

الصفحة 1 8	<p><b>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا</b></p> <p><b>الدورة الاستدراكية 2017</b></p> <p><b>- الموضوع -</b></p> <p>RS 30</p>	<p>المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي</p> <p>المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه</p>
------------------	--	---

4	مدة الإنجاز	الفيزياء والكيمياء	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم الرياضية (أ) و(ب)	الشعبة أو المسلك

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة.

يتضمن الموضوع أربعة تمارين : تمرين في الكيمياء و ثلاثة تمارين في الفيزياء.

### الكيمياء (7 نقط):

- دراسة حمأة إستر ودراسة محلول مائي لحمض البروبانويك.

- دراسة العمود كادميوم- فضة.

### الفيزياء (13 نقطة):

✓ التحولات النووية (2,25 نقط):

- دراسة نشاط عينة مشعة.

✓ الكهرباء (5,25 نقط) :

- شحن مكثف وتفرغ.

- التذبذبات القسرية في الدارة (RLC).

✓ الميكانيك (5,5 نقط) :

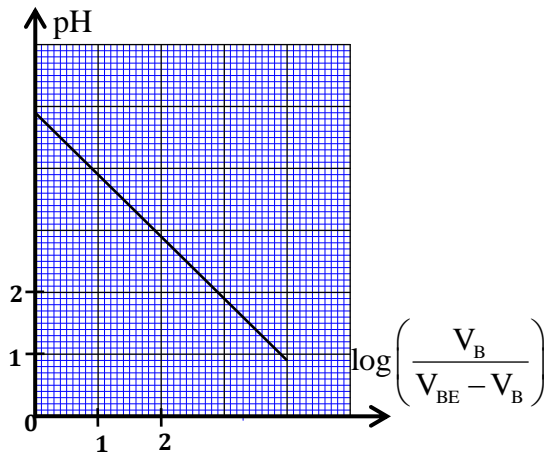
- دراسة حركة المتذبذب (جسم صلب - نابض).

- تحديد شعاع مدار القمر حول الأرض.

