

تصحيح الامتحان الوطني في الفيزياء
الدورة الاستدراكية 2018
العلوم الرياضية أول

الكيمياء

الجزء الأول: السرعة الحجمية لتفاعل، تفاعلات حمض-قاعدة

- 1- تتبع التطور الزمني للتركيز المولى الفعلي لأيون تحت الكلوريت ClO^-
- 1-1- الجدول الوصفي لتقادم التفاعل:

معادلة التفاعل		$2\text{ClO}^-_{(aq)} \rightarrow 2\text{Cl}^-_{(aq)} + \text{O}_2(g)$	كميات المادة ب mol		
حالة المجموعة	التقدم		الحالات البدئية	الحالات الوسيطية	الحالات النهائية
الحالة البدئية	0	$C_0 \cdot V$	0	0	
الحالة الوسيطية	x	$C_0 \cdot V - 2x$	$2x$	x	
الحالة النهائية	x_f	$C_0 \cdot V - 2x_f$	$2x_f$	x_f	

1-2- إثبات أن التركيز المولى الفعلي ل ClO^- عند $t = t_{1/2}$ هو $\frac{C_0}{2}$
 زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ هو المدة التي يأخذ فيها تقدم التفاعل x نصف قيمة النهاية (أو القصوية):
 $x_{1/2} = \frac{x_{max}}{2}$ أي: $x_{1/2} = \frac{C_0 \cdot V}{2}$ وبالتالي: $x_{max} = \frac{C_0 \cdot V}{4}$ وبالتالي:
 ليكن $[ClO^-]_{1/2}$ تركيز أيون تحت الكلوريت عند $t = t_{1/2}$ حيث:

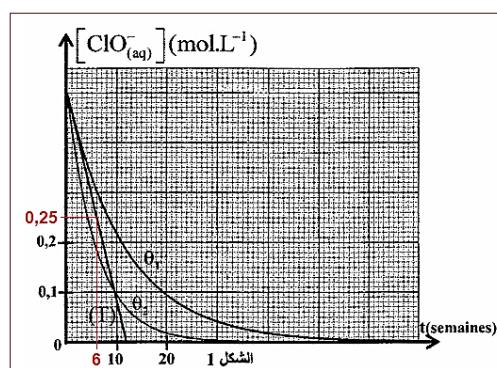
$$[ClO^-]_{1/2} = \frac{n(ClO^-)_{1/2}}{V} = \frac{C_0 \cdot V - 2x_{1/2}}{V} = C_0 - 2 \frac{x_{1/2}}{V} \Rightarrow [ClO^-]_{1/2} = C_0 - 2 \frac{C_0 \cdot V}{4V}$$

$$[ClO^-]_{1/2} = \frac{C_0}{2}$$

- استنتاج $t_{1/2}$ مبيانيا بالنسبة لمنحنى 2:
 لدينا:

$$[ClO^-]_{1/2} = \frac{C_0}{2} = \frac{0,5}{2} = 0,25 \text{ mol. L}^{-1}$$

باستعمال الشكل 1 أفصل 0,25 mol. L⁻¹ هو:
 $t_{1/2} = 6 \text{ semaines}$



1-3- السرعة الحجمية لتفاعل عند $t = 0$ بالنسبة ل θ_1 :
 حسب تعريف السرعة الحجمية: $v(t) = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt}$
 تعبير السرعة الحجمية بدالة $[ClO^-]$:

$$[ClO^-] = \frac{C_0 \cdot V - 2x}{V} \Rightarrow C_0 \cdot V - 2x = [ClO^-] \cdot V \Rightarrow 2x = C_0 \cdot V - [ClO^-] \cdot V$$

$$x = \frac{V}{2} (C_0 - [ClO^-]) \Rightarrow \frac{dx}{dt} = -\frac{V}{2} \cdot \frac{d[ClO^-]}{dt}$$

نعرض في السرعة الحجمية:

$$v(t) = \frac{1}{V} \cdot \left(-\frac{V}{2} \cdot \frac{d[ClO^-]}{dt} \right) = -\frac{1}{2} \cdot \frac{d[ClO^-]}{dt}$$

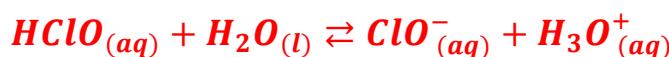
$$v(0) = -\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{\Delta [ClO^-]}{\Delta t} \right)_{t=0} = -\frac{1}{2} \times \left(\frac{0,5 - 0}{0 - 12} \right) \Rightarrow v(0) = 2,1 \cdot 10^{-2} \text{ mol. L}^{-1} \cdot \text{semaine}^{-1}$$

1-4 مقارنة θ_1 و θ_2 مع التعليل:

باستعمال الشكل 3 نلاحظ ان $t_{1/2} = 8,3 \text{ semaines}$ في حين $t_{1/2} = 6 \text{ semaines}$ وبالتالي: أي ان التفاعل الذي انجز عند θ_1 أسرع من الذي انجز عند θ_2 ، بما ان الرفع درجة الحرارة يؤدي إلى تسريع التفاعل، فإن $\theta_2 > \theta_1$.

