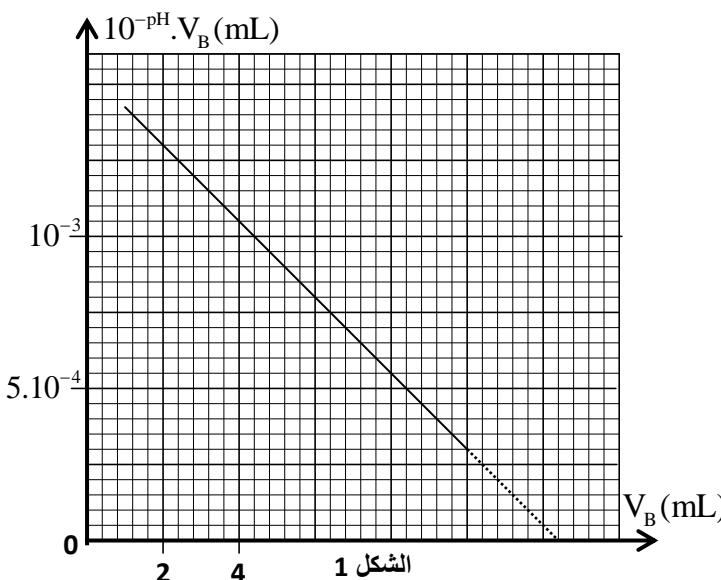
نرمز بـ  $V_{BE}$  لحجم محلول هيدروكسيد الصوديوم المضاف عند التكافؤ ، و بـ  $K_A$  لثابتة الحمضية للمزدوجة  $\text{HA}_{(\text{aq})}/\text{A}_{(\text{aq})}^-$  .

2-1- اكتب المعادلة الكيميائية المنفذة للتحول الحاصل أثناء هذه المعايرة.(0,5 ن)

2-2- أثبت العلاقة التي تمكن من تحديد التركيز  $C_A$  لحمض اللاكتيك بدالة  $V_A$  و  $V_B$  و  $C_B$  و  $0,5 \text{ N}$  )

2-3- أثبت العلاقة:  $(V_B \cdot 10^{-\text{pH}} = K_A \cdot (V_{BE} - V_B))$  مع  $0,75 < V_B < V_{BE}$  (0,75 N)

2-4- يمثل منحنى الشكل 1 تغيرات  $10^{-\text{pH}}$  .  $V_B = f(V_B)$  :  $V_B = 10^{-\text{pH}}$  بدالة



بالاعتماد على منحنى الشكل : 1

4-2-1- حدد الحجم  $V_{BE}$  و استنتاج التركيز  $C_A$ . (0,5 ن)

4-2-2- حدد  $pK_A$  للمزدوجة  $HA_{(aq)} / A^-_{(aq)}$  . (0,5 ن)

5-2- يعبر في الصناعة الغذائية عن حمضية حليب بالدرجة دورنيك (Dornic) (°D). درجة واحدة Dornic (1°D) توافق  $g\text{ }1,0 \cdot 10^{-1}$  من حمض اللاكتيك لكل لتر واحد من الحليب. يعتبر حليب طرياً إذا كانت حمضيته تتراوح بين  $D = 15^{\circ}$  و  $D = 18^{\circ}$ . هل يمكن اعتبار الحليب المدروس طرياً؟ علل الجواب. (0,75 ن)

الجزء الثاني : العمود كروم- فضة

يتكون العمود كروم- فضة من مقصورتين موصولتين بقطرة ملحية. تتكون المقصورة (1) من صفيحة من الكروم مغمورة في الحجم  $V=100\text{ mL}$  من محلول مائي لنترات الكروم III  $\left[Cr^{3+}_{(aq)}\right]_i = C_1 = 0,100\text{ mol.L}^{-1}$

تتكون المقصورة (2) من صفيحة من الفضة مغمورة في الحجم  $V$  من محلول مائي لنترات الفضة  $\left[Ag^+_{(aq)}\right]_i = C_1 = 0,100\text{ mol.L}^{-1}$