<div>الصفحة</div> <div>2</div> <div>8</div>	<div>RS30</div>	<div>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2017 - الموضوع</div> <div>- مادة الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية (أ) و(ب)</div>
		<p align="center"><b>الكيمياء (7 نقط) :</b></p> <p align="center"><b>الجزء الأول و الثاني مستقلان</b></p> <p align="center"><b>الجزء الأول : دراسة حلمأة إستر ودراسة محلول مائي لحمض البروبانويك</b></p> <p>تعتبر الأحماض الكربوكسيلية من المواد الكيميائية التي توجد في المواد العضوية الطبيعية و المصنعة، وتستعمل هذه الأحماض في إنتاج مواد مختلفة كالإسترات، المميّزة بنكهاتها الخاصة، التي تستغل في مجالات مختلفة كالصناعة الصيدلانية والصناعة الغذائية...</p> <p>نهتم في هذا الجزء بدراسة تفاعل حلمأة إستر E ودراسة محلول مائي لحمض البروبانويك (C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>COOH).</p> <p align="right"><b>معطيات:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• الكتل المولية : M(C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>COOH) = 74 g.mol<sup>-1</sup> ، M(C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>OH) = 46 g.mol<sup>-1</sup> ، M(E) = 102 g.mol<sup>-1</sup> ،</li> <li>• pK<sub>A</sub> (C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>COOH<sub>(aq)</sub> / C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>COO<sup>-</sup><sub>(aq)</sub>) = 4,9 .</li> </ul> <p><b>1- دراسة حلمأة إستر:</b></p> <p><b>1-1- في ظروف تجريبية معينة ، ينتج عن تفاعل n<sub>1</sub> = 0,1 mol من إستر E مع n<sub>2</sub> = 0,1 mol من الماء، حمض البروبانويك و الإيثانول (C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>OH) .</b></p> <p><b>1-1-1- أكتب الصيغة نصف المنشورة للإستر E وأعط اسمه.</b> <span style="float:right">0,5</span></p> <p><b>1-1-2- حدد كتلة الحمض الكربوكسيلي الناتج عند التوازن علما أن ثابتة التوازن المقرونة بالمعادلة المنمذجة لهذا التحول هي K = 0,25 .</b> <span style="float:right">0,75</span></p> <p><b>2- 1- ننجز الحلمأة القاعدية لكمية من الإستر E كتلتها m<sub>0</sub> = 10,2 g باستعمال محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم Na<sup>+</sup><sub>(aq)</sub> + HO<sup>-</sup><sub>(aq)</sub> بوفرة، فنحصل على كتلة m<sub>exp</sub> = 4,2 g من الكحول.</b></p> <p><b>1-2-1- أكتب المعادلة المنمذجة للتفاعل الذي يحدث.</b> <span style="float:right">0,25</span></p> <p><b>1-2-2- حدد المردود r لهذا التفاعل.</b> <span style="float:right">0,5</span></p> <p align="center"><b>2- دراسة محلول مائي لحمض البروبانويك:</b></p> <p><b>2-1- نتوفر على محلول مائي لحمض البروبانويك تركيزه المولي C وحجمه V . أعطى قياس pH المحلول القيمة pH = 2,9 .</b></p> <p><b>2-1-1- أكتب المعادلة المنمذجة لتفاعل حمض البروبانويك مع الماء.</b> <span style="float:right">0,25</span></p> <p><b>2-1-2- عبر عن pH المحلول بدلالة pK<sub>A</sub> للمزدوجة C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>COOH<sub>(aq)</sub> / C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>COO<sup>-</sup><sub>(aq)</sub> وتركيز النوعين الكيميائيين C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>COOH و C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>COO<sup>-</sup> في المحلول.</b> <span style="float:right">0,25</span></p> <p><b>2-1-3- بين أن نسبة التقدم النهائي للتفاعل يكتب على الشكل <math>\tau = \frac{1}{1+10^{pK_A - pH}}</math> . أحسب قيمتها.</b> <span style="float:right">1</span></p> <p><b>2-2- نأخذ حجما V<sub>A</sub> من محلول مائي لحمض البروبانويك تركيزه المولي C<sub>A</sub> ، ونضيف إليه تدريجيا محلولاً مائياً (S<sub>B</sub>) لهيدروكسيد الصوديوم Na<sup>+</sup><sub>(aq)</sub> + HO<sup>-</sup><sub>(aq)</sub> تركيزه المولي C<sub>B</sub> و ننتبغ تغير pH الخليط التفاعلي بدلالة الحجم V<sub>B</sub> للمحلول (S<sub>B</sub>) المضاف.</b></p>

إعتمادا على القياسات المحصل عليها، تم خط منحنى الشكل أسفله و الذي يمثل تغيرات pH الخليط التفاعلي بدلالة

$$\log \left( \frac{V_B}{V_{BE} - V_B} \right) \text{ مع } V_B < V_{BE} \text{ حيث } V_{BE} \text{ هو حجم هيدروكسيد الصوديوم المضاف عند التكافؤ.}$$



**2-2-1** أكتب المعادلة المنمذجة لتفاعل المعايرة .

0,25

**2-2-2** أوجد، عند إضافة حجم  $V_B$  من المحلول  $(S_B)$ ، تعبير

0,5

الخارج  $\frac{[C_2H_5COO^-]_{(aq)}}{[C_2H_5COOH]_{(aq)}}$  بدلالة  $V_{BE}$  و  $V_B$ .

**2-2-3** تحقق من قيمة  $pK_A(C_2H_5COOH_{(aq)} / C_2H_5COO^-_{(aq)})$ .

0,5

### الجزء الثاني : دراسة العمود كادميوم- فضة

ندرس العمود كادميوم- فضة الذي تتدخل فيه المزدوجتان مؤكسد- مختزل التاليتان:  $Ag^+_{(aq)} / Ag_{(s)}$  و  $Cd^{2+}_{(aq)} / Cd_{(s)}$ .

