

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة الاستدراكية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دباج التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

الكيمياء

الجزء (1) : تفاعل حمض كربوكسيلي مع الماء، ثم مع الأمونياك

1- تحديد الصيغة الإجمالية لحمض كربوكسيلي :



1.1- معادلة تفاعل المعايرة : 2.1- حساب التركيز المولى C_A

عند التكافؤ نحصل على التركيز المولى بتطبيق العلاقة:

$$C_A V_A = C_B V_{B,E} \quad \text{ومنه: } C_A = \frac{C_B V_{B,E}}{V_A} = \frac{10^{-2} \times 15}{10} = 1,5 \cdot 10^{-2} mol \cdot L^{-1}$$

* إثبات الصيغة الإجمالية للحمض الكربوكسيلي:

- نعلم أن: $C_A = \frac{m}{M \cdot V_0}$ ، أي: $C_A = \frac{n}{V_0}$

$$M = \frac{m}{C_A \cdot V_0} \Rightarrow (12n + 12) + (2n + 2) + 32 = \frac{m}{C_A \cdot V_0} \Rightarrow 14n + 46 = \frac{m}{C_A \cdot V_0}$$

$$n = \frac{1}{14} \left(\frac{m}{C_A \cdot V_0} - 46 \right)$$

$$n = \frac{1}{14} \cdot \left(\frac{0,45}{1,5 \cdot 10^{-2} \times 0,5} - 46 \right) = \frac{1}{4}$$

إذا الصيغة الإجمالية للحمض الكربوكسيلي هي:

2- تحديد الثابتة pK_{A2} للمزدوجة

1.2- * تعبير التقدم النهائي x_f لتفاعل الحمض مع الماء:

- إنشاء الجدول الوصفي:

$CH_3COOH_{(aq)} + H_2O_{(\ell)} \rightleftharpoons CH_3COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$				معادلة التفاعل	
كميات المادة			x	حالة المجموعة	
$n_i(AH) = C_A \cdot V$	وغير	0	0	$x = 0$	الحالة البدئية
$C_A \cdot V - x_f$	وغير	x_f	x_f	$x = x_f$	حالة التوازن

- حسب الجدول نجد: $n_f(H_3O^+) = x_f \Rightarrow \frac{x_f}{V} = \frac{C_A \cdot V - x_f}{V} \Rightarrow [H_3O^+]_f = \frac{x_f}{V} \Rightarrow x_f = [H_3O^+]_f \cdot V$

$$\Rightarrow x_f = 10^{-pH} \cdot V$$

$$\frac{[CH_3COOH]_f}{[CH_3COO^-]_f} = -1 + C_A \cdot 10^{pH}$$

* إثبات التعبير التالي: $[CH_3COOH]_f = \frac{n_f(AH)}{V} = \frac{C_A \cdot V - x_f}{V} = C_A - \frac{x_f}{V} = C_A - [H_3O^+]_{eq}$

- حسب الجدول الوصفي:

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة الاستدراكية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دباج التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

$$\Rightarrow [CH_3COOH]_f = C_A \cdot 10^{-pH}$$

$$[CH_3COO^-]_f = [H_3O^+]_f = 10^{-pH}$$

$$\frac{[CH_3COOH]_f}{[CH_3COO^-]_f} = \frac{C_A \cdot 10^{-pH}}{10^{-pH}} = -1 + C_A \cdot 10^{+pH}$$

و منه أيضا:

إذا:

2.2 - استنتاج قيمة الثابتة : pK_{A2}

بالنسبة للمزدوجة قاعدة / حمض: CH_3COOH / CH_3COO^- ، لدينا:

$$pH = pK_{A2} + \log \frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f} \Rightarrow pK_{A2} = pH - \log \frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f}$$

$$pH = pK_{A2} + \log \frac{[CH_3COOH]_f}{[CH_3COO^-]_f} \Rightarrow pK_{A2} = pH + \log(-1 + C_A \cdot 10^{+pH})$$

$$pK_{A2} = 3,3 + \log(-1 + 1,5 \cdot 10^{-2} \times 10^{3,3}) \approx 4,76$$

3 - دراسة تفاعل الحمض CH_3COOH مع القاعدة NH_3

1.3 - كتابة معادلة التفاعل: $CH_3COOH_{(aq)} + NH_3_{(aq)} \rightleftharpoons CH_3COO^-_{(aq)} + NH_4^+_{(aq)}$