**المعطيات:** - المزدوجتان المتداخلتان في التفاعل  $Cr^{3+}_{(aq)} + Ag_{(s)} \rightarrow Cr^{3+}_{(aq)} + Ag_{(aq)}$  ،

- ثابتة فرادي :  $I_F = 9,65 \cdot 10^4 \text{ C.mol}^{-1}$  ،

- الكتلة المولية:  $M(Cr) = 52 \text{ g.mol}^{-1}$

نركب، على التوالي، بين قطبي العمود موصلاً أوميا (D) وأمبيرمترا (A) وقاطعاً للتيار  $K$ .  
نغلق الدارة عند اللحظة  $t_0 = 0$  ، فيشير الأمبيرمتر إلى مرور تيار كهربائي شدته  $I_0$  ثابتة و موجبة عندما يكون مربطة COM مرتبطة بالإلكترود الكروم.

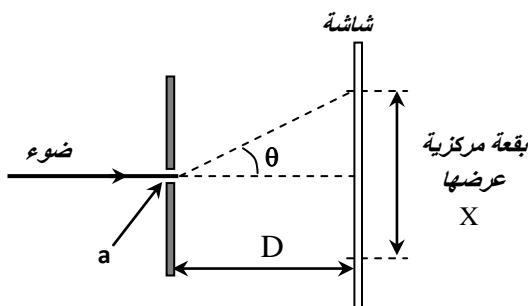
خلال اشتغال العمود، تتناقص كثافة أحد الإلكترودين ب  $52\text{ mg}$  بعد المدة  $t_1 - t_0 = \Delta t$  من الاشتغال.

1- اكتب المعادلة الحصيلة خلال اشتغال العمود. (0,5 ن)

2- حدد تقدم تفاعل اشتغال العمود عند اللحظة  $t_1$ . (0,5 ن)

3- استنتاج، عند اللحظة  $t_1$  ، التركيز المولي لأيونات الكروم  $Cr^{3+}$ . (0,5 ن)

4- علماً أن شدة التيار  $I_0 = 50\text{ mA}$  ، اوجد قيمة اللحظة  $t_1$ . (0,75 ن)



## التمرين 2 :الموجات (2,5 نقط) - التحولات النووية (2,25 نقط)

### I- حيود الضوء

نأخذ سرعة انتشار موجة ضوئية في الهواء:  $c = 3.10^8 \text{ m.s}^{-1}$ .

تمثل تبيانية الشكل جانب الترکیب التجاری لدراسة حيود الضوء.

نضئ شقا عرضه  $a$  بواسطه الضوء الأحمر للازر طول موجته  $\lambda_1 = 632,8 \text{ nm}$  ثم بواسطه ضوء أصفر لحبابة لزباق طول موجته  $\lambda_2$  غير معروفة.

نشاهد على شاشة توجد على مسافة  $D$  من الشق شكل الحيود المحصل عليه، حيث عرض البقعة المركزية  $X_1 = 6,0 \text{ cm}$  بالنسبة للضوء الأحمر و  $X_2 = 5,4 \text{ cm}$  بالنسبة للضوء الأصفر.

1- أعط عدد الإثباتات الخاطئة من بين الإثباتات التالية: (0,5 ن)

أ- تبرز تجربة الشكل ظاهرة تبدد الضوء.

ب- عند مرور موجة طول موجتها  $\lambda$  عبر شق عرضه  $\frac{\lambda}{2}$  في نفس الوسط، فإن سرعته تتغير.

ج- عند مرور موجة طول موجتها  $\lambda$  عبر شق عرضه  $\frac{\lambda}{2}$ ، في نفس الوسط فإن طول موجتها ينقص بالنصف.

د- في وسط مبدد، إذا تناقص طول الموجة  $\lambda$ ، فسرعة انتشار الإشارة تزداد.

2- نعتبر أن الفرق الزاوي  $\theta$  صغيرا بحيث  $\tan \theta \approx \theta$  مع  $\theta$  معبر عنه بالراديان.