معطيات :

- الفارادي :  $1F = 9,65.10^4 \text{ C.mol}^{-1}$

- ثابتة التوازن المقرونة بمعادلة التفاعل :  $2Ag^+_{(aq)} + Cd_{(s)} \xrightleftharpoons[(2)]{(1)} 2Ag_{(s)} + Cd^{2+}_{(aq)}$  هي  $K \approx 5.10^{40}$  عند  $25^\circ \text{C}$

- الكتلة المولية للكاديوم:  $M(Cd) = 112,4 \text{ g.mol}^{-1}$

- يوجد بوفرة الجزء المغمور من الإلكترود القابل للاستهلاك.

ننجز هذا العمود بغمر صفيحة من الفضة في كأس تحتوي على الحجم  $V = 250 \text{ mL}$  من محلول مائي لنترات الفضة

$Ag^+_{(aq)} + NO^-_{3(aq)}$  تركيزه المولي البدئي  $C_1 = [Ag^+_{(aq)}]_i = 0,400 \text{ mol.L}^{-1}$ ، و صفيحة من الكاديوم في كأس آخر تحتوي

على الحجم  $V = 250 \text{ mL}$  من محلول مائي لنترات الكاديوم  $Cd^{2+}_{(aq)} + 2NO^-_{3(aq)}$  تركيزه المولي البدئي

$C_2 = [Cd^{2+}_{(aq)}]_i = 0,200 \text{ mol.L}^{-1}$ . نوصل المحلولين بقنطرة ملحقة.

نركب، على التوالي، بين إلكترودي العمود موصلا أوميا و أمبيرمترا و قاطعا للتيار.

**1-** اختر الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات التالية:

0,5

أ- التحولات التي تحدث في الأعمدة هي تحولات قسرية.

ب- القطب الموجب للعمود هو إلكترود الفضة.

ج- منحنى التطور التلقائي للمجموعة الكيميائية المكونة للعمود هو المنحنى (2) لمعادلة التفاعل.

د- تحدث الأكسدة عند الكاثود.

**2-** نغلق الدارة عند لحظة نختارها أصلا للتواريخ  $(t = 0)$ ، فيمر فيها تيار كهربائي شدته ثابتة  $I = 215 \text{ mA}$ .

**2-1** عبر عن خارج التفاعل  $Q_r$  عند لحظة  $t$  بدلالة التقدم  $x$  للتفاعل.

0,5

**2-2** أحسب  $Q_r$  عند اللحظة  $t = 10 \text{ h}$ .

0,75

**2-3** أحسب  $|\Delta m|$ ، تغير كتلة إلكترود الكاديوم بين اللحظتين  $t = 0$  و اللحظة التي يستهلك فيها العمود كليا.

0,5

الصفحة 4 8	RS30	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2017 - الموضوع - مادة الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية (أ) و(ب)
------------------	------	--

**الفيزياء (13 نقطة):**

**التحولات النووية (2,25 نقطة) :**

**دراسة نشاط عينة مشعة**

ندرس في هذا التمرين تفتت عينة مشعة للكوبالت تحمل بطاقتها التقنية المعلومات التالية :

- الكوبالت<sup>60</sup> :  $^{60}_{27}\text{Co}$  .
- الكتلة المولية الذرية:  $M = 60 \text{ g.mol}^{-1}$  .
- النشاط الإشعاعي  $\beta^-$  .
- ثابتة الزمن:  $\tau = 2,8.10^3 \text{ jours}$  .

**معطيات:**

- ثابتة أفوكادرو:  $N_A = 6,02.10^{23} \text{ mol}^{-1}$  ،
- سنة شمسية :  $1 \text{ an} = 365,25 \text{ jours}$  ،
- طاقة الربط للنوييدة  $^A_Z\text{X}$  :  $E_\ell = 588,387 \text{ MeV}$  ،
- $m(^{60}\text{Co}) = 59,8523 \text{ u}$  ،
- $m(^1_0\text{n}) = 1,00866 \text{ u}$  ،  $m(^1_1\text{p}) = 1,00728 \text{ u}$  ،  $m(^0_{-1}\text{e}) = 5,486.10^{-4} \text{ u}$  ،
- $1 \text{ u} = 931,494 \text{ MeV.c}^{-2}$  .