2- دراسة بعض المحاليل المائية التي تتدخل فيها المزدوجة : $HClO_{(aq)}/ClO^-_{(aq)}$

1- معادلة التفاعل بين حمض تحت الكلورو والماء:



2- تعبير التركيز المولي C بدلالة pH و K_A :

$$K_A = \frac{[ClO^-]_{eq} \cdot [H_3O^+]_{eq}}{[HClO]_{eq}}$$

تعبير ثابتة الحمضية K_A :

حسب الجدول الوصفي:

معادلة التفاعل		$HClO_{(aq)}$	$+ H_2O_{(l)}$	\rightleftharpoons	$ClO^-_{(aq)}$	$+ H_3O^+_{(aq)}$
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة ب (mol)				
البدئية	0	$C \cdot V$	وغير	0	0	
الوسطيّة	x	$C \cdot V - x$	وغير	x	x	
النهائيّة	x_f	$C \cdot V - x_f$	وغير	x_f	x_f	

$$\begin{cases} [ClO^-]_{eq} = [H_3O^+]_{eq} = \frac{x_f}{V} = 10^{-pH} \\ [HClO]_{eq} = \frac{C \cdot V - x_f}{V} = C - \frac{x_f}{V} = C - 10^{-pH} \end{cases}$$

$$K_A = \frac{[H_3O^+]_{eq}^2}{[HClO]_{eq}} = \frac{(10^{-pH})^2}{C - 10^{-pH}} = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$$

$$C - 10^{-pH} = \frac{10^{-2pH}}{K_A} \Rightarrow C = \frac{10^{-2pH}}{K_A} - 10^{-pH} \Rightarrow C = 10^{-pH} \left(\frac{10^{-pH}}{K_A} - 1 \right)$$

$$C = 10^{-5,5} \left(\frac{10^{-5,5}}{5 \cdot 10^{-8}} - 1 \right) \Rightarrow C = 2 \cdot 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

حساب C :

$$\alpha(ClO^-) = \frac{K_A}{K_A + 10^{-pH}}$$

2-3- إثبات العلاقة :

$$\alpha(ClO^-) = \frac{1}{1 + \frac{[HClO]_{eq}}{[ClO^-]_{eq}}} \quad \text{أي:} \quad \alpha(ClO^-) = \frac{[ClO^-]_{eq}}{[ClO^-]_{eq} + [HClO]_{eq}}$$

لدينا:

$$K_A = \frac{[ClO^-]_{eq} \cdot [H_3O^+]_{eq}}{[HClO]_{eq}}$$

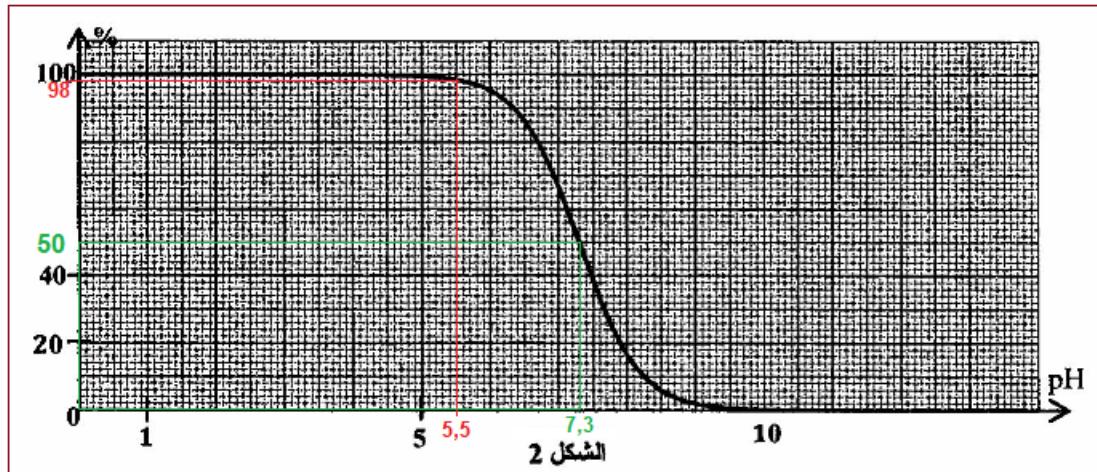
9

$$\frac{[ClO^-]_{eq}}{[HClO]_{eq}} = \frac{K_A}{[H_3O^+]_{eq}} \Rightarrow \frac{[ClO^-]_{eq}}{[HClO]_{eq}} = \frac{K_A}{10^{-pH}} \Rightarrow \frac{[HClO]_{eq}}{[ClO^-]_{eq}} = \frac{10^{-pH}}{K_A}$$

أي:

$$\alpha(\text{ClO}^-) = \frac{1}{1 + \frac{10^{-pH}}{K_A}} \Rightarrow \alpha(\text{ClO}^-) = \frac{K_A}{K_A + 10^{-pH}}$$

إقرار منحني الشكل 2 بالنوع الحمضي أو القاعدي:

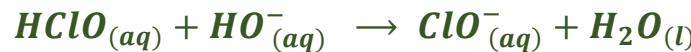


يمثل المنحني تطور نسبة النوع الحمضي HClO بدلالة pH .

النوع المهيمن الحمضي أو القاعدي: (أنظر الشكل أعلاه)

حسب قيمة pH وباستعمال منحني الشكل 2 نجد 98 % من النوع الحمض في محلول (S), إذن النوع المهيمن هو النوع الحمضي HClO .

