

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دباع التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

الكيمياء

الجزء الأول: دراسة محلول حمض البنزويك

(1) تفاعل حمض البنزويك مع الماء:

1.1 حساب الكتلة: m

نعلم أن: $n(C_6H_5COOH) = C_a \cdot V$ و $m = n(C_6H_5COOH) \cdot M(C_6H_5COOH)$

$$m = C_a \cdot V \cdot M(C_6H_5COOH)$$

$$m = 0,1 \times 0,1 \times 122 = 1,22 \text{ g}$$

ت.ع:

2.1- معادلة تفاعل حمض البنزويك مع الماء: $C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(\ell)} \rightleftharpoons C_6H_5COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$

* إنشاء الجدول الوصفي لتطور المجموعة:

$C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(\ell)} \rightleftharpoons C_6H_5COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$				معادلة التفاعل	
كميات المادة (mol)			التقدم x	حالة المجموعة	
$n_i(ac) = C_a \cdot V$	وغير	0	0	$x = 0$	الحالة البدئية
$C_a \cdot V - x_{eq}$	وغير	x_{eq}	x_{eq}	$x = x_{eq}$	حالة التوازن
$C_a \cdot V - x_m$	وغير	x_m	x_m	$x = x_m$	تحول كلي

* حساب τ نسبة التقدم النهائي للتفاعل:

$$n_{eq}(H_3O^+) = x_{eq} \Rightarrow [H_3O^+]_{eq} = \frac{x_{eq}}{V} \Rightarrow x_{eq} = [H_3O^+]_{eq} \cdot V \quad \text{حسب الجدول نجد:}$$

$$C_a \cdot V - x_m = 0 \Rightarrow x_m = C_a \cdot V \quad \text{و}$$

$$\tau = \frac{x_{eq}}{x_m} = \frac{[H_3O^+]_{eq} \cdot V}{C_a \cdot V} \Rightarrow \tau = \frac{[H_3O^+]_{eq}}{C_a} \Rightarrow \tau = \frac{10^{-pH}}{C_a}$$

$$\tau = \frac{10^{-pH}}{C_a} = \frac{10^{-2,6}}{0,1} \approx 2,5 \cdot 10^{-2} \quad * \text{ قيمة } \tau :$$

* استنتاج: $\tau = 2,5 \cdot 10^{-2}$: تفاعل حمض البنزويك مع الماء تفاعل محدود.

$$Q_{r,eq} = \frac{[H_3O^+]_{eq} \times [C_6H_5COO^-]_{eq}}{[C_6H_5COOH]_{eq}} \quad : Q_{r,eq} \quad * \text{ تعريف خارج التفاعل}$$

- من الجدول الوصفي السابق، نحدد تعابير التراكيز للأنواع الواردة في تعريف خارج التفاعل:

$$x_{eq} = n_{eq}(H_3O^+) = n_{eq}(C_6H_5COO^-) \Rightarrow [C_6H_5COO^-]_{eq} = [H_3O^+]_{eq} = 10^{-pH_1} \quad -$$

$$[C_6H_5COOH]_{eq} = \frac{n(C_6H_5COOH)}{V} = \frac{C_a \cdot V - x_{eq}}{V} = C_a - [H_3O^+]_{eq} = C_a - 10^{-pH_1} \quad -$$

$$Q_{r,eq} = \frac{[H_3O^+]_{eq}^2}{[C_6H_5COOH]_{eq}} \Rightarrow Q_{r,eq} = \frac{10^{-2pH_1}}{C_a - 10^{-pH_1}} \quad \text{نستنتج التعريف المطلوب:}$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

المؤسسة : ثانوية بلال بن رباع التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