1-2- أعط التعبير الذي يمكن من تحديد الزاوية  $\theta$  باعتماد فقط المقاييس الواردة في الشكل. (0,25 ن)

2-2- بين أن الخارج  $\frac{\lambda}{X}$  ثابت بالنسبة لتركيب تجاري معين واستنتاج طول الموجة  $\lambda_2$ . (0,75 ن)

3- إذا تم إنجاز نفس التجربة باستعمال الضوء الأبيض، نلاحظ بقعة بيضاء وحزات ملونة. فسر ذلك. (0,5 ن)

4- احسب طول موجة الضوء الأحمر للازر المستعمل عند انتشاره في وسط معامل انكساره  $n = 1,5$  و كذا سرعة انتشاره في هذا الوسط. (0,5 ن)

### II- تفتق الأوكسيجين 15

يعتبر التصوير المقطعي بالإصدار البوزيتروني المرمز له ب PET (Positron Emission Tomography ) تقنية تصوير في الطب النووي ؛ تمكن من الحصول على صور دقيقة ثلاثة الأبعاد لبعض أعضاء الجسم وما قد يكون فيها من أمراض كأمراض السرطان. و من المواد المشعة التي تحقق في جسم المريض ذكر الفلوريور، الأوكسيجين، الأزووت ...

في هذا التمرين نستعمل الأوكسيجين 15 ( $O^{15}$ ) أحد نظائر الأوكسيجين.

في التصوير المقطعي(PET) يتم الكشف عن جزيئات الماء(الموجودة بوفرة في الدماغ) باستعمال الماء المشع الذي يتضمن الأوكسيجين 15 ( $O^{15}$ ) و الذي يتم حقه في المريض عبر وريد.

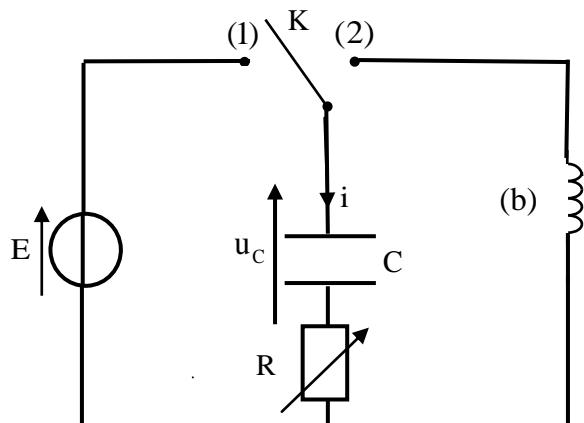
ينتج عن تفتق الأوكسيجين 15 التويدة  $X_Z^A$  مع انبعاث بوزيترون.

**معطيات:** ثابتة أفوکادرو:  $1u = 931,494 \text{ MeV} \cdot \text{c}^{-2}$  ،  $N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$  ،  
الكتلة المولية للماء:  $\rho = 1 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$  ، الكتلة الحجمية للماء:  $M = 18 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$  ،  
 $m(^0_1 e) = 5,486 \cdot 10^{-4} \text{ u}$  ،  $m(^{15}_8 O) = 15,003066 \text{ u}$  ،  $m(^A_Z X) = 15,000109 \text{ u}$  ،  
عمر النصف للأوكسجين 15 :  $t_{1/2} = 122 \text{ s}$ .

- 1- اكتب معادلة تفاعل تفتق نواة الأوكسجين  $O^{15}_8$  مع تحديد العددين A و Z للنواة المتولدة. (0,5 ن)
- 2- حدد بالوحدة  $\Delta E$  MeV ، الطاقة المحررة عن تفتق نواة الأوكسجين 15. (0,5 ن)
- 3- نعتبر أن حجم حقنة نشاطها البديي  $Bq = 3,7 \cdot 10^7$  هو  $V = 5 \text{ cm}^3$  ، أوجد نسبة جزيئات الماء التي تحتوي  $O^{15}_8$  في هذه الحقنة. (0,75 ن)
- 4- لمواصلة الفحص ب PET نفترض أنه من الضروري حقن المريض من جديد عندما يصبح نشاط العينة  $(t_1)$  للنواة  $O^{15}_8$  المتبقية عند اللحظة  $t$  تقربيا 0,15% من النشاط البديي  $a_0$  للحقنة عند  $t=0$ . على ، حسابيا، أنه يمكن انجاز حقن جديد بعد مدة زمنية تقارب  $t=20 \text{ min}$ . (0,5 ن)