2.3 - حساب ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة هذا التفاعل:

$$K = \frac{K_{A2}}{K_{A1}} = \frac{10^{-pK_{A2}}}{10^{-pK_{A1}}}$$

$$K = \frac{10^{-4,76}}{10^{-9,2}} \approx 2,75 \cdot 10^4$$

3.3 - إثبات تعبير نسبة التقدم τ :

- إنشاء الجدول الوصفي:

$CH_3COOH_{(aq)} + NH_3_{(aq)} \rightarrow CH_3COO^-_{(aq)} + NH_4^+_{(aq)}$				معادلة التفاعل	
كميات المادة				التقدم x	حالة المجموعة
n_0	n_0	0	0	$x = 0$	الحالة البدئية
$n_0 - x_f$	$n_0 - x_f$	x_f	x_f	$x = x_f$	حالة التوازن
$n_0 - x_m$	$n_0 - x_m$	x_m	x_m	$x = x_m$	تحول كلي

$$n_0 - x_m = 0 \Rightarrow x_m = n_0$$

- قيمة التقدم الأقصى:

$$K = \frac{\frac{x_f}{V} \times \frac{x_f}{V}}{\frac{n_0 - x_f}{V} \times \frac{n_0 - x_f}{V}} = \frac{(x_f)^2}{(n_0 - x_f)^2} \quad \text{، ومنه: } K = \frac{[NH_4^+]_f \times [CH_3COO^-]_f}{[NH_3]_f \times [CH_3COOH]_f}$$

لدينا:

$$\frac{x_f}{n_0 - x_f} = \sqrt{K} \Rightarrow x_f = (n_0 - x_f) \sqrt{K} \Rightarrow x_f (1 + \sqrt{K}) = n_0 \sqrt{K} \Rightarrow x_f = \frac{n_0 \sqrt{K}}{1 + \sqrt{K}}$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة الاستدراكية

المؤسسة : ثانوية بلال بن رباع التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

- تعبير نسبة التقدم τ :

$$\tau = \frac{x_f}{x_m} = \frac{\frac{n_0 \sqrt{K}}{1 + \sqrt{K}}}{n_0} \Rightarrow \tau = \frac{\sqrt{K}}{1 + \sqrt{K}}$$

- استنتاج: نسبة التقدم τ لتفاعل خليط بدئي متساوي المولات تتعلق فقط بثابتة التوازن K المقرونة بهذا التفاعل.

الجزء (2): عمود نيكل - زنك
1.1 - حساب $Q_{r,i}$ خارج التفاعل في الحالة البدئية:

$$Q_{r,i} = \frac{[\text{Zn}^{2+}]_i}{[\text{Ni}^{2+}]_i} = \frac{5 \cdot 10^{-2}}{5 \cdot 10^{-2}} = 1$$

حسب معادلة التفاعل:

* استنتاج منحى تطور المجموعة:
بما أن $K = 10^{18}$ ، وحسب معيار التطور التلقائي، فإن المجموعة الكيميائية تتطور في المنحى المباشر، أي وفق منحى تأكل إلكترونات الزنك.

2.1 - تحديد منحى التيار الكهربائي:
يتآكسد فلز الزنك، حيث يفقد إلكترونات، التي تنتقل من مقصورة الزنك نحو مقصورة النيكل، ويمر إذا تيار كهربائي في المنحى المعاكس.