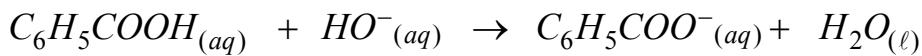
* استنتاج قيمة ثابتة الحمضية : pK_A

$$pK_A = -\log K_A \Rightarrow pK_A = -\log(Q_{r, eq}) \Rightarrow pK_A = -\log\left(\frac{10^{-2pH_1}}{C_a - 10^{-pH_1}}\right)$$

$$\therefore pK_A = -\log\left(\frac{10^{-2 \times 2,6}}{0,1 - 10^{-2,6}}\right) \approx 4,2$$

(2) تفاعل حمض البنزويك مع محلول هيدروكسيد الصوديوم:

- 1.2 كتابة معادلة التفاعل عند مزج محلولين:



- 2.2 * حساب كمية المادة $n(HO^-)_V$ التي ثمت إضافتها:

$$n(HO^-)_V = c_b \cdot V_b = 5 \cdot 10^{-2} \times 10^{-2} = 5 \cdot 10^{-4} mol$$

* حساب كمية المادة $n(HO^-)_r$ المتبقية في محلول عند نهاية التفاعل:

$$n(HO^-)_r = [HO^-]_{eq} \cdot (V_a + V_b) = \frac{K_e}{[H_3O^+]_{eq}} \cdot (V_a + V_b) = 10^{pH_2 - 14} \cdot (V_a + V_b)$$

$$\Rightarrow n(HO^-)_r = 10^{3,7 - 14} \times (20 + 30) \cdot 10^{-3} = 1,5 \cdot 10^{-12} mol$$

- 3.2 * تعبير نسبة التقدم النهائي τ :

- إنشاء الجدول الوصفي لتفاعل محلولين:

معادلة التفاعل				حالة المجموعة
كميات المادة			القدم x	
$n_i(AH) = C_a \cdot V_a$	$n_i(HO^-) = C_b \cdot V_{versé}$	0	وغير	$x = 0$ الحالة البدئية
$C_a \cdot V_a - x_f$	$C_b \cdot V_b - x_f$	x_f	وغير	$x = x_{eq}$ حالة النهاية
$C_a \cdot V_a - x_m$	$C_b \cdot V_b - x_m$	x_m	وغير	$x = x_m$ تحول كلي

- نحسب الجدائين: $C_b \cdot V_b = 5 \cdot 10^{-2} \times 10^{-2} = 5 \cdot 10^{-4} mol$ و $C_a \cdot V_a = 0,1 \times 20 \cdot 10^{-3} = 2 \cdot 10^{-3} mol$

نلاحظ أن: $C_b \cdot V_b < C_a \cdot V_a$ ، فيكون المتفاعل المحسوب هو أيونات HO^- ، إذا:

- من خلال الجدول، في حالة النهاية نجد: $n(HO^-)_r = C_b \cdot V_b - x_f$ ، أي: $n(HO^-)_r = n(HO^-)_V - x_f$ ومنه:

$$x_f = n(HO^-)_V - n(HO^-)_r$$

- نحسب نسبة التقدم:

$$\tau = \frac{x_f}{x_m} = \frac{n(HO^-)_V - n(HO^-)_r}{n(HO^-)_V} \Rightarrow \tau = 1 - \frac{n(HO^-)_r}{n(HO^-)_V}$$

$$\tau = 1 - \frac{1,5 \cdot 10^{-12}}{5 \cdot 10^{-4}} = 1 - 3 \cdot 10^{-9} \approx 1$$

* استنتاج: التفاعل المدروس تفاعل كلي.

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

المؤسسة : ثانوية بلال بن رباع التأهيلية - تمارة

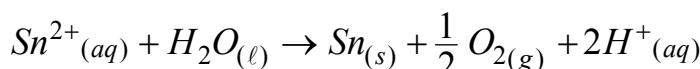
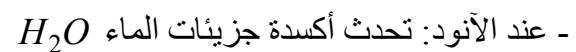
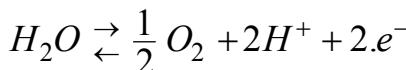
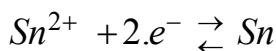
أستاذ المادة : مصطفى قشيش

الجزء الثاني: تغطية قطعة من الفولاذ بطبقة من فلز القصدير

1- تكون الصفيحة الفولاذية هي الأنود أم الكاثود؟:

يحدث الاختزال لفلز أثناء التحليل الكهربائي بجوار الكاثود، ومنه لطلاء الصفيحة الفولاذية يجب أن تكون هي الكاثود.