**1- اختر الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات التالية :** 0,5

- أ- لثابتة النشاط الإشعاعي بعد الزمن.
- ب- يعبر عن نشاط عينة بالثانية.
- ج- حسب منحني أسطون، بالنسبة للنوى الثقيلة، تتناقص درجة الاستقرار مع تزايد ثقل النوى.
- د- يعبر عن النقص الكتلي بالوحدة MeV .

**2- عرف النشاط الإشعاعي من طراز  $\beta^-$  .** 0,25

**3- ينتج عن تفتت الكوبالت<sup>60</sup>  $^{60}_{27}\text{Co}$  النوييدة  $^A_Z\text{X}$  . إعتماذا على طاقات الكتلة أحسب، بالوحدة MeV ،  $|\Delta E|$  الطاقة** 0,75

المحررة عند تفتت النوييدة  $^{60}_{27}\text{Co}$  .

**4- الكتلة البدئية للعينة المشعة لحظة تسلمها من طرف مختبر مختص هي :  $m_0 = 50 \text{ mg}$  .** 0,75

نعتبر لحظة تسلم العينة أصلا للتواريخ  $(t=0)$  . أعطى قياس النشاط الإشعاعي للعينة المدروسة عند لحظة  $t_1$  القيمة:  $a_1 = 5,18.10^{11} \text{ Bq}$  .

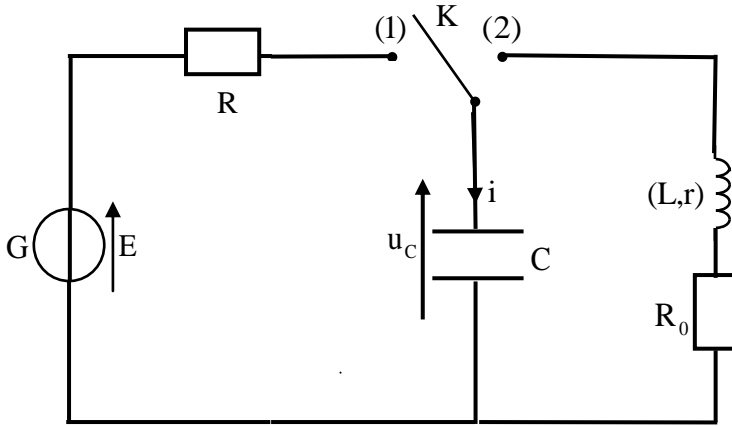
بيّن أن  $t_1 = \tau \ln \left( \frac{N_A \cdot m_0}{\tau \cdot M \cdot a_1} \right)$  . أحسب قيمتها بالوحدة "an" .

الكهرباء (5,25 نقط)

يهدف هذا التمرين إلى دراسة :

- شحن مكثف يحمل شحنة بدئية ،
- التذبذبات الحرة في دارة (RLC) متوالية،
- التذبذبات القسرية في دارة (RLC) متوالية.

I- شحن مكثف وتفريغه



الشكل 1

ننجز التركيب التجريبي الممثل في الشكل 1  
و المكوّن من :

- مولد  $G$  للتوتر قوته الكهرومحرركة  $E=8V$  ،
- موصلين أوميين مقاومتاهما  $R$  و  $R_0=30\Omega$  ،
- مكثف سعته  $C=2,5\mu F$  ، حيث التوتر البدئي  $u_c = U_0$  مع  $0 < U_0 < E$  ،
- قاطع للتيار  $K$  ،
- وشيعة معامل تحريضها  $L=0,5H$  و مقاومتها  $r=7\Omega$  .

1- شحن المكثف :

عند لحظة نتخذها أصلا للتواريخ  $(t=0)$  ، نضع

قاطع التيار  $K$  في الموضع (1) فيمر في الدارة تيار كهربائي شدته اللحظية  $i(t)$  .

يمثل منحني الشكل 2 تطور  $i(t)$  مع الزمن .  $(T)$  هو المماس للمنحنى عند اللحظة  $t=0$  .

