

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2016
- الموضوع -

٢٠١٦ | ٢٠١٥ | ٢٠١٤ | ٢٠١٣ | ٢٠١٢ | ٢٠١١ | ٢٠١٠ | ٢٠٠٩ | ٢٠٠٨ | ٢٠٠٧ | ٢٠٠٦ | ٢٠٠٥ | ٢٠٠٤ | ٢٠٠٣ | ٢٠٠٢ | ٢٠٠١ | ٢٠٠٠ | ٢٠٠٩ | ٢٠٠٨ | ٢٠٠٧ | ٢٠٠٦ | ٢٠٠٥ | ٢٠٠٤ | ٢٠٠٣ | ٢٠٠٢ | ٢٠٠١ | ٢٠٠٠



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقدير
والامتحانات والتوجيه

NS 30

4	مدة الإنجاز	الفيزياء والكيمياء	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعبة أو المسلك

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة.

يتضمن الموضوع أربعة تمارين : ترين في الكيمياء و ثلاثة تمارين في الفيزياء.

الكيمياء (7 نقط) :

- دراسة محلول مائي للأمونياك وتفاعلاته مع حمض.
- التحليل الكهربائي لمحلول مائي لنترات الفضة.

الفيزياء (13 نقطة) :

- التحولات النووية (2,25 نقط)
 - النشاط الإشعاعي للبوليونيوم.
- الكهرباء (5,25 نقط)
 - دراسة ثنائي القطب RL والتذبذبات الحرة في دارة RLC متوازية.
 - دراسة تذبذبات قسرية في دارة RLC متوازية.
- الميكانيك (5,5 نقط)
 - دراسة حركة السقوط الرأسي باحتكاك.
 - دراسة حركة نواس اللي.

الجزء الأول و الثاني مستقلان

الكيمياء (7 نقاط)

تستعمل المركبات الكيميائية التي تحتوي على عنصر الأزوت في مجالات متعددة كالزراعة لتحسين التربة بواسطة الأسمدة أو الصناعة لتصنيع الأدوية وغيرها.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة :

- محلول مائي للأمونياك $\text{NH}_3\text{(aq)}$ و تفاعله مع محلول مائي لكلورور المثيل أمونيوم $\text{CH}_3\text{NH}_3^+ + \text{Cl}^-_{\text{(aq)}}$.

- التحليل الكهربائي لمحلول مائي لنترات الفضة $\text{Ag}^+_{\text{(aq)}} + \text{NO}_3^-_{\text{(aq)}}$.

الجزء الأول : دراسة محلول مائي للأمونياك و تفاعله مع حمض

معطيات :

• تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة 25°C ،

• الجداء الأيوني للماء : $K_e = 10^{-14}$ ،

• نرمز ل ($\text{pK}_{A1} = \text{pK}_A(\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3\text{(aq)})$) ب pK_A ،

• $\text{pK}_A(\text{CH}_3\text{NH}_3^+ / \text{CH}_3\text{NH}_2\text{(aq)}) = \text{pK}_{A2} = 10,7$ •

1- دراسة محلول مائي للأمونياك

1-1- نحضر محلولا مائيا S_1 للأمونياك تركيزه المولى $\text{C}_1 = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$. أعطى قياس pH_1 للمحلول S_1 القيمة $\text{pH}_1 = 10,6$.