تحديد قيمة K ثابتة التوازن لتفاعل المعايرة:



$$K = \frac{[\text{ClO}^-]_{eq}}{[\text{HClO}]_{eq} \cdot [\text{HO}^-]_{eq}} \cdot \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_{eq}}{[\text{H}_3\text{O}^+]_{eq}} \Rightarrow K = \frac{K_A}{K_e}$$

$$K = \frac{5 \cdot 10^{-8}}{10^{-14}} \Rightarrow K = 5 \cdot 10^6 \quad \text{ت.ع:}$$

حساب قيمة النسبة $\frac{[\text{HClO}]_{eq}}{[\text{ClO}^-]_{eq}}$

بالاعتماد على الشكل 2 نجد عند $pH = 7,3$ القيمة:

نستنتج أن نسبة كلا من النوعين الحمضي والقاعدي متساويين في الخليط ، أي 1

-طريقة أخرى:

$$\frac{[\text{HClO}]_{eq}}{[\text{ClO}^-]_{eq}} = \frac{10^{-pH}}{K_A} \Rightarrow \frac{[\text{HClO}]_{eq}}{[\text{ClO}^-]_{eq}} = \frac{10^{7,3}}{5 \cdot 10^{-8}} \Rightarrow \frac{[\text{HClO}]_{eq}}{[\text{ClO}^-]_{eq}} \approx 1$$

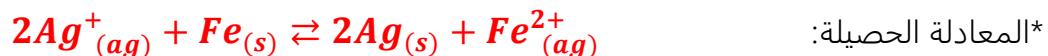
الجزء الثاني: المركم فضة-حديد

1-كتابة المعادلة الحصيلة لتفاعل التلقائي:

* عند الكاثود يحدث اختزال ايونات الفضة:

هذا الملف تم تحميله من موقع Talamid.ma

* عند الأنود يحدث أكسدة فلز الحديد: $Fe_{(s)} \rightleftharpoons Fe^{2+}_{(aq)} + 2e^-$



$$[Ag^+_{(aq)}]_t = 0,2 - 1,55 \cdot 10^{-5} \cdot t$$

- إثبات ان تركيز Ag^+ يكتب:

حسب الجدول الوصفي:

معادلة التفاعل	$2Ag^+_{(aq)} + Fe_{(s)} \rightleftharpoons 2Ag_{(s)} + Fe^{2+}_{(aq)}$			كمية مادة e^- المتباينة
كمية المادة عند $t = 0$	$C_2 \cdot V_2$	وقير	وقير	$n(e^-) = 0$
كمية المادة عند t	$C_2 \cdot V_2 - 2x$	وقير	وقير	$n(e^-) = 2x$
كمية المادة عند $t = t_d$	$C_2 \cdot V_2 - 2x_{max}$	وقير	وقير	$n(e^-) = 2x_{max}$

$$Q = n(e^-) \cdot F = I \cdot t \Rightarrow n(e^-) = \frac{I \cdot t}{F} \Rightarrow x = \frac{I \cdot t}{2F}$$

$$n_t(Ag^+_{(aq)}) = C_2 \cdot V_2 - 2x \Rightarrow [Ag^+_{(aq)}]_t = \frac{C_2 \cdot V_2 - 2x}{V_2} = C_2 - \frac{2x}{V_2}$$

$$[Ag^+_{(aq)}]_t = C_2 - \frac{2I}{2F \cdot V_2} \cdot t$$

$$[Ag^+_{(aq)}]_t = 0,2 - \frac{2 \times 0,15}{2 \times 9,65 \cdot 10^4 \times 0,1} \cdot t$$

ت.ع:

$$[Ag^+_{(aq)}]_t = 0,2 - 1,55 \cdot 10^{-5} \cdot t$$

3- تحديد المدة t_d لاشتغال المركب:

بما ان فلز الحديد يوجد بفراط، فإن المتفاعل المهد هو Ag^+ نكتب:

$$0,2 - 1,55 \cdot 10^{-5} \cdot t_d = 0 \Rightarrow t_d = \frac{0,2}{1,55 \cdot 10^{-5}} \Rightarrow t_d = 1,29 \cdot 10^4 s$$

التركيز النهائي لـ Fe^{2+} في محلول:

من خلال الجدول الوصفي لدينا:

$$n_{t_d}(Fe^{2+}_{(aq)}) = C_1 \cdot V_1 + x_{max} \Rightarrow [Fe^{2+}_{(aq)}]_{t_d} = \frac{C_1 \cdot V_1 + x_{max}}{V_1} = C_1 + \frac{x_{max}}{V_1} = C_1 + \frac{I \cdot t_d}{2F \cdot V_1}$$

$$[Fe^{2+}_{(aq)}]_{t_d} = 0,2 + \frac{0,15 \times 1,29 \cdot 10^4}{2 \times 9,65 \cdot 10^4 \times 0,1} \rightarrow [Fe^{2+}_{(aq)}]_{t_d} = 0,3 mol \cdot L^{-1}$$

الفيزياء

موجات فوق صوتية

1- تحديد سرعة موجة فوق صوتية في الهواء

1-1-تعريف طول الموجة:

هي المسافة التي تقطعها الموجة خلال دور زمني.

1- اختيار الجواب الصحيح:

بـ- الموجات فوق صوتية موجات ميكانيكية.

1- تحديد سرعة الموجة في الهواء:

بما ان المحنبيين على توافق في الطور نكتب: $d = n \cdot \lambda$ أي: $\lambda = \frac{d}{n} = \frac{10,2 \cdot 10^{-2}}{12} = 8,5 \cdot 10^{-3} m$

$$v = \frac{d}{n} \cdot N \quad \text{لدينا: } v = \lambda \cdot N \quad \text{ومنه:}$$

$$v = \frac{10,2 \cdot 10^{-2}}{12} \times 40 \cdot 10^3 \Rightarrow v = 340 m.s^{-1} \quad \text{ت.ع:}$$

2- إيجاد ℓ_2 سمت الجنين :

لدينا: $v_c = v = \frac{2\ell_2}{\Delta t}$ حيث $2\ell_2$ المسافة التي قطعتها الموجة خلال المدة $\Delta t = t_2 - t_1$

$$2\ell_2 = v \cdot \Delta t \Rightarrow \ell_2 = \frac{v \cdot \Delta t}{2}$$

$$\ell_2 = \frac{1540 \times (130 - 80) \times 10^{-6}}{2} = 0,0385 m \Rightarrow \ell_2 = 3,85 cm \quad \text{ت.ع:}$$

3- حيود موجة فوق صوتية في الهواء

1- مقارنة طول الموجة الواردة بطول الموجة المحيدة:

خلال ظاهرة الحيود تحفظ الموجة المحيدة بنفس خصائص الموجة الواردة، أي **للموجتين نفس طول الموجة**.