1-1 أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$  . 0,5

1-2 حدد المقاومة  $R$  للموصل الأومي. 0,5

1-3 حدد  $U_0$  . 0,5

1-4 أوجد ، بدلالة  $C$  و  $E$  و  $U_0$  ، تعبير الطاقة الكهربائية 0,5

$E_{el}$  المكتسبة من طرف المكثف خلال مدة النظام الانتقالي. أحسب قيمتها.

2- التذبذبات الحرة في الدارة (RLC) :

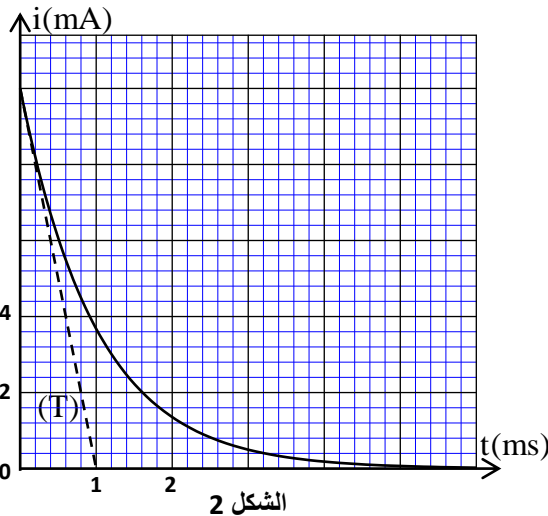
عندما يتحقق النظام الدائم، نؤرجح قاطع التيار  $K$  إلى الموضع (2) عند لحظة نعتبرها أصلا جديدا للتواريخ  $(t=0)$  .

2-1 اعتمادا على تعبير القدرة الكهربائية، أثبت تعبير الطاقة المغنطيسية  $E_m(t)$  المخزونة في الوشيعة عند لحظة تاريخها  $t$  بدلالة  $L$  و  $i(t)$  . 0,5

2-2 أوجد تعبير  $\frac{dE_t(t)}{dt}$  بدلالة  $r$  و  $R_0$  و  $i(t)$  حيث  $E_t(t)$  تمثل الطاقة الكهربائية الكلية للدارة. 0,5

2-3 بيّنت الدراسة التجريبية أن نظام التذبذبات شبه دوري، و أن التوتر بين مربطي الموصل الأومي يأخذ قيمة قصوى  $u_{R_0}(t_1) = 0,44V$  عند لحظة  $t = t_1$  . 0,5

حدد  $|\Delta E|$  الطاقة المبددة في الدارة بين اللحظتين  $t=0$  و  $t_1$  .



الشكل 2

## II - التذبذبات القسرية في الدارة (RLC)

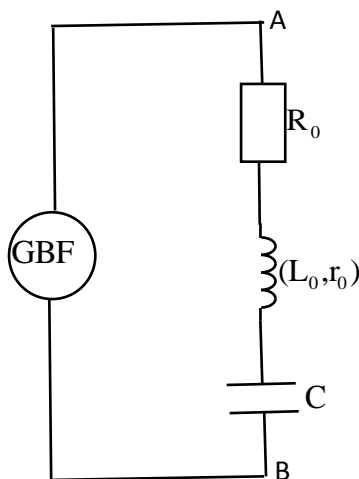
ننجز التركيب التجريبي الممثل في الشكل 3 والمكوّن من:

- مولد للترددات المنخفضة (GBF)،
- وشيعة معامل تحريضها  $L_0$  و مقاومتها  $r_0$ ،
- الموصل الأومي ذي المقاومة  $R_0 = 30\Omega$ ،
- المكثف ذي السعة  $C = 2,5\mu F$ .