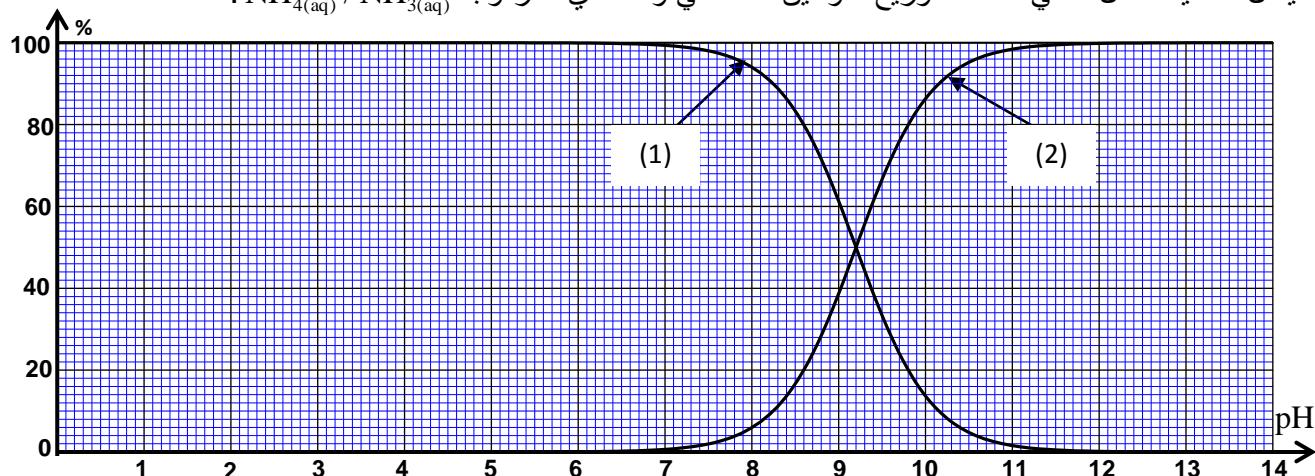
1-1-1- أكتب المعادلة الكيميائية المنفذة لتفاعل الأمونياك مع الماء . 0,25

1-1-2- أوجد تعبير نسبة التقدم النهائي τ_1 للتفاعل بدالة C_1 و pH_1 و K_e . تحقق أن $\tau_1 \approx 4\%$. 0,75

1-1-3- أوجد تعبير ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة التفاعل بدالة C_1 و τ_1 . أحسب قيمتها. 0,75

1-2- نخفف المحلول S_1 فنحصل على محلول مائي S_2 . نقى pH المحلول S_2 فوجد $4,4$. $\text{pH}_2 = 10,4$

يمثل منحنيا الشكل التالي مخطط توزيع النوعين الحمضي والقاعدي للمزدوجة $\text{NH}_4^+_{\text{(aq)}} / \text{NH}_3\text{(aq)}$.



1-2-1- أقرن النوع القاعدي للمزدوجة $\text{NH}_4^+_{\text{(aq)}} / \text{NH}_3\text{(aq)}$ بالمنحني الموافق له مطلا جوابك. 0,5

1-2-2- اعتمادا على منحني الشكل، حدد :

أ- pK_{A1}	0,25
ب- نسبة التقدم النهائي τ_2 للتفاعل في المحلول S_2 .	0,25
1-2-3 - مقارنة τ_1 و τ_2 ، ماذا تستنتج ؟	0,25
2 - دراسة تفاعل الأمونياك مع الأيون مثيل أمونيوم	
نجز في كأس حجما V_1 من المحلول المائي S_1 للأمونياك ذي التركيز المولي C_1 مع حجم V_1 لمحلول مائي S لكlorور المثيل أمونيوم $CH_3NH_{3(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-$ تركيزه المولي $C = C_1$.	
2-1 - أكتب المعادلة الكيميائية الممنذجة لتفاعل الأمونياك مع الأيون مثيل أمونيوم $.CH_3NH_{3(aq)}^+$.	0,25
2-2 - أوجد قيمة ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة هذا التفاعل.	0,5
2-3 - بين أن تعبير تركيز كل من NH_4^+ و $CH_3NH_{2(aq)}^+$ في الخليط التفاعلي عند التوازن، يكتب:	0,75
$[CH_3NH_{2(aq)}]_{eq} = [NH_{4(aq)}^+]_{eq} = \frac{C}{2} \cdot \frac{\sqrt{K}}{1 + \sqrt{K}}$	
2-4 - حدد pH الخليط التفاعلي عند التوازن.	0,5
الجزء الثاني: التحليل الكهربائي لمحلول مائي لنترات الفضة	
نجز التحليل الكهربائي لمحلول مائي لنترات الفضة $Ag_{(aq)}^+ + NO_{3(aq)}^-$ محمض بمحلول مائي لحمض النتریک $H_3O_{(aq)}^+ + NO_{3(aq)}^-$ باستعمال إلكترودين من الغرافيت. حجم الخليط داخل خلية التحليل الكهربائي هو $V = 400 \text{ mL}$	
معطيات :	
• المزدوجتان مختلف / مؤكسد المتدخلتان في التفاعل هما: $Ag_{(aq)}^+ / Ag_{(s)}$ ، $O_{2(g)} / H_2O_{(l)}$	
• الفرادي: $1F = 9,65 \cdot 10^4 \text{ C} \cdot \text{mol}^{-1}$	
نقيس pH الخليط قبل غلق الدارة فنجد $pH_0 = 3$ ، ثم نغلقها عند لحظة نختارها أصلا للتواريخ ($t = 0$) فيمر فيها تيار كهربائي شدته ثابتة $I = 2,66 \cdot 10^2 \text{ mA}$.	
1 - أكتب معادلة التحليل الكهربائي هي :	0,5
$6H_2O_{(l)} + 4Ag_{(aq)}^+ \longrightarrow O_{2(g)} + 4H_3O_{(aq)}^+ + 4Ag_{(s)}$	
2 - اعتمادا على الجدول الوصفي للتفاعل، بين أن تعبير التقدم x للتفاعل عند لحظة t هو:	0,75
حيث pH_t هو pH الخليط عند هذه اللحظة.	
3 - حدد اللحظة t_1 التي يأخذ فيها pH الخليط القيمة $pH_1 = 1,5$	0,75