2- المسافة d التي أزيج بها المستقبل :

حسب تعريف الفرق الزاوي: $\theta = \frac{d}{r}$ العلاقة بين الأقصول الزاوي والمنحي: $d = r\theta$ أي: $d = r \cdot \frac{\lambda}{a}$

من العلاقتين نحصل على: $d = \frac{\lambda \cdot r}{a}$ أي: $d = \frac{\lambda}{a} \cdot r$ ت.ع: $d = 13,1 cm$

$$d = 13,1 cm$$

الكهرباء

الجزء الأول: ثنائي القطب **RL** والدارة

1- استجابة ثنائي القطب **RL** لرتبة توتر

1- إثبات المعادلة التفاضلية التي تتحققها $i(t)$:

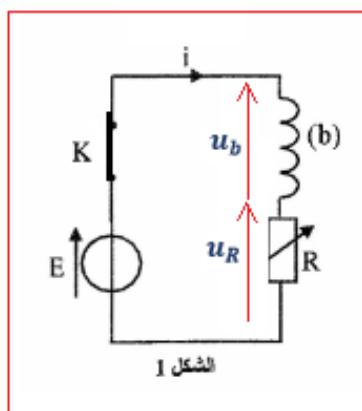
حسب قانون إضافية التوترات:

حسب قانون أوم: $u_R = R \cdot i$ و $u_b = L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i$

$$L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} + \frac{R + r}{L} \cdot i(t) = \frac{E}{L}$$

2- تعريف $i(t)$ بدلالة باراترات الدارة:

لدينا حل المعادلة التفاضلية: $\frac{di}{dt} = -A \cdot \alpha \cdot e^{-\alpha \cdot t}$ وبالتالي: $i(t) = A \cdot e^{-\alpha \cdot t} + B$



نعرض في المعادلة التفاضلية:

$$-A \cdot \alpha \cdot e^{-\alpha \cdot t} + \frac{R+r}{L} (A \cdot e^{-\alpha \cdot t} + B) = \frac{E}{L}$$

$$A \cdot e^{-\alpha \cdot t} \left(-\alpha + \frac{R+r}{L} \right) + B \cdot \frac{R+r}{L} - \frac{E}{L} = 0$$

لكي يكون $i(t)$ حل للمعادلة التفاضلية مهما كانت قيمة t يجب أن يكون:

$$\begin{cases} -\alpha + \frac{R+r}{L} = 0 \\ B \cdot \frac{R+r}{L} - \frac{E}{L} = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha = \frac{R+r}{L} \\ B = \frac{E}{R+r} \end{cases}$$

الحل يكتب: $i(0) = 0$ حسب الشروط البدئية: $i(t) = A \cdot e^{-\frac{R+r}{L} \cdot t} + \frac{E}{R+r}$

$$A \cdot e^0 + \frac{E}{R+r} = 0 \Rightarrow A = -\frac{E}{R+r}$$

$i(t) = \frac{E}{R+r} (1 - e^{-\frac{R+r}{L} \cdot t})$ نستنتج تعبير الحل:

1-إيجاد قيمة R_1 :

حسب الشكل 2 وفي النظام الدائم لدينا بالنسبة للمنحنى (1): $I_{01} = 125 \text{ mA}$ حسب تعبير الحل:

$$I_{01} = \frac{E}{R_1 + r} \Rightarrow R_1 + r = \frac{E}{I_{01}} \Rightarrow R_1 + r = \frac{1,5}{0,125}$$

$$R_1 + r = 12 \Omega$$

بالنسبة للمنحنى (2) نجد: $I_{02} = 75 \text{ mA}$

$$2R_1 + r = \frac{E}{I_{02}} \Rightarrow 2R_1 + r = \frac{1,5}{0,075} \Rightarrow 2R_1 + r = 20 \Omega$$

$$2R_1 + r - (R_1 + r) = 20 - 12 \Rightarrow R_1 = 8 \Omega$$

إيجاد قيمة r :

لدينا: $R_1 + r = 12 \Omega$ أي: $R_1 + r = 12 \Omega$

$$r = 12 - R_1$$

$$r = 12 - 8 \Rightarrow r = 4 \Omega$$

2-إثبات أن $L = 0,6 \text{ H}$:

بالنسبة للمنحنى (1) ثابتة الزمن τ هي:

$$L = 12 \times 50 \cdot 10^{-3} \Rightarrow L = 0,6 \text{ H} \quad \text{أي: } L = (R_1 + r) \cdot \tau \quad \text{لدينا: } \tau = \frac{L}{R_1 + r}$$

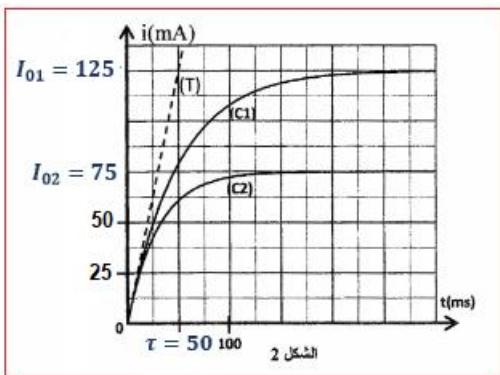
2-دراسة دارة LC

2-إثبات أن الطاقة الكمية للدارة ثابتة:

بما أن مقاومة الوشيعة مهملة ($r = 0$), فإن الطاقة الكمية للدارة تنحفظ.