### التمرين 3 : الكهرباء (5,5 نقط)

تستعمل المركبات الكهربائية مثل الموصلات الأولى و المكثفات ... في مختلف الدارات الكهربائية لمجموعة من الأجهزة الكهربائية والإلكترونية ... درس في هذا التمرين:



الشكل 1

• إستجابة ثنائي القطب RC لرتبة توتر صاعدة،

• التذبذبات الحرة و التذبذبات القسرية في دارة RLC متوازية.

نجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 1 و المكون من:

- مولد مؤتمثل للتواتر قوته الكهرومagnetique E،
- مكثف سعته C غير مشحون بدنيا،
- موصل أولي مقاومته R قابل للضبط ،
- وشيعة (b) معامل تحريرها L و مقاومتها  $\Omega = 12 \text{ r}$  ،
- قاطع للتيار K .

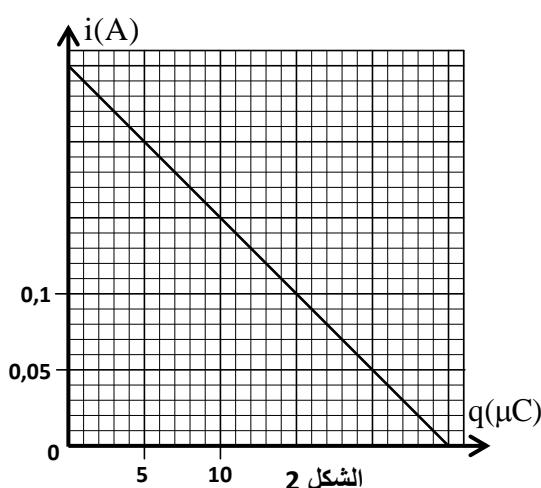
### 1- شحن المكثف

نضبط المقاومة R على القيمة  $R = R_0 = 40 \Omega$  و نضع القاطع K في الموضع (1) عند لحظة نتخذها أصلًا للتواريخ ( $t = 0$ ).

1-1- أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة ( $q(t)$ ) للمكثف. (0,5 ن)

1-2- يمثل منحني الشكل 2 تغيرات الشدة ( $i(t)$ ) للتيار الكهربائي بدالة الشحنة ( $q(t)$ ).

بالاعتماد على منحني الشكل 2 ، أوجد: 1-2-1- قيمة E. (0,25 ن)



الشكل 2

1-2-2- قيمة ثابتة الزمن. (0,5 ن)

1-3- تحقق أن  $C = 2,5 \mu F$ . (0,25 ن)

2- تفريغ المكثف في الوشيعة

1-2-1- نضبط المقاومة R على قيمة R.

عندما يتحقق النظام الدائم ، نورجح قاطع التيار K إلى الموضع (2) عند لحظة نتخذها أصلًا جديداً للتاريخ ( $t = 0$ ) .  
ممكن نظام مسّك معلوماتي ملائم من خط المنحنى الممثل لتغيرات الشحنة  $q(t)$  للمكثف (الشكل 3).