2- كتابة معادلة تفاعل التحليل الكهربائي:



معادلة أكسدة- اختزال:

3- استنتاج كتلة القصدير (Sn) التي توضعت على صفيحة القصدير:

- الجدول الوصفي:

كمية مادة الإلكترونات المتبادلة: $n(e^-)$	معادلة التفاعل					
	كميات المادة			التقدم	حالة المجموعة	
0	$n_i(Sn^{2+})$	$n_i(H_2O)$	$n_i(Sn)$	0	$x=0$	الحالة البدئية
$2x$	$n_i(Sn^{2+}) - x$	$n_i(H_2O) - x$	$n_i(Sn) + x$	$0,5x$	$0,5x$	حالة وسيطة

- من الجدول نجد: $n(e^-) = 2x$ و $x = \Delta n(Sn) = n_f(Sn) - n_i(Sn) = \frac{m}{M(Sn)}$ $\Leftrightarrow n_i(Sn) + x = n_f(Sn)$

$$m = x \cdot M(Sn) = \frac{n(e^-)}{2} \cdot M(Sn) \quad (1)$$

$$n(e^-) = \frac{I \times \Delta t}{F} \quad (2) \Leftrightarrow Q = I \times \Delta t = n(e^-) \times F$$

- من العلاقات (1) و(2) نستنتج: $m = \frac{I \cdot \Delta t}{2 \cdot F} \cdot M(Sn)$

الفزياء

فيزياء 1: التاريخ بطريقة الأورانيوم - الثوريوم

1) دراسة نواة الأورانيوم:

1.1- تركيب نواة الأورانيوم 234: من رمز النواة $^{234}_{92}U = ^A_ZU$ نستنتج:

*** عدد البروتونات هو: $N = A - Z = 234 - 92 = 142$ * عدد النوترونات هو: $P = Z = 92$**

2.1- حساب طاقة الربط للنواة $^{234}_{92}U$:

$$\begin{aligned} E_\ell &= [Zm_p + (A-Z)m_n - m(^{234}_{92}U)] \cdot c^2 \\ &= [92 \times 1,00728 + 142 \times 1,00866 - 234,0409] \cdot u.c^2 \\ &= 1,85858 \cdot u.c^2 \quad (u.c^2 = 931,5 MeV) \\ &= 1,85858 \times 931,5 MeV \\ &= 1731,26 MeV \end{aligned}$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دباج التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

- 3.1- كتابة معادلة النصفت : بتطبيق قانوني صودي نكتب
 (2) دراسة التناقص الإشعاعي:
 1.2- تعبير عدد نوى الثوريوم 230 عند اللحظة t :

$$N_{234U}^{92}(t) = N_0 \cdot e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t} \quad (1) \quad \text{ومنه: } \lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$$

$$N'_{234U}^{92}(t) = N_0 \left(1 - e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t}\right), \quad \text{أي: } N'_{234U}^{92}(t) = N_0 - N_{234U}^{92}(t)$$

$$\text{عدد نوى } U^{234}_{92} \text{ المتبقية عند اللحظة } t \text{ هو: } N_{234U}^{92}(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}, \quad \text{أي:}$$

$$N_{230Th}^{90}(t) = N_0 \left(1 - e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t}\right) \quad (2)$$

* تعبير اللحظة t :

$$r = \frac{N_{230Th}^{90}(t)}{N_{234U}^{92}(t)} = \frac{N_0 \left(1 - e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t}\right)}{N_0 \cdot e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t}} = \frac{1 - e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t}}{e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t}}$$

$$\Rightarrow r \cdot e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t} = 1 - e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t} \Rightarrow e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t} = \frac{1}{1+r} \Rightarrow -\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t = \ln\left(\frac{1}{1+r}\right)$$

$$\Rightarrow \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t = \ln(1+r) \Rightarrow t = \frac{\ln(1+r)}{\ln 2} \cdot t_{1/2}$$