الفيزياء (13 نقطة):

التحولات النووية (2,25 نقط): النشاط الإشعاعي للبولونيوم

تفقنت نواة البولونيوم $^{210}_{84}\text{Po}$ تلقائياً لتحول إلى نواة الرصاص $^{206}_{82}\text{Pb}$ مع ابعاث دقيقة α .
يهدف هذا التمرن إلى دراسة الحصيلة الطافية لهذا التحول وكذا تطوره مع الزمن.

معطيات :

- طاقة الربط لنواة البولونيوم 210 : $E_{\ell}(^{210}\text{Po}) = 1,6449 \cdot 10^3 \text{ MeV}$
- طاقة الربط لنواة الرصاص 206 : $E_{\ell}(^{206}\text{Pb}) = 1,6220 \cdot 10^3 \text{ MeV}$
- طاقة الربط الدقيقة α : $E_{\ell}(\alpha) = 28,2989 \text{ MeV}$
- نرمز ب $t_{1/2}$ لعمر النصف لنوبية البولونيوم 210.

1- أكتب معادلة هذا التحول النووي محدداً العدد Z . 0,5

2- حدد بالوحدة MeV الطاقة ΔE الناتجة عن تفتقن نواة واحدة من $^{210}_{84}\text{Po}$. 0,5

3- ليكن $N_0(\text{Po})$ عدد نوى البولونيوم في عينة عند اللحظة $t=0$ و $N(\text{Po})$ عدد النوى المتبقية في نفس العينة عند لحظة t .

3-1- نرمز ب N_D لعدد نوى البولونيوم المتفقنة عند اللحظة $t = 4 \cdot t_{1/2}$. 0,25

اختر الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات التالية:

$$N_D = \frac{15N_0(\text{Po})}{16} \quad \text{--} \quad N_D = \frac{N_0(\text{Po})}{4} \quad \text{--} \quad N_D = \frac{N_0(\text{Po})}{16} \quad \text{--} \quad N_D = \frac{N_0(\text{Po})}{8}$$

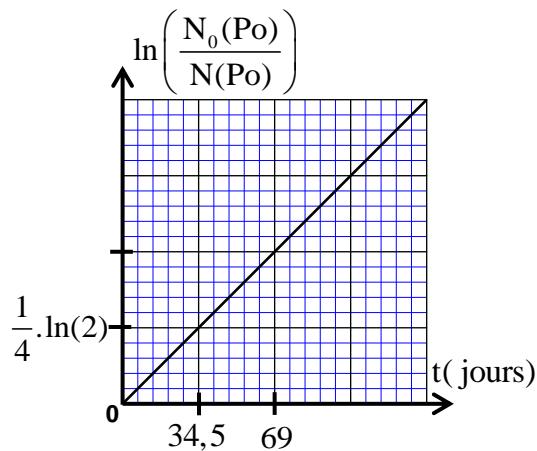
3-2- يمثل المنحنى جانبه تغيرات $\ln\left(\frac{N_0(\text{Po})}{N(\text{Po})}\right)$ بدلالة الزمن. 0,5