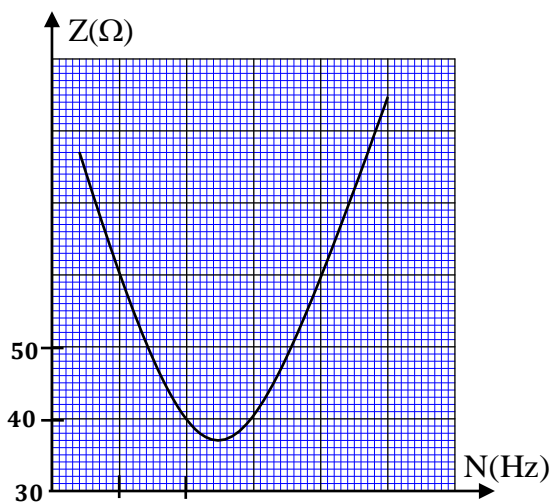
يزود المولد الدارة بتوتر متناوب جيبي:  $u(t) = U_m \cos(2\pi Nt)$  تردده  $N$  قابل

للضبط، فيمر في الدارة تيار كهربائي شدته:  $i(t) = I_m \cos(2\pi Nt + \varphi)$ .

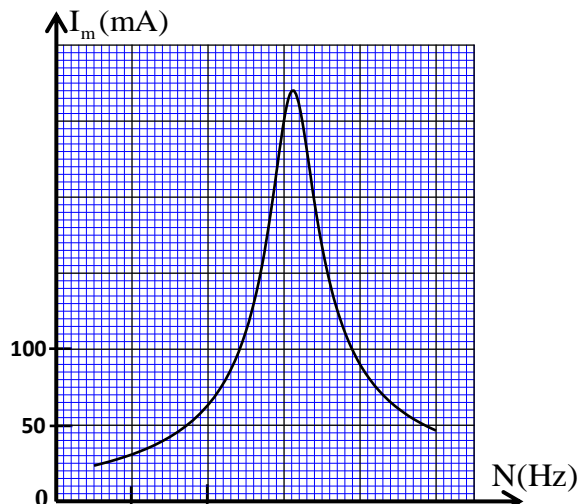
نغير التردد  $N$  للتوتر  $u(t)$  ونحافظ على توتره القصوى  $U_m$  ثابتا. مكنت الدراسة التجريبية من خط المنحنيين الممثلين في الشكلين 4 و 5 حيث  $Z$  ممانعة الدارة و  $I_m$  الشدة القصوى للتيار.



الشكل 3



الشكل 5



الشكل 4

1- اختر الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات التالية:

0,5

- أ- يلعب المولد (GBF) دور الرنان.
- ب - تذبذبات الدارة تذبذبات حرة.
- ج- يمثل  $\varphi$  معامل القدرة.

د- تعبير معامل الجودة هو  $Q = \frac{N_0}{\Delta N}$ .

2- حدد قيمة كل من  $U_m$  و  $L_0$  و  $r_0$ .

0,75

3- حدد قيمة القدرة الكهربائية المتوسطة المستهلكة في الدارة عند الرنين.

0,5

الميكانيك (5,5 نقط)

الجزءان الأول والثاني مستقلان

الجزء الأول : دراسة حركة المتذبذب (جسم صلب - نابض)

ندرس في هذا الجزء حركة متذبذب ميكانيكي مرن في وضعيتين:

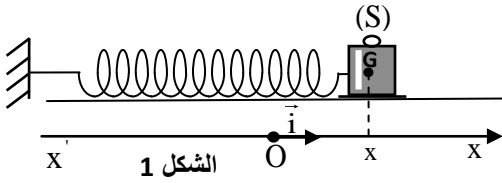
- المتذبذب في وضعية أفقية ،

- المتذبذب في وضعية رأسية.

ننمذج المتذبذب الميكانيكي المرن المدروس بمجموعة (جسم صلب - نابض)، تتكون من جسم صلب (S) كتلته  $m$  و نابض لفاته غير متصلة و كتلته مهملة و صلابته  $K$ . نرسم  $T_0$  للدور الخاص لهذا المتذبذب.

ندرس حركة مركز القصور  $G$  للجسم (S) في معلم مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا. نهمل جميع الاحتكاكات و نأخذ  $\pi^2 = 10$ .

1- دراسة حركة المتذبذب الميكانيكي في وضعية أفقية:



نضع النابض في وضعية أفقية و نثبت أحد طرفيه بحامل ثابت و نربط بطرفه الآخر الجسم (S). الجسم (S) قابل للانزلاق فوق المستوى الأفقي.