1.2 - تحديد المدة القصوى Δt_m لاشتغال هذا العمود:
إنشاء الجدول الوصفي للتحول الحاصل:

كمية مادة الإلكترونات المترادلة: $n(e^-)$	معادلة التفاعل					
	كميات المادة (mol)				النحو	
0	$n_i(\text{Ni}^{2+})$	$n_i(\text{Zn})$	$n_i(\text{Ni})$	$n_i(\text{Zn}^{2+})$	0	الحالة البدئية
$2x_m$	$n_i(\text{Ni}^{2+}) - x_m$	$n_i(\text{Zn}) - x_m$	$n_i(\text{Ni}) + x_m$	$n_i(\text{Zn}^{2+}) + x_m$	x_m	الحالة القصوى

- تحديد النحو الأقصى:

- من الجدول الوصفي، كمية مادة الإلكترونات المترادلة بين النوع المختزل والنوع المؤكسد هي:

- نعلم أن كمية الكهرباء Q_m التي تجتاز الدارة خلال المدة الزمنية Δt_m هي:

$$\Delta t_m = \frac{2 \cdot [\text{Ni}^{2+}] \cdot V \cdot F}{I}$$

$$\Delta t_m = \frac{2 \times 5 \cdot 10^{-2} \times 0,1 \times 96500}{0,1} = 9650 \text{ s} = 2 \text{ h} 40 \text{ mn} 50 \text{ s}$$

- ت.ع: - استنتاج التغير Δm لكتلة إلكترونات النيكل:

$$\Delta n(\text{Ni}) = n_f(\text{Ni}) - n_i(\text{Ni}) \text{ ، مع } \Delta m(\text{Ni}) = \Delta n(\text{Ni}) \cdot M(\text{Ni})$$

$$\Delta n(\text{Ni}) = n_f(\text{Ni}) - n_i(\text{Ni}) = x_m \text{ ، ومنه: } n_f(\text{Ni}) = n_i(\text{Ni}) + x_m$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة الاستدراكية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دباع التأهيلية - تمارة
أستاذ المادة : مصطفى قشيش

$$\Delta m(Ni) = x_m \cdot M(Ni) \Rightarrow \Delta m(Ni) = [Ni^{2+}] \cdot V \cdot M(Ni)$$

$$\Delta m(Ni) = 5.10^{-2} \times 0,1 \times 58,7 = 0,293 g$$

نستنتج أن: ت.ع:

الفيزياء

التمرين الأول : تحديد تردد موجة ضوئية
1- العلاقة بين المقادير θ و λ و d :

يكون تعبير الفرق الزاوي θ الموافق للبقة المركبة خلال الحيود بواسطة خيط قطره d هو: (1)

2- إيجاد العلاقة بين المقادير L و λ و d و D ، اعتمادا على الشكل 1:

3- حسب الشكل 1، نجد العلاقة: $\tan(\theta) = \frac{L}{2D}$ أي $\tan(\theta) = \frac{L/2}{D}$ ، وبما أن الفرق الزاوي صغير، فإن: $\theta \approx \theta$

$$\theta = \frac{L}{2D} \quad (2)$$

$$\theta = \frac{\lambda}{d} = \frac{L}{2D} \quad (3)$$

4- من العلاقات (1) و (2) نستنتج:

5- تحديد طول الموجة λ انطلاقا من المنهج:

6- $\theta = f(\frac{1}{d})$ دالة خطية، فتكتب معادلة المستقيم: (4) حيث k المعامل الموجي قيمته:

$$k = \frac{\Delta \theta}{\Delta(1/d)} = \frac{0,44 \cdot 10^{-2} - 0}{1,10^4 - 0} = 4,4 \cdot 10^{-7} m$$

7- بمقابلة المعادلة (4) مع المعادلة (1)، نستنتج أن:

8- استنتاج تردد الموجة ν (nu):

$$\nu = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \cdot 10^8}{4,4 \cdot 10^{-7}} = 6,8 \cdot 10^{14} Hz$$

9- أ- تعين طول الموجة λ الذي يوافق أقصى قيمة لعرض البقة المركبة:

$$L = \frac{2D}{d} \cdot \lambda$$

10- نلاحظ كلما ارتفعت قيمة λ ، ارتفعت قيمة L عرض البقة الضوئية المركبة، وبالتالي:

11- ب- لون البقة المركبة:

12- خلال حيود الضوء الأبيض، تتالف البقة المركبة من جميع أشعة الضوء الأبيض، ويؤدي تداخلها إلى ظهور اللون الأبيض.