اعتماداً على هذا المنحنى، حدد بالوحدة (jour) عمر النصف $t_{1/2}$.

3-3- علماً أن العينة لا تحتوي على الرصاص عند اللحظة $t=0$ ، 0,5

$$\frac{N(\text{Pb})}{N(\text{Po})} = \frac{2}{5}$$

حيث $N(\text{Pb})$ هو عدد نوى الرصاص المتكونة عند هذه اللحظة.



الكهرباء (5,25 نقط)

يستعمل المكثف و الوشيعة و الموصل الأومي في الدارات الكهربائية ل مختلف الأجهزة كالمضخمات وأجهزة الراديو و التلفزة ...

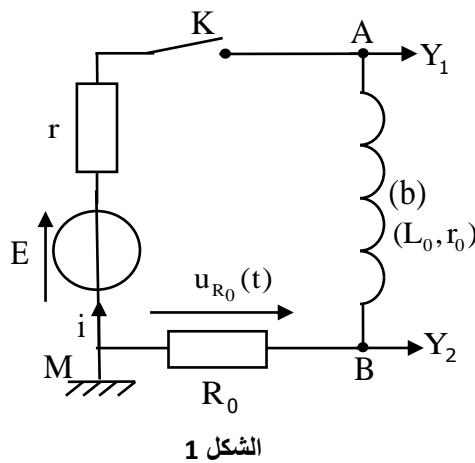
يهدف هذا التمرين إلى دراسة :

- استجابة ثنائي قطب RL لرتبة توتر ،

- تفريغ مكثف في ثنائي القطب RL ،

- تذبذبات قسرية في دارة RLC على التوالي.

1 - استجابة ثنائي قطب RL لرتبة توتر



نجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 1 والمكون من :

- مولد للتوتر قوته الكهرممحركة E و مقاومته الداخلية مهملة ؛

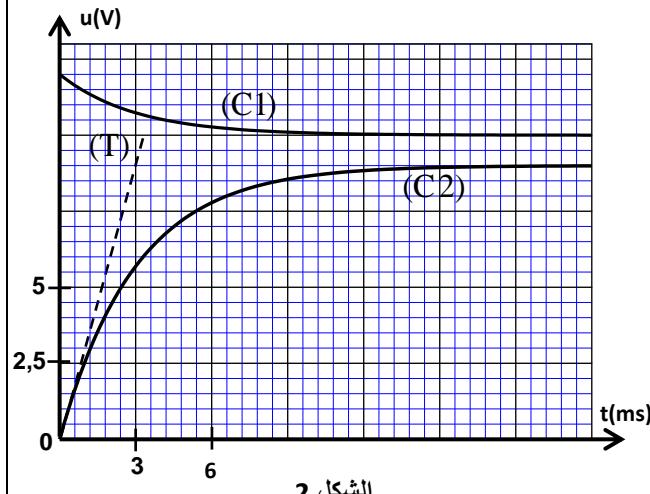
- موصلين أوميين مقاومتها 45Ω و $r = 45\Omega$ و $r_0 = 45\Omega$ ؛

- وشيعة (b) معامل تحريرها L_0 و مقاومتها r_0 ؛

- قاطع التيار K .

نغلق القاطع K في لحظة نختارها أصلًا للتاريخ ($t = 0$) .

يمكن نظام مسك معلوماتي ملائم من خط المنحنى ($C1$) الذي يمثل التوتر (u_{AM}) والمنحنى ($C2$) الذي يمثل التوتر (u_{BM}) (الشكل 2) .