نمعلم موضع  $G$  عند لحظة  $t$  بالأفصول  $x$  على المحور  $(O, \vec{i})$ .

عند التوازن، ينطبق  $G$  مع الأصل  $O$  للمعلم  $R(O, \vec{i})$  (الشكل 1).

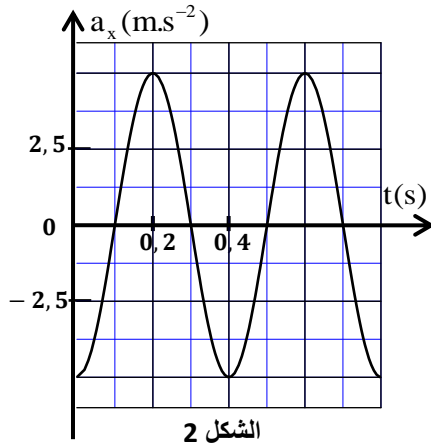
نزيج (S) عن موضع توازنه، ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند لحظة نختارها أصلا للتواريخ  $(t = 0)$ .

يمثل منحنى الشكل 2 تطور التسارع  $a_x$  لمركز القصور  $G$  خلال الزمن.

1-1 بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفصول  $x(t)$ .

1-2 يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل:  $x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$ .

حدد قيمة كل من  $x_m$  و  $\varphi$ .



2- دراسة حركة المتذبذب في وضعية رأسية:

في هذه الوضعية نثبت النابض المدروس كما هو مبين في الشكل 3 حيث نثبت أحد طرفيه بحامل و نثبت الطرف الآخر بالجسم (S).

نمعلم موضع  $G$  عند لحظة  $t$  بالأنسوب  $z$  على المحور  $(O, \vec{k})$ .

عند التوازن، ينطبق  $G$  مع أصل المعلم  $R(O, \vec{k})$  (الشكل 3).

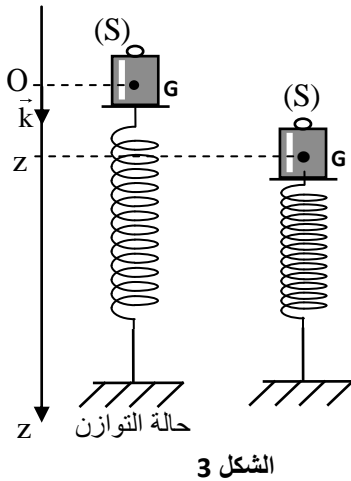
نزيج رأسيا نحو الأسفل الجسم (S) عن موضع توازنه المستقر، ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند لحظة نختارها أصلا للتواريخ  $(t = 0)$  فينجز المتذبذب حركة

تذبذبية وفق المحور  $(Oz)$ .

نختار المستوى الأفقي الذي تنتمي إليه النقطة  $O$  مرجعا لطاقة الوضع الثقالية  $E_{pp}$  (و  $E_{pp} = 0$ ) والحالة التي يكون فيها النابض غير مشوه مرجعا لطاقة الوضع المرنة  $E_{pe}$  (و  $E_{pe} = 0$ ).

2-1 حدد عند التوازن، تعبير الإطالة  $\Delta\ell_0 = \ell - \ell_0$  للنابض بدلالة  $m$  و  $K$  و  $g$  شدة الثقالة، حيث  $\ell$  طول النابض عند التوازن و  $\ell_0$  طوله الأصلي.

2-2 بين أن تعبير طاقة الوضع الكلية  $E_p$  للمتذبذب عند لحظة  $t$  يكتب على شكل:  $E_p = Az^2 + B$  مع  $A$  و  $B$  ثابتتان.