التمرين الثاني: استجابة ثنائي القطب RL و LC للتوتر كهربائي

13- استجابة ثنائي القطب RL للتوتر كهربائي ثابت

14- إثبات المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار $i(t)$:

15- قانون إضافية التوترات:

$$u_b + u_R = E \quad (*)$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة الاستدراكية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دباع التأهيلية - تمارة
أستاذ المادة : مصطفى قشيش

- في اصطلاح المستقبل : قانون أوم للموصل الأولي : $u_b = r.i + L \cdot \frac{di}{dt}$ و للوشيعة: $u_R = R.i$ تكتب المعادلة $(*) : \frac{L}{r+R} \cdot \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{r+R}$ أو: $L \cdot \frac{di}{dt} + (r+R).i = E$ وهي المعادلة التقاضية.

2.1- تحديد تعبير كل من الثابتة A والثابتة الزمن τ :

$$\begin{aligned} \frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau} \cdot A \cdot e^{-t/\tau} \quad i(t) = A \cdot (1 - e^{-t/\tau}) \\ \frac{L}{R+r} \cdot \left(\frac{1}{\tau} \cdot A \cdot e^{-t/\tau} \right) + A \cdot (1 - e^{-t/\tau}) = \frac{E}{R+r} \\ \Rightarrow \frac{L}{(R+r)\tau} \cdot A \cdot e^{-t/\tau} - A \cdot e^{-t/\tau} + A = \frac{E}{R+r} \\ \tau = \frac{L}{r+R} \quad A = \frac{E}{r+R} \quad \text{ومنه: } A \cdot e^{-t/\tau} \left(\frac{L}{\tau(R+r)} \cdot -1 \right) + A - \frac{E}{R+r} = 0 \\ = 0 \quad = 0 \end{aligned}$$

3.1- تحديد قيمة كل من r و L انطلاقا من المبيان:

$$r = \frac{E}{I_0} - R, \quad I_0 = \frac{E}{R+r} \quad \text{ومنه:}$$

$$r = \frac{2,4}{0,1} - 20 = 4\Omega \quad : E = 2,4V, R = R_l = 20\Omega, I_0 = 100mA = 0,1A$$

$$L = (R+r)\tau = (20+4) \times 2,4 \cdot 10^{-3} = 6 \cdot 10^{-2} H \quad \tau = 2,5ms$$

2) استجابة ثنائي القطب RL و RC للتواتر جيبي

1.2- تعين المحنن الموافق:

$$Z_1 = \sqrt{R_0^2 + 4\pi^2 L^2 \cdot N^2}$$

$$Z_2 = \sqrt{R_0^2 + (2\pi L \cdot N - \frac{1}{2\pi C \cdot N})^2}$$

3.2- دالة تزايدية، إذا المحنن (ب) يوافق ثنائي القطب (D_1) ، وبالتالي فالمحنن (أ) يوافق ثنائي القطب (D_2) .

$$C = \frac{T^2}{4\pi^2 \cdot L} = \frac{(4 \cdot 10^{-3})^2}{4 \times 10 \times 0,49} = 8,2 \cdot 10^{-7} F \quad T = T_0 = 2\pi \sqrt{L \cdot C} \quad \text{ومنه: } T = 4ms$$

2.2- استنتاج قيمة كل من R_0 و C :

$$R_0 = Z = 1000\Omega \quad \text{ومنه: } N = \frac{N_0}{\sqrt{2}}$$

عند الرنين تكون ممانعة الدارة دنوية، ومن المحنن (أ)، نجد:

$$LC(2\pi N_0)^2 = 1 \quad \text{ومنه: } C = \frac{1}{4\pi^2 L N_0^2} = \frac{1}{4 \times 10 \times 6,10^{-2} \times (10^4)^2} = 4,16 \cdot 10^{-9} F$$

$$3.2- \text{إثبات العلاقة: } N = \frac{N_0}{\sqrt{2}}, \text{ حيث } N \text{ تردد نقطة تقاطع المحننين:}$$

$$L(2\pi N) - \frac{1}{C(2\pi N)} < 0, \text{ أي: } N < N_0$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة الاستدراكية