2 - تفريغ مكثف في ثنائي القطب RL

نركب على التوالي عند لحظة $t = 0$ مكثفا سعته

$C = 14,1\mu F$ ، مشحونا كلية ، مع الوشيعة (b) السابقة

و موصل أومي مقاومته $R = 20\Omega$ (الشكل 3) .

يمكن نظام مسك معلوماتي ملائم من خط المنحنى الممثل للتوتر ($u_C(t)$) بين

مربيطي المكثف و المنحنى الممثل للتوتر ($u_R(t)$) بين مربطي الموصل الأومي

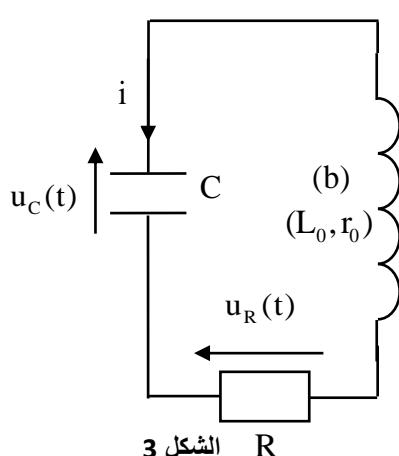
(الشكل 4 ، صفحة 6/8) .

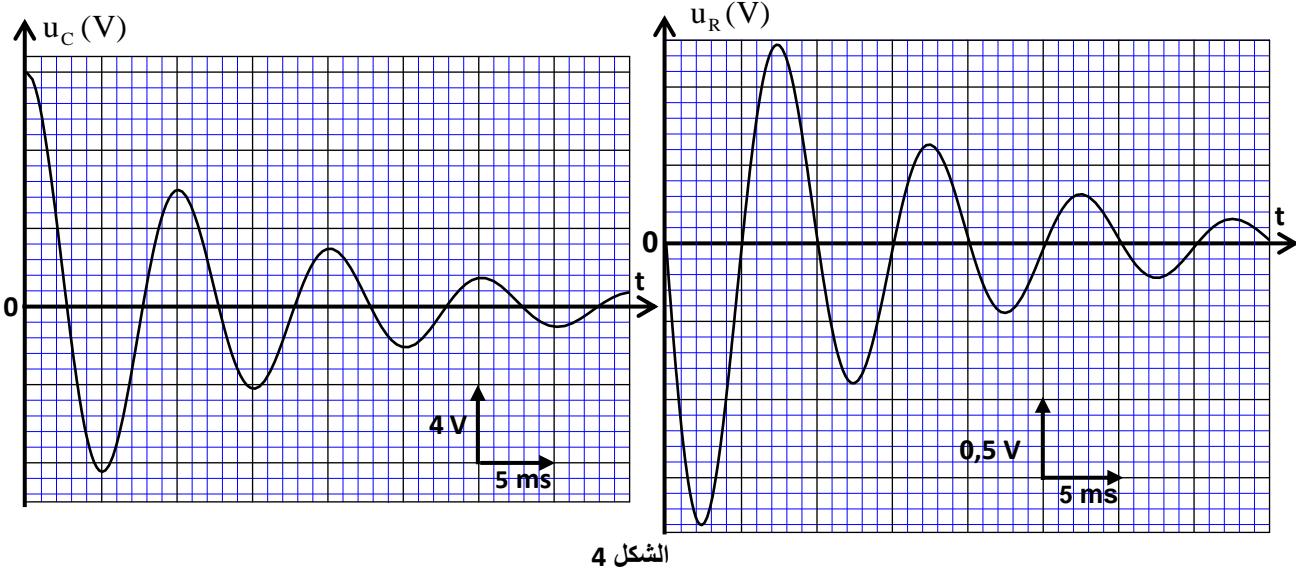
2-1 - أي نظام من الأنظمة الثلاثة للذبذب يوافق منحنبي الشكل 4 ؟

2-2 - أثبتت المعادلة التقاضية التي يتحققها التوتر ($u_C(t)$) .

2-3 - أوجد الطاقة $|E_j|$ المبددة بمفعول جول في الدارة بين اللحظتين

$t_2 = 14\text{ ms}$ و $t_1 = 0$.