1-1-2- بين أن المعادلة التفاضلية التي تتحققها الشحنة  $q(t)$  تكتب على الشكل:  $\frac{d^2q(t)}{dt^2} + A \cdot \frac{dq(t)}{dt} + B \cdot q(t) = 0$  حيث A و B ثابتان موجبتان. (0,5 ن)

1-1-2- حدد قيمة التوتر بين مربطي الوشيعة مباشرة بعد وضع القاطع K في الموضع (2). (0,25 ن)

1-1-3- باعتبار شبه الدور للتنزبات يساوي الدور الخاص للمتذبذب LC ، تحقق أن  $L = 1,0 H$  . ( $\pi^2 = 10$ ). (0,25 ن)

1-2-2- احسب الطاقة المبددة بمفعول جول في الدارة بين اللحظتين  $t = 0$  و  $t_1$  المعينة في الشكل 3. (0,5 ن)

1-2-2- نغير قيمة المقاومة R فنحصل على نظام لادوري للمتذبذب عندما تكون  $A > 2\sqrt{B}$  . في هذه الحالة تكون المقاومة الكلية للدارة أكبر من قيمة R.

باستعمال معادلة الأبعاد، تتحقق أن تعبير R له بعد مقاومة و حدد القيمة الدنيا للمقاومة R. (0,75 ن)

### 3- التنزبات الكهربائية القسرية في دارة RLC متواالية

نزوء الدارة المكونة من ثنايات القطب السابقة (الوشيعة

(b) و الموصل الأومي ذو المقاومة R القابلة للضبط و المكثف ذو السعة C )

بمولد GBF يعطي توتراً متذبذباً جيبياً  $u(t) = U_m \cos(2\pi N t + \varphi)$  تردد  $N$  قابل للضبط(الشكل 4).

تكتب شدة التيار الكهربائي المار في الدارة كما يلي:  $i(t) = I_m \cos(2\pi N t)$ .

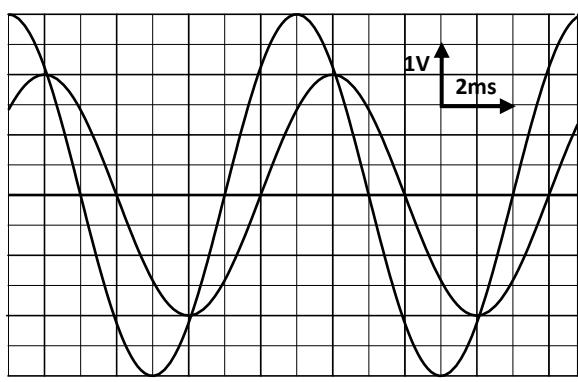
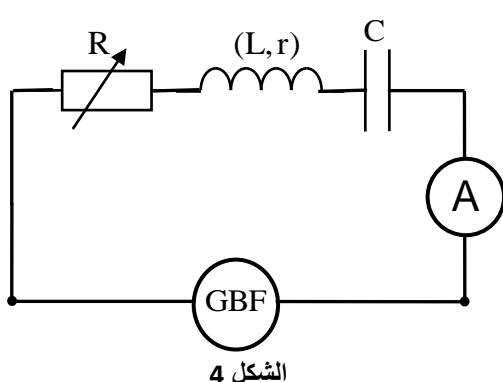
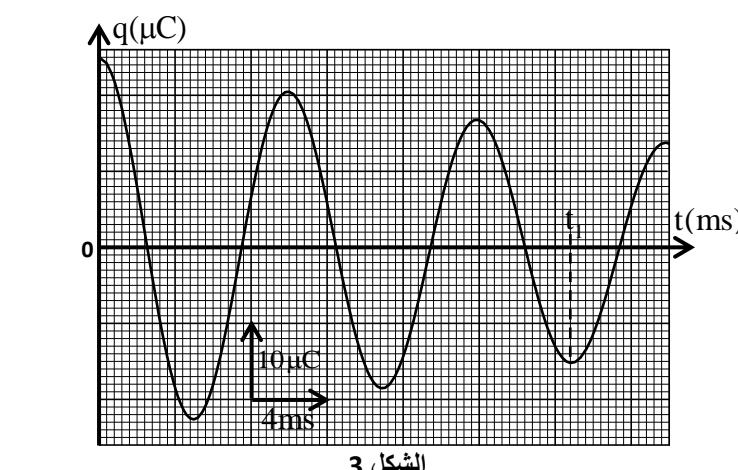
نضبط المقاومة R على قيمة R ونعين بواسطة نظام مسّك معلوماتي ملائم التوتر  $u_R$  بين مربطي الموصل الأومي عند المدخل  $Y_A$  ، والتوتر  $u(t)$  عند المدخل  $Y_B$  فنحصل على الرسم التنذبي الممثل في الشكل 5.