2-تحديد السعة C و التوتر U_0

لدينا:



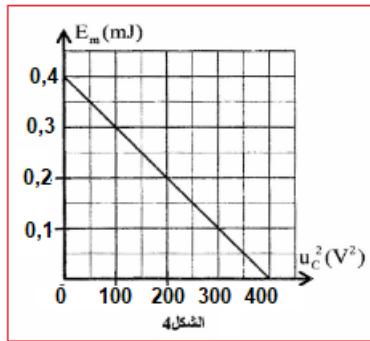
$$u_C(t) = U_0 \cdot \cos(2\pi f_0 \cdot t + \varphi) \Rightarrow \frac{du_C}{dt} = -2\pi f_0 \cdot U_0 \cdot \sin(2\pi f_0 \cdot t + \varphi)$$

$$E_m = \frac{1}{2} L \cdot i^2 = \frac{1}{2} L \cdot \left(C \cdot \frac{du_C}{dt} \right)^2 = \frac{1}{2} L \cdot C^2 [-2\pi f_0 \cdot U_0 \cdot \sin(2\pi f_0 \cdot t + \varphi)]^2$$

$$E_m = \frac{1}{2} L \cdot C^2 4\pi^2 f_0^2 \cdot U_0^2 \cdot \sin^2(2\pi f_0 \cdot t + \varphi) = \frac{1}{2} L \cdot C^2 \frac{4\pi^2}{4\pi^2 L \cdot C} \cdot U_0^2 [1 - \cos^2(2\pi f_0 \cdot t + \varphi)]$$

$$E_m = \frac{1}{2} C \cdot U_0^2 [1 - \cos^2(2\pi f_0 \cdot t + \varphi)] = \frac{1}{2} C \cdot U_0^2 - \frac{1}{2} C \cdot U_0^2 \cdot \cos^2(2\pi f_0 \cdot t + \varphi)$$

$$E_m = \frac{1}{2} C \cdot U_0^2 - \frac{1}{2} C \cdot u_C^2$$



حسب مبيان الشكل 4 معادلة المنحنى $E_m = f(u_C)$ تكتب:

$$a = \frac{\Delta E_m}{\Delta u_C^2} = \frac{0,4 \cdot 10^{-3} - 0}{0 - 400} = -10^{-6} J \cdot V^{-2}$$

$$b = 0,4 \cdot 10^{-3} = 4 \cdot 10^{-4} J$$

$$\begin{cases} E_m = -10^{-6} \cdot u_C^2 + 4 \cdot 10^{-4} \\ E_m = -\frac{1}{2} C \cdot u_C^2 + \frac{1}{2} C \cdot U_0^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -\frac{1}{2} C = -10^{-6} \\ \frac{1}{2} C \cdot U_0^2 = 4 \cdot 10^{-4} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} C = 2 \cdot 10^{-6} \\ U_0^2 = \frac{2 \times 4 \cdot 10^{-4}}{2 \cdot 10^{-6}} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} C = 2 \mu F \\ U_0 = 20 V \end{cases}$$

الجزء الثاني: تضمين الوسع

1- تحديد تردد الموجة الحاملة:

توتر الموجة الحاملة: $2\pi F_p = 4 \cdot 10^5 \pi$ وبالتالي: $u_1(t) = 6 \cdot \cos(4 \cdot 10^5 \pi \cdot t)$ ترددتها هو:

$$F_p = 2 \cdot 10^5 \text{ Hz} \Rightarrow F_p = 200 \text{ kHz}$$

2- اختبار الجواب الصحيح:

الواسع القصوي للموجة المضمنة هو: بـ $4,2 V$

$$U_{max} = 3(1 + 0,4) \Rightarrow U_{max} = 4,2 V$$

3- هل تحققت شروط تضمين جيد؟

الشرط الأول: $F_p \geq 10 f_s$

لدينا: $f_s = 4 \cdot 10^3 \text{ Hz} \Rightarrow f_s = 4 \text{ kHz}$ أي: $2\pi f_s = 8 \cdot 10^3 \pi$

إذن الشرط الأول $F_p = 200 \text{ kHz} \geq 10 \cdot f_s = 40 \text{ kHz}$ تحقق.

الشرط الثاني: $S_m < U_0$ أي: $m = \frac{S_m}{U_0} < 1$

لدينا حسب تعبير (t) : $u_s(t) = 3[1 + 0,4 \cdot \cos(8 \cdot 10^3 \pi \cdot t)] \cdot \cos(4 \cdot 10^5 \pi \cdot t)$

$$, S_m = 0,4V \text{ و } U_0 = 1V$$

*إذن: الشرط الثاني: $S_m < U_0$ تحقق، نستنتج ان التصميم جيد.