الشكل 4

3 - التذبذبات القسرية في دارة RLC على التوالى

ت تكون الدارة الكهربائية الممثلة في الشكل 5 من :

- مولد GBF يزود الدارة بتوتر جيبي $u_{AB}(t) = 3\sqrt{2} \cdot \cos(2\pi N t)$ V ، تردد N قابل للضبط ،
- موصل أومي مقاومته R_1 ؟

- مكثف سعته C_1 ؟

- الوشيعة (b) السابقة ؟

- أمبيرتر.

معامل الجودة للدارة هو $Q = 7$ وعرض المنطقة الممررة ذات $14,3 \text{ Hz}$ هو -3 dB .

عند الرنين ، يشير الأمبيرتر إلى القيمة : $I_0 = 1,85 \cdot 10^2 \text{ mA}$.

3-1 - حدد تردد التذبذبات الكهربائية عند الرنين.

0,5

3-2 - أوجد قيمة كل من R_1 و C_1 .

0,5

3-3 - أحسب القدرة الكهربائية المتوسطة المستهلكة ، بعمول جول ، في الدارة عندما يأخذ التردد إحدى قيمتي الترددتين اللذين يحدان المنطقة الممررة.

0,5

الجزءان الأول و الثاني مستقلان

الميكانيك (5,5 نقط)

الجزء الأول: دراسة حركة سقوط كرتين في الهواء

اهتم العالم الإيطالي غاليلي بدراسة حركة سقوط أجسام مختلفة. وقد تمت هذه الدراسة ، حسب بعض المصادر ، بتحرير هذه الأجسام من فوق برج بيزا (Tour de Pise). للتحقق من بعض النتائج المتوصل إليها ، سندرس في هذا الجزء السقوط في الهواء لكرتين لهما نفس الشعاع و كتلتان حجميتان مختلفتان.

ندرس حركة كل كرة في معلم (O, \vec{k}) مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا. نعلم موضع مركز قصور كل كرة في كل لحظة بالأنسوب z على المحور الرأسي (O, \vec{k}) الموجه نحو الأعلى حيث أصله منطبق مع سطح الأرض (الشكل 1).

تخضع كل كرة أثناء سقوطها في الهواء إلى وزنها \bar{P} و إلى قوة الاحتكاك المائع \bar{f} (نهم دافعة أرخميدس أمام هاتين القوتين).

نقبل أن شدة \bar{f} تكتب : $f = 0,22 \rho_{\text{air}} \pi R^2 v_z^2$ ، حيث ρ_{air} الكتلة الحجمية للهواء و R شعاع الكرة و v_z القيمة الجبرية لسرعة مركز القصور G للكرة عند لحظة t .
معطيات :

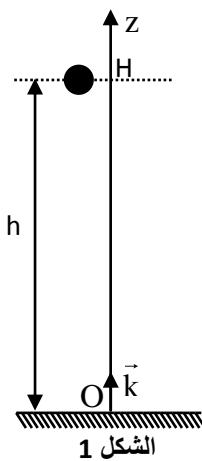
- حجم كرة شعاعها R هو : $V = \frac{4}{3} \pi R^3$

- شدة الثقالة : $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$

- الكتلة الحجمية للهواء : $\rho_{\text{air}} = 1,3 \text{ kg.m}^{-3}$

لدراسة هاتين الحركتين تم استعمال كرتين متجلانستين (a) و (b) لهما نفس الشعاع $R = 6 \text{ cm}$ و كتلتان حجميتان على التوالي $\rho_1 = 1,14 \cdot 10^4 \text{ kg.m}^{-3}$ و $\rho_2 = 94 \text{ kg.m}^{-3}$.

تم تحrir الكرتين (a) و (b) عند نفس اللحظة $t = 0$ ، بدون سرعة بدئية، من نفس المستوى الأفقي الذي تتنمي إليه النقطة H . يوجد هذا المستوى على ارتفاع $h = 69 \text{ m}$ من سطح الأرض (الشكل 1).