* حساب t :

$$t = \frac{\ln(1+0,4)}{\ln 2} \times 2,455 \cdot 10^5 \approx 1,2 \cdot 10^5 \text{ ans}$$

فيزياء 2: تحديد معامل التحرير لوشيعة مكبر الصوت

1) تحديد سعة مكثف:

1.1- إثبات المعادلة التقاضلية التي يحققها التوتر u_C :

- قانون إضافية التوترات: $u_R + u_C = E$ (*)

- في اصطلاح المستقبل: قانون أوم للموصل الأولي: $q = C \cdot u_C$ و $u_R = R \cdot i$

$$u_R = R \cdot i = R \cdot \frac{dq}{dt} = R \cdot \frac{d(Cu_C)}{dt} = RC \cdot \frac{du_C}{dt}$$

$$RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E \quad \text{المعادلة التقاضلية.}$$

2.1- تحديد تعبير كل من الثابتين τ و A :

يكتب الحل: (1) $u_C(t) = A \cdot (1 - e^{-t/\tau})$ ، ومنه المشقة لهذه الدالة هي: (2)

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دباج التأهيلية - تمارة **أستاذ المادة :** مصطفى قشيش

نعرض التعبيرين (1) و(2) في المعادلة التفاضلية، فنحصل على المعادلة: $RC \cdot \frac{A}{\tau} \cdot e^{-t/\tau} + A(1 - e^{-t/\tau}) = E$ أو: $\left(\frac{RC}{\tau} - 1\right) \cdot Ae^{-t/\tau} + A - E = 0$ ، لكي تتحقق هذه المعادلة مهما كان t ، يجب أن يكون معامل $Ae^{-t/\tau}$ منعدما:

$$A = E \quad \tau = RC \quad \left(\frac{RC}{\tau} - 1\right) = 0$$

3.1- استنتاج قيمة C سعة المكثف باستغلال المبيان:

- نستعمل المستقيم (T) (المماس للمنحنى) $f(t) = u_c$ عند اللحظة $t=0$ ، فنجد $\tau = 1ms$.

- نطبق العلاقة $C = \frac{\tau}{R} = \frac{10^{-3}}{100} = 10^{-5} F$ ، ومنه $\tau = RC$

(2) تحديد معامل التحرير للوشيعة:

1.2- إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C :

- يعطي قانون إضافية التوترات: $u_b + u_c = 0$ (*)

- في اصطلاح المستقبل : التوتر بين طرفي الوشيعة: $u_b = r.i + L \cdot \frac{di}{dt}$ و $u_c = \frac{q}{C}$

- تكتب المعادلة (*) : $r \cdot \frac{dq}{dt} + L \cdot \frac{d^2q}{dt^2} + u_c = 0 \iff r.i + L \cdot \frac{di}{dt} + u_c = 0 \iff r.i + L \cdot \frac{di}{dt} + u_c = 0$

$$\frac{d^2u_c}{dt^2} + \frac{r}{L} \cdot \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{LC} \cdot u_c = 0$$
 نحصل على المعادلة التفاضلية التالية:

2.2- تعبير الطاقة الكلية E_t للدار: نعلم أن: $E_t = \underbrace{\frac{1}{2} C u_c^2}_{=E_e} + \underbrace{\frac{1}{2} L i^2}_{=E_m}$

$$E_t = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L \cdot \left(\frac{dq}{dt}\right)^2 \Rightarrow E_t = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L \cdot \left(\frac{d(Cu_c)}{dt}\right)^2 \Rightarrow E_t = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L C^2 \cdot \left(\frac{du_c}{dt}\right)^2$$