المؤسسة : ثانوية بلال بن رباع التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

$$\sqrt{R_0^2 + 4\pi^2 L^2 \cdot N^2} = \sqrt{R_0^2 + (2\pi L \cdot N - \frac{1}{2\pi C \cdot N})^2} \Leftrightarrow Z_1 = Z_2$$

عند هذه النقطة تتحقق المتساوية: $2\pi L \cdot N - \frac{1}{2\pi C \cdot N} < 0$ ، ومنه: $4\pi^2 L^2 \cdot N^2 = (2\pi L \cdot N - \frac{1}{2\pi C \cdot N})^2$

$$N = \frac{N_0}{\sqrt{2}} \quad N^2 = \frac{N_0^2}{2} \quad N_0^2 = \frac{1}{4\pi^2 LC}$$

أي: $N^2 = \frac{1}{8\pi^2 CL}$ ، ونعلم أن: وبالتالي:

4.2- استجابة (D_1) و (D_2) :
لدينا في هذه الحالة $Z_1 = Z_2$ ، ونعلم أن: $I_2 = I_1 \Leftrightarrow Z_2 \cdot I_2 = Z_1 \cdot I_1$ و $U = Z_2 \cdot I_2 = U = Z_1 \cdot I_1$

التمرين الثالث:

الجزء (1) : مقارنة كتلة الشمس وكتلة الأرض

- إبراز طبيعة حركة القمر الاصطناعي:
- المجموعة المدرosaة : { القمر الاصطناعي }

- تخضع المجموعة إلى وزنها \vec{P}

- نطبق القانون الثاني لنيوتن في المعلم المركزي الأرضي الذي نعتبره غاليليا:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a} \Rightarrow \vec{P} = m \vec{a} \quad (*)$$

- يعبر عن وزن القمر الاصطناعي الذي يوجد عند العلو h من سطح الأرض بـ:

$$\vec{u}_T = -\vec{n} \quad r = R + h \quad \vec{P} = -\frac{G \cdot m_T \cdot m}{r^2} \vec{u}_T$$

$$(1) \quad \vec{a} = \frac{G \cdot m_T}{r^2} \vec{n} \quad \text{نعرض في (*)، ونحصل على:}$$

$$(2) \quad \vec{a} = \vec{a}_T \cdot \vec{u} + \vec{a}_N \cdot \vec{n} \quad \text{لدينا: } (S, \vec{u}, \vec{n})$$

$$(4) \quad a_N = \frac{G \cdot m_T}{r^2} \quad (3) \quad a_T = 0 \quad \text{و} \quad \text{بمماطلة (1) و (2) نستنتج أن:}$$

- من العلاقة (3): $\frac{dv}{dt} = a_T = 0$

- من العلاقة (4): $r = \frac{G \cdot m_T}{v^2} = Cte \Leftrightarrow \frac{v^2}{r} = a_N = \frac{G \cdot m_T}{r^2}$

نستنتج أن حركة القمر الاصطناعي دائريه منتظمه في المعلم المركزي الأرضي.

$$T = \frac{2\pi r}{v} \Rightarrow T = \frac{2\pi r}{\sqrt{\frac{G \cdot m_T}{r}}} \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{G \cdot m_T}} \quad * \quad \text{تعبر الدور: } T$$

- تعبر K بدلالة G و m_T

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة الاستدراكية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دماج التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

- يكتب القانون الثالث لклиبر:
$$(*) \quad \frac{T^2}{r^3} = K$$

- من تعبير الدور T نستنتج العلاقة:
$$(*)' \quad \frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot m_T}$$

- بمقابلة (*) و (*)' نستنتج:
$$\frac{T^2}{r^3} = K = \frac{4\pi^2}{G \cdot m_T} \quad (a)$$