4-تعبير ($u_s(t)$) على شكل ثلاث دوال جيبية:

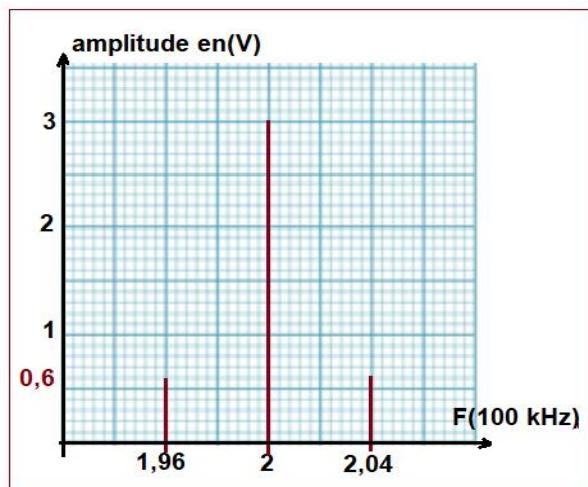
$$u_s(t) = 3[1 + 0,4 \cdot \cos(8 \cdot 10^3 \pi \cdot t)] \cdot \cos(4 \cdot 10^5 \pi \cdot t)$$

$$u_s(t) = 3 \cdot \cos(4 \cdot 10^5 \pi \cdot t) + 0,4 \cdot \cos(8 \cdot 10^3 \pi \cdot t) \cdot \cos(4 \cdot 10^5 \pi \cdot t)$$

$$\cos(a) \cdot \cos(b) = \frac{1}{2} [\cos(a+b) + \cos(a-b)] \quad \text{لدينا:}$$

$$u_s(t) = 3 \cdot \cos(4 \cdot 10^5 \pi \cdot t) + 1,2 \times \frac{1}{2} \left[\cos\left(\frac{8 \cdot 10^3 + 4 \cdot 10^5}{2} \pi \cdot t\right) + \cos\left(\frac{8 \cdot 10^3 - 4 \cdot 10^5}{2} \pi \cdot t\right) \right]$$

$$u_s(t) = 3 \cdot \cos(4 \cdot 10^5 \pi \cdot t) + 0,6 \cdot \cos(4,08 \cdot 10^5 \pi \cdot t) + 0,6 \cdot \cos(3,92 \cdot 10^5 \pi \cdot t)$$



تمثيل طيف الترددات بالسلم: الوضع 1 cm/V رأسيا و التردد: $1 \text{ cm/0,04} \cdot 10^2 \text{ kHz}$ أفقيا.

5-التحقق ما إذا كانت دارة الانتقاء من استقبال الموجة المضمّنة السابقة:

لكي تلتقط الدارة LC الموجة يجب أن يتواافق ترددتها الخاص

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{L \cdot C}} \quad \text{مع تردد هذه الموجة أى:}$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{0,6 \times 2 \cdot 10^{-6}}} \Rightarrow f_0 \approx 145,3 \text{ Hz}$$

نلاحظ أن: $f_0 < F_p = 2 \cdot 10^5 \text{ Hz}$ إذن لا يمكن لهذه الدارة من التقاط الموجة المضمّنة.

الميكانيك

الجزء الأول: حركة متزلج

1-المراحل الأولى: حركة المتزلج على المستوى المائل

1-1-إثبات المعادلة التفاضلية التي تتحققها السرعة v ل G تكتب:

$$\frac{d v}{dt} = \frac{f}{m} + g \cdot \sin \alpha - \frac{F}{m} \cdot \cos(\beta - \alpha) = 0$$

المجموعة المدرosa: {المتزلج}

جرد القوى:

$\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{R}_T \Rightarrow \vec{R} = \vec{R}_N + \vec{f}$: قوة جر الحبل \vec{P} : وزن المتزلج تأثير السطح مع:

نعتبر المعلم ($\vec{j}_1; \vec{i}_1; \vec{o}$) المرتبط بمرجع أرضي معلما غاليليا، نطبق القانون الثاني لنيوتن نكتب:

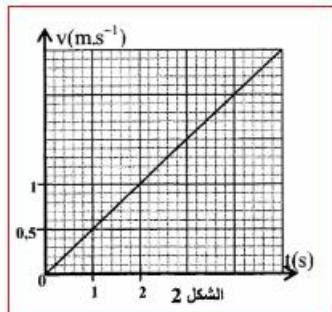
$$\vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}_G \quad (1)$$

الاسقاط على المحور x :

$$\begin{aligned} P_x + F_x + R_x &= m \cdot a_x \\ -P \cdot \sin\alpha + F \cdot \cos(\beta - \alpha) - f &= m \cdot a \\ -m \cdot g \cdot \sin\alpha + F \cdot \cos(\beta - \alpha) - f &= m \cdot \frac{d \cdot v}{dt} \\ \frac{d \cdot v}{dt} &= \frac{f}{m} + g \cdot \sin\alpha - \frac{F}{m} \cdot \cos(\beta - \alpha) = 0 \end{aligned}$$

1-1-تحديد المبيانى لقيمة التسارع a :

هو:



يمثل مبيان الشكل 2 دالة خطية معادلتها تكتب: $v = at$ حيث معاملها الموجه

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0,5-0}{1-0} = 0,5 \text{ m.s}^{-2}$$

وبالتالي تسارع G هو:

1-2-تحديد F :

حسب العلاقة: $-P \cdot \sin\alpha + F \cdot \cos(\beta - \alpha) - f = m \cdot a$

$$F = \frac{m \cdot (a + g \cdot \sin\alpha) + f}{\cos(\beta - \alpha)}$$

$$F = \frac{60 \times (0,5 + 9,8 \times \sin 23) + 80}{\cos(60 - 23)} \Rightarrow F = 425,4 \text{ N}$$

ت.ع:

1-3-تحديد قيمة k :

$$k = \frac{f}{R_N} \quad \text{أي: } f = k \cdot R_N \quad \text{وبالتالي:}$$

لتحديد R_N نسقط العلاقة (1) على المحور y :

$$P_y + F_y + R_y = m \cdot a_y$$

$$-m \cdot g \cdot \cos\alpha + F \cdot \sin(\beta - \alpha) + R_N = 0$$

$$R_N = m \cdot g \cdot \cos\alpha - F \cdot \sin(\beta - \alpha)$$

$$k = \frac{f}{m \cdot g \cdot \cos\alpha - F \cdot \sin(\beta - \alpha)} \quad \text{نعرض } R_N \text{ في تعابير } k$$

$$k = \frac{80}{60 \times 9,0,288 \times \cos(23) - 425,4 \times \sin(60 - 23)} \Rightarrow k = 0,28$$