3.2- إثبات العلاقة: $\frac{dE_t}{dt} = -r \cdot i^2$

$$\frac{dE_t}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L C^2 \cdot \left(\frac{du_c}{dt}\right)^2 \right) = \frac{1}{2} C \cdot \frac{d}{dt} (u_c^2) + \frac{1}{2} L C^2 \cdot \frac{d}{dt} \left(\left(\frac{du_c}{dt}\right)^2 \right)$$

$$\Rightarrow \frac{dE_t}{dt} = \frac{1}{2} C \cdot (2u_c \cdot \frac{du_c}{dt}) + \frac{1}{2} L C^2 \cdot (2 \cdot \frac{du_c}{dt} \cdot \frac{d^2u_c}{dt^2}) \Rightarrow \frac{dE_t}{dt} = \underbrace{C \frac{du_c}{dt}}_A \cdot \underbrace{(u_c + LC \frac{d^2u_c}{dt^2})}_B$$

$$A = C \cdot \frac{du_c}{dt} = \frac{d(Cu_c)}{dt} = \frac{dq}{dt} = i : A$$

- من المعادلة التفاضلية، نستنتج أن $B = u_c + LC \frac{d^2u_c}{dt^2} = -rC \cdot \frac{du_c}{dt} = -r \cdot A = -r \cdot i$

وبالتالي نحصل على العلاقة المطلوبة: $\frac{dE_t}{dt} = -r \cdot i^2$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دباع التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

4.2- حساب معامل التحريرض:

$$T = 2ms = \underline{0,002s}$$

$$T = T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \Rightarrow L = \frac{T^2}{4\pi^2 C} = \frac{(0,002)^2}{4 \times 10 \times 10^{-5}} = \underline{10^{-2} H}$$

(3) تحديد معامل التحريرض للوشيعة بطريقة أخرى:

1.3- حساب قيمة معامل التحريرض L ، وقيمة المقاومة r :

- حسب المعطيات فإن الدارة في حالة رنين كهربائي.

- عند الرنين تتحقق العلاقة: $LC \cdot (2\pi N_0)^2 = 1$ مع $\omega_0 = 2\pi N_0$ ، ومنه: $1 = LC \cdot \omega_0^2$ ، ونستنتج:

$$L = \frac{1}{4\pi^2 C N_0^2} = \frac{1}{4 \times 10 \times 10^{-5} \times 500^2} = \underline{10^{-2} H}$$

$$r = \frac{U}{I_0} = \frac{6}{0,48} = \underline{12,5 \Omega} \quad U = Z \cdot I_0 = r \cdot I_0 \quad (Z = r) \quad \text{ومنه:}$$

2.3- إيجاد قيمة الطور φ للتوتر u بالنسبة للتوتر U :

- في حالة الرنين يكون إنشاء فرينيل كما يلي:

$$\tan(\varphi) = \frac{LI_0 \omega_0}{U} = \frac{LI_0 (2\pi N_0)}{U}$$

$$\tan(\varphi) = \frac{10^{-2} \times 0,48 \times 2 \times \pi \times 500}{6} = \underline{2,51}$$

$$\varphi = 68,3^\circ \approx 1,19 \text{ rad}$$

فيزياء 3: نمذجة قوة احتكاك مائع

1- تحديد قيمة السرعة الحدية v_ℓ :

خلال مرحلة النظام الدائم تكون حركة مركز القصور مستقيمية منتظمة، فإذا: $v_\ell = \frac{d}{\Delta t} = \frac{0,2}{0,956} = \underline{0,21 m.s^{-1}}$

2- إثبات المعادلة التفاضلية التي تتحققها السرعة $v(t)$:

- المجموعة المدرosa : { الكلة الفلزية }

- تخضع المجموعة إلى التأثيرات التالية:

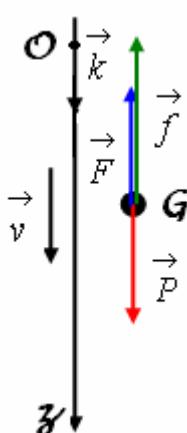
- وزنها \vec{P} - تأثير دافعة أرخميدس \vec{F} - تأثير قوة احتكاك \vec{f}