3- أيجاد تعبير النسبة:
$$\frac{m_S}{m_T}$$

- إذا اعتبرنا الحركة الدائرية المنتظمة للأرض حول الشمس، فإن دور هذه الحركة T_T وشعاع مسارها r_T يحققان العلاقة التالية:

(القانون الثالث لклиبر)
$$\frac{T_T^2}{r_T^3} = K' = \frac{4\pi^2}{G \cdot m_S} \quad (b)$$

$$\frac{m_S}{m_T} = \left(\frac{T}{T_T}\right)^2 \cdot \left(\frac{r_T}{r}\right)^3 \quad \leftarrow \quad \frac{\frac{T^2}{r^3}}{\frac{T_T^2}{r_T^3}} = \frac{\frac{4\pi^2}{G \cdot m_T}}{\frac{4\pi^2}{G \cdot m_S}} = \frac{m_S}{m_T}$$
 - نقسم (a) على (b):

$$\frac{m_S}{m_T} = \left(\frac{1}{365,25}\right)^2 \times \left(\frac{1,496 \cdot 10^8}{4,22 \cdot 10^4}\right)^3 \approx 3,33 \cdot 10^5$$
 - ت.ع:

بالتقريب، تفوق كتلة الشمس كتلة الأرض بـ 333 ألف مرة.

- بما أن مدار القمر دائري فإن التسارع \vec{a} مركزي انجذابي، فنسقط العلاقة (*) في معلم فريني وبالنسبة للمركبة المنظمية \vec{n} فنحصل على:

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{r}} \quad , \quad \text{ومنه: } G \cdot \frac{M_T \cdot m}{r^2} = m \cdot \frac{v^2}{r}$$

$$v = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \times 5,98 \cdot 10^{24}}{7000 \cdot 10^3}} = \frac{7548,56 \text{ m.s}^{-1}}{\text{ت.ع:}}$$

الجزء (2) : قياس كتلة جسم داخل مركبة فضائية

1- إطالة النابضين عند التوازن:

المجموعة المدروسة: {المقصورة - (C_1) }

جرد القوى المطبقة على المجموعة :

* وزن المجموعة: \vec{P} * تأثير السطح الأفقي: \vec{R}

* تأثير النابض (R_1) : \vec{T}_0 * تأثير النابض (R_2) : \vec{T}_0'

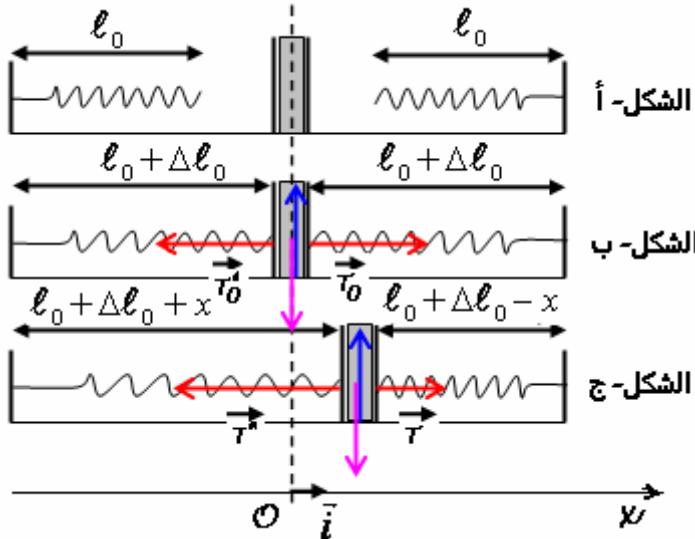
- حسب الشكل- ب، عند التوازن، نكتب: $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T}_0 + \vec{T}_0' = \vec{0}$

- الإسقاط على المحور الأفقي Ox : $k \cdot \Delta \ell_1 - k \cdot \Delta \ell_2 = 0 \quad , \quad \text{أي: } 0 + 0 + T_0 - T_0' = 0$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة الاستدراكية

المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش



وبالتالي: $\Delta l_1 = \Delta l_2 = \Delta l_0$

2- التحقق من المعادلة التفاضلية:

- المجموعة المدروسة: {المقصورة - (C₁)}

- جرد القوى المطبقة على المجموعة:

* وزن المجموعة: \vec{R} * تأثير السطح الأفقي: \vec{P}

* تأثير النابض (R₁): \vec{T} * تأثير النابض (R₂): \vec{T}'

- نطبق القانون الثاني لنيوتن (الشكل-ج)، فنكتب:

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} + \vec{T}' = (m + M_1) \vec{a}$$

- الإسقاط على المحور الأفقي: Ox

$$0 + 0 + T - T' = (m + M_1) \cdot a$$

$$k \cdot \underbrace{[\ell_0 + \Delta\ell_0 - x - (\ell_0 + \Delta\ell_0)]}_{=T} - k \cdot \underbrace{[\ell_0 + \Delta\ell_0 + x - (\ell_0 + \Delta\ell_0)]}_{=T'} = (m + M_1) \cdot \frac{d^2 x}{dt^2} \quad \text{أي:}$$

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{2 \cdot k}{m + M_1} \cdot x = 0 \quad (*) \quad \text{أو: } -2 \cdot k \cdot x = (m + M_1) \cdot \frac{d^2 x}{dt^2}$$

1.3- تحديد الطور φ انطلاقاً من المبيان:

$$\frac{dx}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} x_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right) \quad x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right) \quad \text{لدينا:}$$

- نلاحظ من المنحنى أن عند اللحظة $t = 0$ فإن $x = x_0$ ، ومنه: $\varphi = \pm \frac{\pi}{2} \iff \cos(\varphi) = 0$

- نلاحظ من المنحنى أن عند اللحظة $t = 0$ فإن $\frac{dx}{dt} < 0$ ، أي: $\left(\frac{dx}{dt}\right)_{t=0} < 0$

وعلماً أن $x_m > 0$ و $\frac{d^2 x}{dt^2} > 0$ فإن: $\sin(\varphi) > 0$ ، وبالتالي فالحل المناسب هو: $\varphi = +\frac{\pi}{2} \text{ rad}$

2.3- إيجاد تعبير الدور الخاص T_0 :

- حل هذه المعادلة هو: $\left(\frac{dx}{dt}\right)_{t=0} = -\frac{2\pi}{T_0} x_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot 0 + \varphi\right) = -\frac{2\pi}{T_0} x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot 0 + \varphi\right)$ ، و المشتقة الأولى هي:

$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cdot x$ و تكافؤ الكتابة: $\frac{d^2 x}{dt^2} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \underbrace{x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)}_{=x(t)}$ و المشتقة الثانية هي:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cdot x = 0 \quad (*)' \quad \text{فحصل على المعادلة التالية:}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m + M}{2k}} \quad \text{، ومنه: } \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \frac{2k}{m + M} \quad \text{وبمطابقة المعادلتين (*) و (*)' نستنتج العلاقة:}$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة الاستدراكية**المؤسسة :** ثانوية بلال بن دباع التأهيلية - تمارة**أستاذ المادة :** مصطفى قشيش3.3- حساب قيمة k باستغلال مبيان الشكل-2:-

$$T_0 = 1s$$

$$k = 2\pi^2 \cdot \frac{m + M}{T_0^2}, \text{ ومنه: } T_0^2 = 4\pi^2 \cdot \frac{m + M}{2k}$$

$$k = 2 \times 10 \times \frac{0,2 + 0,1}{1^2} = 6 N.m^{-1}$$

4.3- نستنتج من التجربة أن الدور الخاص للمتذبذب لا يتعلق بمكان إجراء هذه التجربة، إنما يتعلق بكثافة المتذبذب وبصلابة النابض.

5.3- استنتاج قيمة الكتلة M_2 :

$$T_0^2 = 2\pi^2 \cdot \frac{m + M_2}{k}, \text{ أي: } T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m + M_2}{2k}}$$

$$M_2 = \frac{k T_0^2}{2\pi^2} - m$$

$$M_2 = \frac{6 \times 1,5^2}{2 \times 10} - 0,2 = 0,475 kg$$