3-1- حدد شدة التيار الكهربائي التي يشير إليها جهاز الأمبير متر علماً أن

قياس ممانعة الدارة أعطى  $Z = 390,4 \Omega$ . (0,5 ن)

3-2- احسب قيمة R. (0,5 ن)

3-3- اكتب التعبير العددي للتوتر  $u(t)$ . (0,75 ن)



## التمرين 4: الميكانيك (3,25 نقط)

### الجزء I و II مستقلان

#### الجزء I: دراسة حركة متزلج

ندرس في هذا الجزء حركة متزلج على مستوى مائل في حالتين:

- **الحالة الأولى:** قوة الاحتكاك المائي المطبقة من طرف الهواء مهملة،

-**الحالة الثانية:** قوة الاحتكاك المائي المطبقة من طرف الهواء غير مهملة.

\* نأخذ شدة القالمة:  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$  ونهمل دافعة أرخميدس.

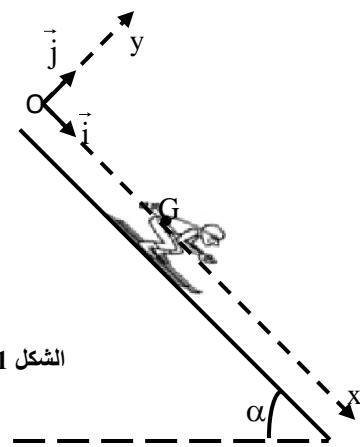
ينزلق متزلج على سكة مستوية و مائلة بزاوية  $\alpha = 45^\circ$  بالنسبة للمستوى الأفقي وفق الخط الأكبر ميلا (الشكل 1).

ننجز المتزلج ولوازمه بجسم صلب (S) كتلته  $m = 75 \text{ kg}$  ومركز قصوره G.

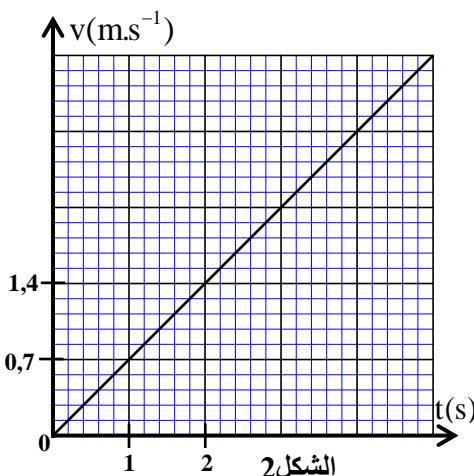
ندرس حركة G في معلم متعمد منظم ( $\bar{O}, \bar{i}, \bar{j}$ ) مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا.

عند اللحظة  $t=0$ ، ينطلق المتزلج بدون سرعة بدئية ويكون G منطبقا مع O أصل المعلم

(الشكل 1) عند هذه اللحظة.



الشكل 1



الشكل 2

#### 1- الحالة الأولى: حركة المتزلج بدون احتكاك مائي

يتم التماس بين الجسم (S) و السكة باحتكاك صلب. تطبق السكة على المتزلج قوة  $\bar{R}$  ذات

مركبة مماسية  $\bar{T}$  و مركبة منتظمة  $\bar{N}$ . ترتبط شدتا  $\bar{T}$  و  $\bar{N}$  خلال حركة المتزلج

بالعلاقة  $T=k.N$  مع  $k$  ثابتة.

1-1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون، عبر عن تسارع حركة G بدلالة g و  $\alpha$  و k (0,5 ن)

1-2- يمثل منحنى الشكل 2 تغيرات السرعة v لمركز القصور G بدلالة الزمن.