2-المراحل الثانية: مرحلة القفز

2-إثبات التعبير العددي للمعادلتين الزمنيتين $x(t)$ و $y(t)$:

يخضع المتزلج في هذه المرحلة لوزنه فقط

نعتبر المعلم ($\vec{j}; \vec{i}$; S) المرتبط بمرجع أرضي معلوما غاليليا ونطبق القانون الثاني لنيوتن، نكتب:

$$\vec{P} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow m \cdot \vec{g} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow \vec{a}_G = \vec{g} \quad (2)$$

حسب الشروط البدائية:

$$\vec{v}_s \begin{cases} v_{sx} = v_s \cdot \cos\alpha \\ v_{sy} = v_s \cdot \sin\alpha \end{cases} \quad \overrightarrow{SG_0} \begin{cases} x_s = 0 \\ y_s = 0 \end{cases}$$

إسقاط العلاقة (2) على المحورين Sx و Sy :

$$\vec{a}_G \begin{cases} a_x = \frac{d v_x}{dt} = 0 \\ a_y = \frac{d v_y}{dt} = -g \end{cases} \xrightarrow{\text{تكامل}} \vec{v}_G \begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} = v_{sx} \\ v_y = -gt + v_{sy} \end{cases} \Rightarrow \vec{v}_G \begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} = v_s \cdot \cos\alpha \\ v_y = \frac{dy}{dt} = -gt + v_s \cdot \sin\alpha \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{تكامل}} \overrightarrow{SG} \begin{cases} x(t) = v_s \cdot \cos\alpha t + x_s \\ y(t) = -\frac{1}{2} g t^2 + v_s \cdot \sin\alpha t + y_s \end{cases} \Rightarrow \overrightarrow{SG} \begin{cases} x(t) = v_s \cdot \cos\alpha t \\ y(t) = -\frac{1}{2} g t^2 + v_s \cdot \sin\alpha t \end{cases} \Rightarrow$$

$$x(t) = 10 \times \cos(23^\circ) \Rightarrow x(t) = 9,2 t \quad \text{ت.ع.}$$

$$y(t) = -\frac{1}{2} \times 9,8 t^2 + 10 \times \sin(23^\circ) t \Rightarrow y(t) = -4,9 t^2 + 3,9 t$$

2- استنتاج معادلة المسار:

$$x = 9,2 t \Rightarrow t = \frac{x}{9,2}$$

$$y = -4,9 \left(\frac{x}{9,2} \right)^2 + 3,9 \left(\frac{x}{9,2} \right) \Rightarrow y = -5,8 \cdot 10^{-2} x^2 + 0,42 x$$

3- إيجاد المسافة SB للقفز:

إحداثيات النقطة B هما: (3)

$$\frac{y_B}{x_B} = \frac{-SB \cdot \sin\theta}{SB \cdot \cos\theta} = -\tan\theta \quad (4) \quad \text{أي:}$$

معادلة المسار تكتب: $y_B = -5,8 \cdot 10^{-2} x_B^2 + 0,42 x_B$ \Rightarrow

$$y_B = x_B(-5,8 \cdot 10^{-2} x_B + 0,42) \Rightarrow \frac{y_B}{x_B} = -5,8 \cdot 10^{-2} x_B + 0,42$$

باستعمال العلاقة (3) ثم العلاقة (4) نكتب:

$$-5,8 \cdot 10^{-2} x_B + 0,42 = -\tan\theta \Rightarrow 5,8 \cdot 10^{-2} \cdot SB \cdot \cos\theta - 0,42 = \tan\theta$$

$$SB = \frac{\tan\theta + 0,42}{5,8 \cdot 10^{-2} \cos\theta}$$

$$SB = \frac{\tan(45^\circ) + 0,42}{5,8 \cdot 10^{-2} \cos(45^\circ)} \Rightarrow SB = 34,6 m \quad \text{ت.ع.}$$

الجزء الثاني: حركة نواس بسيط

1- تعبير طاقة الوضع الثقالية للنواس بدلالة m و ℓ و θ و cte :

حسب تعريف طاقة الوضع الثقالية: $E_{pp}(z) = m \cdot g \cdot z + cte$

باختيار المستوى الأفقي المار من S مرجعاً لطاقة الوضع الثقالية نكتب: $E_{pp}(0) = 0$

أي: $cte = 0$

لدينا: $E_{pp} = m \cdot g \cdot \ell (1 - \cos\theta)$ وبالتالي: $z = \ell - \ell \cdot \cos\theta = \ell(1 - \cos\theta)$

بما أن: $\cos\theta \approx 1 - \frac{\theta^2}{2}$ فإن وسع التذبذبات صغير نأخذ: $\theta_m = 8^\circ < 15^\circ$

تعبر E_{pp} يصبح: $E_{pp} = \frac{1}{2}m \cdot g \cdot \ell \cdot \theta^2$

1-تحديد الطاقة الميكانيكية E_m للنواص:

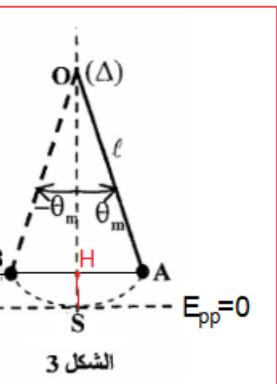
حسب تعريف الطاقة الميكانيكية:

$$E_m = E_C + E_{PP} \Rightarrow E_m = \frac{1}{2}J_\Delta \cdot \dot{\theta}^2 + \frac{1}{2}m \cdot g \cdot \ell \cdot \theta^2$$

$$E_m = \frac{1}{2}m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta}^2 + \frac{1}{2}m \cdot g \cdot \ell \cdot \theta^2$$