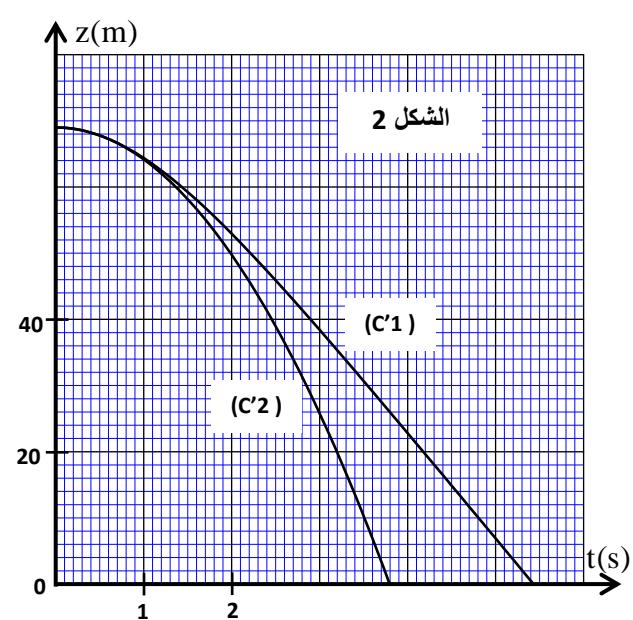
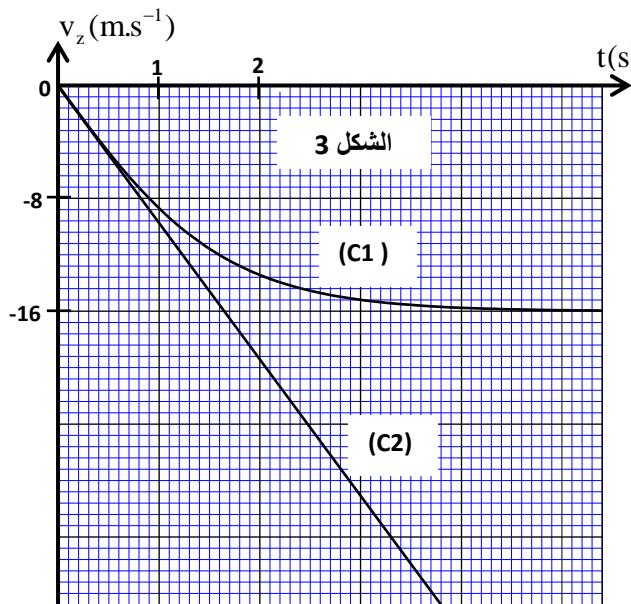


1- بين أن المعادلة التفاضلية التي تتحققها السرعة v_z لمركز قصور كرة تكتب :

$$\frac{dv_z}{dt} = -g + 0,165 \cdot \frac{\rho_{\text{air}}}{R \cdot \rho_i} \cdot v_z^2$$

2- استنتج تعبير السرعة الحدية لحركة كرة.

3- تمثل منحنيات الشكلين 2 و 3 تطور الأنسبوب $z(t)$ و السرعة $v_z(t)$ خلال الزمن لمركز القصور G لكل كرة أثناء السقوط.



3-1- اعتمادا على تعبير السرعة الحدية، بين أن المنحنى (C1) يوافق تغيرات سرعة الكرة (b).

0,5

0,5

0,25

- 3-2- فسر لماذا يوافق المنحنى (C2) تغيرات أنسوب الكرة (a). 0,25
- 4- اعتمادا على المنحنى (C2)، حدد طبيعة حركة الكرة (a) واكتب معادلتها الزمنية $z(t)$. 0,75
- 5- حدد فرق الارتفاع d بين مركزي قصور الكرتين لحظة وصول الكرة الأولى سطح الأرض(نهمل أبعاد الكرتين). 0,25
- 6- علما أن القيمة الجبرية لسرعة الكرة (b) عند لحظة t_n هي $v_{zn} = -11,47 \text{ m.s}^{-1}$ ، أوجد باستعمال طريقة أولير، قيمة التسارع a_{zn} للحركة عند اللحظة t_n و السرعة $v_{z(n+1)}$ عند اللحظة t_{n+1} . نأخذ خطوة الحساب $\Delta t = 125 \text{ ms}$

الجزء الثاني: دراسة حركة نواس اللي

يهدف هذا الجزء إلى دراسة حركة نواس اللي و تحديد بعض المقادير المرتبطة بها. نتوفر على نواس اللي المكون من سلك فلزي ثابتة ليه C مثبت في حامل عند نقطة P، و من قضيب MN متجانس معلق بالطرف الحر للسلك في مركز قصوره G(الشكل 4).