- نطبق القانون الثاني لنيوتون في معلم أرضي، فنكتب: $\vec{P} + \vec{F} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}_G$

- نسقط هذه العلاقة المتجهية على المحور الرأسي (O, \vec{k}) الموجه نحو الأسفل:

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 \quad m = \rho_1 V \quad \text{مع} \quad mg - \rho_2 g V - 9\pi r v^n = m \cdot \frac{dv}{dt}$$

$$\frac{\rho_1 g V - \rho_2 g V}{\rho_1 V} - \frac{9\pi r}{\rho_1 V} v^n = \frac{dv}{dt} \quad \text{أو:} \quad \rho_1 g V - \rho_2 g V - 9\pi r v^n = \rho_1 V \cdot \frac{dv}{dt}$$



تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

المؤسسة : ثانوية بلال بن دماس التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

$$\frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g - \frac{27r}{\rho_1 \cdot 4 \cdot r^2} v^n = \frac{dv}{dt} \quad \text{ويكافئ أيضاً: } \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g - \frac{9\pi r}{\rho_1 (4/3)\pi \cdot r^3} v^n = \frac{dv}{dt}$$

$$\text{أو: } B = \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g \quad \text{و} \quad A = \frac{27}{4 \cdot \rho_1 \cdot r^2} \quad \text{نضع } \frac{dv}{dt} + \frac{27}{\rho_1 \cdot 4 \cdot r^2} v^n = \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g$$

$$\frac{dv}{dt} + A v^n = B \quad \text{التالي:}$$

3- إيجاد تعبير v_ℓ^n

خلال مرحلة النظام الدائم تكون حركة مركز القصور مستقيمية منتظمة، إذا: $v = v_\ell$ ، فتصبح المعادلة التفاضلية

$$(v_\ell)^n = \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g \times \frac{4 \cdot \rho_1 \cdot r^2}{27} = \frac{4}{27} \cdot g \cdot (\rho_1 - \rho_2) \cdot r^2 \quad \text{أي: } (v_\ell)^n = \frac{B}{A} = \frac{\frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1} \cdot g}{\frac{27}{4 \cdot \rho_1 \cdot r^2}} \quad \text{أو } 0 + A(v_\ell)^n = B$$

4- استنتاج العدد n

$$\text{لدينا: } n \ln(v_\ell) = \ln\left(\frac{4}{27} \cdot g \cdot (\rho_1 - \rho_2) \cdot r^2\right), \text{ ومنه } (v_\ell)^n = \frac{4}{27} \cdot g \cdot (\rho_1 - \rho_2) \cdot r^2$$

$$n = \frac{\ln\left(\frac{4}{27} \cdot g \cdot (\rho_1 - \rho_2) \cdot r^2\right)}{\ln(v_\ell)} = \frac{\ln\left(\frac{4}{27} \times 9,8 \times (2,7 \cdot 10^3 - 1,26 \cdot 10^3) \times (10^{-2})^2\right)}{\ln(0,21)} = 1$$

فيزياء 4: نواص اللي لكافانديش

1- تحديد سرعة قمر اصطناعي:

- المجموعة المدرosa : { القمر الاصطناعي }

- تخضع المجموعة إلى وزنها \vec{P}

- نطبق القانون الثاني لنيوتون في المعلم المركزي الأرضي الذي نعتبره غاليليا:

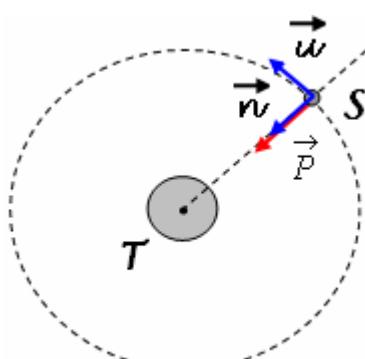
$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a} \Rightarrow \vec{P} = m \vec{a} \quad (*)$$