عند النقطة A لدينا: $\dot{\theta} = 0$ و $\theta = \theta_m$ الطاقة الميكانيكية تكتب:

$$E_m = \frac{1}{2}m \cdot g \cdot \ell \cdot \theta_m^2$$



$$E_m = \frac{1}{2} \times 20 \cdot 10^{-3} \times 9,81 \times 24,8 \cdot 10^{-2} \times \left(8^\circ \times \frac{\pi}{180^\circ}\right)^2 \Rightarrow E_m = 4,74 \cdot 10^{-4} J$$

3-المعادلة التفاضلية التي يحققها الأوصول الزاوي ($\theta(t)$):

باهمال الاحتكاكات، فإن الطاقة الميكانيكية تبقى ثابتة أي: $E_m = cte$

$$E_m = E_C + E_{PP} \Rightarrow \frac{dE_m}{dt} = \frac{dE_m}{dt} = \frac{dE_C}{dt} + \frac{dE_{PP}}{dt} \Rightarrow \frac{1}{2}m \cdot \ell^2 \cdot \frac{d\dot{\theta}^2}{dt} + \frac{1}{2}m \cdot g \cdot \ell \cdot \frac{d\theta^2}{dt} = 0$$

$$\frac{1}{2}m \cdot \ell^2 \cdot 2\dot{\theta} \cdot \ddot{\theta} + \frac{1}{2}m \cdot g \cdot \ell \cdot 2\theta \cdot \dot{\theta} = 0 \Rightarrow m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta} \left(\ddot{\theta} + \frac{g}{\ell} \cdot \theta \right) = 0$$

بما أن: $m \cdot \ell^2 \neq 0$ فإن المعادلة التفاضلية تكتب:

$$\ddot{\theta}(t) + \frac{g}{\ell} \cdot \theta(t) = 0$$

2-تعبير الدور الخاص:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}}$$

-التحقق من بعد الدور الزمني للدور الخاص:

$$[T_0] = \left(\frac{[\ell]}{[g]}\right)^{\frac{1}{2}}$$

باستعمال معادلة الابعاد:

$$\begin{cases} [\ell] = L \\ [g] = L \cdot T^{-2} \end{cases} \Rightarrow [T_0] = \left(\frac{L}{L \cdot T^{-2}}\right)^{\frac{1}{2}} \Rightarrow [T_0] = (T^2)^{\frac{1}{2}} \Rightarrow [T_0] = T$$

نستنتج أن للدور الخاص بعده زمنيا.

2-حساب T_0 :

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{24,8 \cdot 10^{-2}}{9,81}} = 0,999 \text{ s} \Rightarrow T_0 \approx 1 \text{ s}$$

-استنتاج عدد الإشارات الصوتية n المرسلة خلال المدة Δt :

المدة الزمنية للنواص خلال انتقاله من A إلى B هي نصف دور أي: $t' = \frac{T_0}{2} = 0,5 \text{ s}$

$$n = \frac{10,25}{0,5} \Rightarrow n = 20,5 \quad \leftarrow \quad n = \frac{\Delta t}{t'} \quad \text{أي: لدينا: } \Delta t = nt'$$

3- إثبات أن تعبير السرعة الزاوية هو: $\dot{\theta}(t) = \pm \dot{\theta}_S \sqrt{1 - \left(\frac{\theta}{\theta_m}\right)^2}$

$$E_m = \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta}^2 + \frac{1}{2} m \cdot g \cdot \ell \cdot \theta^2 \quad \text{تعبير } E_m \text{ هو:}$$

عند النقطة S نكتب: $\theta = 0$ والسرعة الزاوية تكون قصوية $\dot{\theta} = \dot{\theta}_S$ ، الطاقة الميكانيكية تكتب:

$$E_m = \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta}_S^2 \Rightarrow \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta}_S^2 = \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta}^2 + \frac{1}{2} m \cdot g \cdot \ell \cdot \theta^2$$

$$\dot{\theta}_S^2 = \dot{\theta}^2 + \frac{g}{\ell} \cdot \theta^2 \Rightarrow \dot{\theta}^2 = \dot{\theta}_S^2 - \frac{g}{\ell} \cdot \theta^2 \Rightarrow \dot{\theta} = \pm \sqrt{\dot{\theta}_S^2 - \frac{g}{\ell} \cdot \theta^2}$$

$$\dot{\theta} = \pm \dot{\theta}_S \sqrt{1 - \frac{g}{\ell} \cdot \frac{\theta^2}{\dot{\theta}_S^2}}$$

حسب انفراط E_m :

$$\begin{cases} E_m = \frac{1}{2} m \cdot g \cdot \ell \cdot \theta_m^2 \\ E_m = \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta}_S^2 \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{2} m \cdot g \cdot \ell \cdot \theta_m^2 = \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta}_S^2 \Rightarrow \frac{g}{\ell} = \frac{\dot{\theta}_S^2}{\theta_m^2}$$

$$\dot{\theta} = \pm \dot{\theta}_S \sqrt{1 - \frac{\dot{\theta}_S^2}{\theta_m^2} \cdot \frac{\theta^2}{\dot{\theta}_S^2}} \Rightarrow \dot{\theta} = \pm \dot{\theta}_S \sqrt{1 - \frac{\theta^2}{\theta_m^2}}$$

نستنتج:

$$\dot{\theta} = \pm \dot{\theta}_S \sqrt{1 - \left(\frac{\theta}{\theta_m}\right)^2}$$