القضيب MN قابل للدوران بدون احتكاك حول المحور (Δ) المنطبق مع السلك الفلزي.

عزم قصور القضيب بالنسبة للمحور (Δ) هو $J_{\Delta} = 4.10^{-4} \text{ kg.m}^2$

ندرس حركة النواس في معلم مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا.

نعلم موضع القضيب MN في كل لحظة t بأقصوله الزاوي θ بالنسبة لموضع التوازن المستقر(الشكل 4).

نختار موضع التوازن المستقرمرجعا لطاقة الوضع لـ $E_{pt} = 0$ ،

و المستوى الأفقي المار من G مرجعا لطاقة الوضع الثقالية $E_{pp} = 0$.

نأخذ $\pi^2 = 10$.

ينجز النواس تذبذبات وسعتها $\theta_m = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$ مكنت دراسة تجريبية من

الحصول على منحنى الشكل 5 الذي يمثل تغيرات السرعة الزاوية للمتذبذب بدالة الزمن.

1- بتطبيق العلاقة الأساسية للديناميك في حالة الدوران، أثبت المعادلة التفاضلية لحركة النواس.

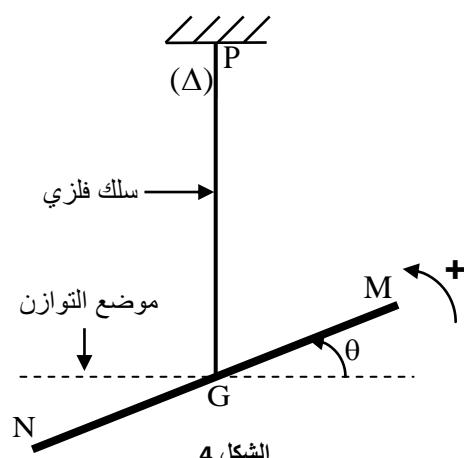
2- يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على الشكل : $\theta(t) = \theta_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right)$ حيث T_0 الدور الخاص للنواس.

2-1- بين أن التعبير العددي للسرعة الزاوية المعتبر

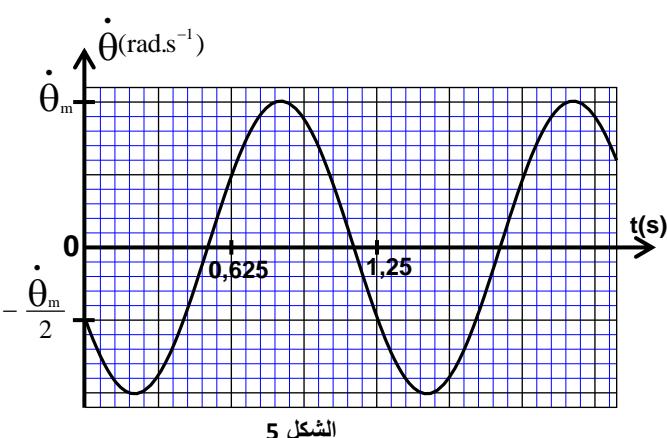
عنها $\dot{\theta}(t) = 4 \cdot \sin\left(1,6\pi t + \frac{7\pi}{6}\right) \text{ rad.s}^{-1}$ ، يكتب :

2-2- حدد قيمة ثابتة اللي C للسلك .

3- أوجد قيمة الطاقة الميكانيكية للمتذبذب و استنتاج قيمة طاقة الوضع عند أصل التواريخ $t = 0$.



الشكل 4



الشكل 5