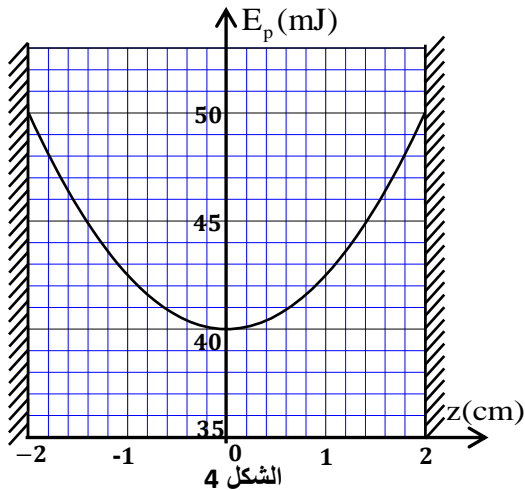
الشكل 3



**2-3-** يمثل منحنى الشكل 4 تغيرات طاقة الوضع الكلية  $E_p$  بدلالة الأنسوب  $z$ .

**2-3-1-** أوجد قيمة كل من  $K$  و  $\Delta \ell_0$ . 0,5

**2-3-2-** إعتامادا على تغير طاقة الوضع الكلية  $E_p$ ، أوجد شغل قوة الارتداد  $\vec{T}$  المطبقة من طرف النابض على الجسم (S) عند انتقال G من الموضع ذي الأنسوب  $z_1 = 0$  إلى الموضع ذي الأنسوب  $z_2 = 1,4 \text{ cm}$ . 0,5



الجزء الثاني: تحديد شعاع مدار القمر حول الأرض.

يهدف هذا الجزء إلى تحديد المسافة الفاصلة بين الأرض والقمر، انطلاقا من دراسة حركة القمر حول الأرض و حركة الأرض حول الشمس.

تتم الدراسة في كل حالة في مرجع نعتبره غاليليا.

نعتبر أن : - لكل من الأرض و الشمس و القمر تماثل كروي لتوزيع الكتلة.

- القمر لا يخضع إلا لقوة التجاذب الكوني المطبقة من طرف الأرض.

- الأرض لا تخضع إلا لقوة التجاذب الكوني المطبقة من طرف الشمس.

**معطيات :**

• الدور المداري لحركة مركز القصور G للأرض حول الشمس:  $T = 365,25 \text{ jours}$

• الدور المداري لحركة مركز القصور G' للقمر حول الأرض :  $T' = 27,32 \text{ jours}$

• نعتبر أن : - حركة G في المرجع المركزي الشمسي دائرية شعاعها  $R = 1,49.10^8 \text{ km}$  و مركز مسارها ينطبق مع مركز قصور الشمس.

- حركة G' في المرجع المركزي الأرضي دائرية شعاعها  $r$  و مركز مسارها ينطبق مع المركز G.

نرمز ب  $M$  لكتلة الشمس و ب  $m$  لكتلة الأرض و ب  $m'$  لكتلة القمر. نأخذ:  $\frac{M}{m} = 3,35.10^5$ .

**1-** عرف المرجع المركزي الأرضي. 0,25

**2-** اختر الجواب الصحيح من بين الاقتراحات التالية: 0,5

أ- يعبر عن قيمة ثابتة التجاذب الكوني ب:  $\text{m.s}^{-2}$ .

ب- متجهة التسارع لمركز القصور G للأرض مماسة لمسارها الدائري حول الشمس.

ج- لمتجهة التسارع اتجاه ثابت في الحركة الدائرية المنتظمة.

د- سرعة الحركة الدائرية المنتظمة لكوكب حول الشمس لا تتعلق بكتلة الكوكب.

**3-** أعط التعبير المتجهي لقوة التجاذب الكوني المطبقة من طرف الشمس على الأرض في أساس فريني  $(\vec{u}, \vec{n})$ . 0,25

**4-** بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بين أن حركة مركز القصور G للأرض حول الشمس دائرية منتظمة. 0,5

**5-** أثبت، بالنسبة لحركة مركز القصور G للأرض حول الشمس، تعبير القانون الثالث لكبلير. 0,5

**6-** أوجد تعبير الشعاع  $r$  لمدار القمر حول الأرض بدلالة  $m$  و  $M$  و  $T$  و  $T'$  و  $R$ . أحسب قيمته. 0,75