حدد مبيانيا تسارع الحركة (0,25 ن)

1-3- تحقق أن  $k=0,9$  (0,25 ن)

#### 2- الحالة الثانية: حركة المتزلج باحتكاك مائي

بالإضافة إلى نفس القوى المطبقة على (S) في الحالة الأولى، يخضع الجسم (S) لقوى الاحتكاك المائي ، الناتجة عن الهواء، التي ننجزها بالقوة  $\bar{F} = -\lambda \bar{v}$ ، مع  $v$  سرعة مركز القصور G عند اللحظة t و  $\lambda$  ثابتة موجبة قيمتها  $\lambda = 5 \text{ S.I.}$ .

2-1- بين، باستعمال القانون الثاني لنيوتون، أن المعادلة التقاضية لحركة G تكتب على الشكل التالي:  $\frac{dv}{dt} + A.v + B = 0$  تكتب على الشكل التالي:

مع  $\bar{v} = \bar{v}_i$  و A و B ثابتان (0,5 ن)

2-2- حدد  $v_i$  قيمة السرعة الحدية لحركة (0,25 ن)

2-3- حدد، بالاستعانة بالجدول جانبه وباستعمال طريقة أولير، السرعة  $v_2$  لحركة

الجسم (S) (خطوة الحساب  $\Delta t = t_2 - t_1 = 0,5 \text{ s}$ )

$t(s)$	$v(\text{m.s}^{-1})$	$a_G(\text{m.s}^{-2})$
$t_1 = 14$	$v_1 = 6,30$	$a_1$
$t_2 = 15,4$	$v_2$	$a_2$

**الجزء II :** حركة كرية مشحونة في مجال الثقالة و في مجال كهرسakan  
نضع صفيحتين فلزيتين (A) و (C) في الفراغ ، حيث تفصل بينهما المسافة  $d$  و نطبق بينهما توتراً موجباً  $V_A - V_C = U_0$ .

طول كل صفيحة هو  $\ell$ . يوجد بين الصفيحتين مجال كهرسakan منتظم  $\vec{E}$ . (الشكل 3)

نطلق، بدون سرعة بدئية عند اللحظة  $t=0$  اطلاقاً من نقطة  $M_0$  ، كرية (S) ، كتلتها  $m$  و تحمل شحنة  $q$  موجبة.

ندرس حركة مركز القصور  $G$  للكرية (S) في معلم متواحد منظم  $R(O, \vec{i}, \vec{j})$  مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا.

احداثينا النقطة  $M_0$  في المعلم  $(\vec{i}, \vec{j})$  هما:  $x_0 = \frac{d}{2}$ ;  $y_0 = \ell$  (الشكل 3)

تخضع الكرية (S) بين الصفيحتين بالإضافة إلى وزنها إلى القوة الكهرباسكينة  $\vec{F} = q\vec{E}$ .

**معطيات:**

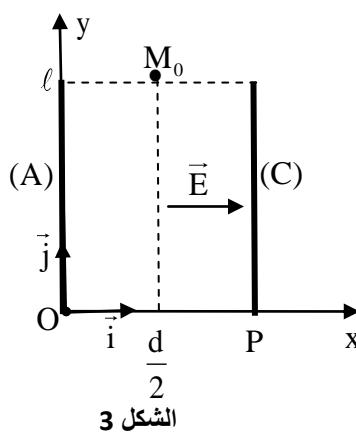
$$\alpha = \frac{q}{m} = 10^{-6} \text{ C.kg}^{-1}$$

$$E = \frac{U_0}{d}$$

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون، اثبت المعادلين الزمنيين  $x(t)$  و  $y(t)$  لمركز القصور  $G$  بدلالة  $U_0$  و  $t$  (في النظام العالمي للوحدات). (0,5ن)

2- استنتج معادلة مسار الكرية. (0,25ن)

3- بالنسبة لقيمة محددة للتوتر  $U_0$  ، يمر مسار الكرية من النقطة  $P$  ذات الإحداثيين  $(d, 0)$ . بين أن  $U_0 = 8 \text{ kV}$  (0,25ن)



الشكل 3