- بما أن مدار القمر دائري فإن التسارع \vec{a} مركزي انجذابي، فنسقط العلاقة (*)

في معلم فريني وبالنسبة للمركبة المنظمية \vec{n} فنحصل على:

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{r}} \quad \text{ومنه: } G \cdot \frac{M_T \cdot m}{r^2} = m \cdot \frac{v^2}{r}$$

$$v = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \times 5,98 \cdot 10^{24}}{7000 \cdot 10^3}} = \frac{7548,56 \text{ m.s}^{-1}}{} \quad \text{- ت.ع:}$$



تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2008 - الدورة العادية

المؤسسة : ثانوية بلال بن رباع التأهيلية - تمارة

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

2- دراسة نواس اللي:

1.2- المعادلة التفاضلية التي يحققها الأقصول الزاوي θ :

المجموعة المدرستة: { العارضة + الجسم }

- تخضع المجموعة إلى التأثيرات التالية:

وزنها \vec{P} - تأثير السلك \vec{T} - تأثير مزدوجة اللي عزماها

$M_c = -C \cdot \theta$ - نطبق العلاقة الأساسية للديناميک: (*)

* بما أن اتجاهها \vec{P} و \vec{T} بقطاع المحور (Δ), فإن: $M_{\Delta}(\vec{P}) = M_{\Delta}(\vec{R}) = 0$

تكتب المعادلة (*) : $\frac{d^2\theta}{dt^2} + (\frac{C}{J_{\Delta}}) \cdot \theta = 0$ (1) أو: $-C \cdot \theta = J_{\Delta} \frac{d^2\theta}{dt^2}$

2.2- * تعبير الدور الخاص : T_0

لدينا: $\frac{d\theta}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} \theta_m \sin(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi)$ ومنه $\theta(t) = \theta_m \cos(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi)$

وبالتالي $\frac{d^2\theta}{dt^2} = -(\frac{2\pi}{T_0})^2 \theta_m \cos(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi)$ أو: (2)

. $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{C}}$ و بمطابقة (1) و (2)، نستنتج أن: $(\frac{2\pi}{T_0})^2 = \frac{C}{J_{\Delta}}$ ، ومنه: $\frac{d^2\theta}{dt^2} + (\frac{2\pi}{T_0})^2 \theta = 0$

* استنتاج قيمة ثابتة اللي C للسلك.

$$T_0^2 = 4\pi^2 \frac{J_{\Delta}}{C} \Rightarrow C = \frac{4\pi^2 J_{\Delta}}{T_0^2}$$

$$C = \frac{4 \times 10 \times 1,46}{(7 \times 60)^2} = 3,31 \cdot 10^{-4} N.m.rad^{-1}$$

ت.ع: $\theta = f(t)$

3- استغلال المخطط

1.3- المنحنى الموافق للنظام شبه الدوري هو المنحنى -أ- ، لأنه يبرز ظاهرة الخمود حيث يتناقص وسع التذبذبات بشكل شبه دوري مع مرور الزمن.

2.3- قيمة السرعة الزاوية $\dot{\theta}_0$ عند اللحظة $t=0$:

لدينا $\frac{d\theta}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} \theta_m \sin(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi)$ و $\theta(t) = \theta_m \cos(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi)$

- نلاحظ من المنحنى أن عند اللحظة $t=0$ فإن $\theta(0) = \theta_0 = 0$ ، أو $\cos(\frac{2\pi}{T_0} t_0 + \varphi) = 0$ ، ومنه: $\sin(\frac{2\pi}{T_0} t_0 + \varphi) = \pm 1$

- نلاحظ من المنحنى أن عند اللحظة $t=0$ فإن $\frac{d\theta}{dt}|_{t=0} < 0$ ، إذا:

$$(\frac{d\theta}{dt})_{t=0} = -\frac{2\pi}{T_0} \theta_m = -\frac{2\pi}{7 \times 60} \times 0,8 = -1,2 \cdot 10^{-2} rad.s^{-1}$$