

ثانوية محمد الخامس التأهيلية بالصويرة ذ : ياسين المغازلي	الفرض المحروس رقم 3 مدة الإنجاز: ساعتان	السنة الثانية علوم رياضية أ - ب أنجز يوم 8 يناير 2016
---	--	--

إعتني بحسن تقديم ورقتك و صغ البراهين بالدقة و المنطق اللازمين

التمرين الاول (10 نقط) المستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O, \overrightarrow{e_1}, \overrightarrow{e_2})$. a عدد عقدي غير منعدم عمدته θ مع $\theta \in]-\pi, \pi[$ نعتبر في $\mathbb{C}$ المعادلة $(E): z^2 - (a - i\bar{a})z - i a ^2 = 0$. 1 (أ) نفترض أن $\bar{a} = ia$ بين أن المعادلة (E) تكافئ $z + ai = 0$. (ب) بين أن $a + i$ ليس حلا للمعادلة (E). 2 (أ) نفترض في ما يلي أن $a \neq ia$ (أ) تحقق أن مميز المعادلة هو $\Delta = (a + i\bar{a})^2$ (ب) حل في $\mathbb{C}$ المعادلة (E) ثم أكتب الحلول على الشكل المثلثي. 3 (أ) نعتبر النقط $A(a)$ و $B(-i\bar{a})$ و $N(a - i\bar{a})$. (أ) تحقق أن $OA = OB$ ثم بين أن $\widehat{(OB, OA)} \equiv \frac{\pi}{2} + 2\theta [2\pi]$ (ب) حدد قيم θ التي تكون من أجلها النقط O و A و B مستقيمية. (ج) حدد قيم θ لكي يكون المستقيمين (OA) و (OB) متعامدين. 4 (أ) نفترض أن $\theta \notin \left\{ \frac{-3\pi}{4}, \frac{-\pi}{4}, \frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4} \right\}$ (أ) بين أن الرباعي $OANB$ متوازي أضلاع. (ب) بين أن النقط O و A و B و N متداورة إذا و فقط إذا كان $\operatorname{Re}(a) \times \operatorname{Im}(a) = 0$. (ج) استنتج مجموعة النقط A التي تكون من أجلها النقط O و A و B و N متداورة.	سلم التنقيط 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن
التمرين الثاني (10 نقط) المستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O, \overrightarrow{e_1}, \overrightarrow{e_2})$. نضع $\forall z \in \mathbb{C} - \{i\}; f(z) = \frac{\bar{z} - i}{z + i}$ و نعتبر النقط $A(1)$ و $B(i)$ و $M(z)$ و $M'(f(z))$. 1 (أ) تحقق أن $f(z) - 1 = \frac{-2i}{z + i}$ و استنتج أن $M' \neq A$. (ب) بين أن $\begin{cases} AM' \times BM = 2 \\ \widehat{(AM', BM)} \equiv \frac{\pi}{2} [2\pi] \end{cases}$ (ج) لتكن M نقطة من الدائرة (Γ) ذات المركز B و الشعاع 1 استنتج طريقة لإنشاء النقطة M'. (د) تحقق أن $\left(\frac{\sqrt{2}}{2}, 1 + \frac{\sqrt{2}}{2} \right) \in (\Gamma)$ ثم أنشئ النقطة C'. 2 (أ) ليكن θ من المجال $]0, 2\pi[$ بين أن $f(z) = e^{i\theta} \Leftrightarrow z = -\cot an \frac{\theta}{2}$ 3 (أ) حدد الجذور المكعبة للعدد $\frac{\sqrt{2}}{2}(-1 + i)$ (ب) استنتج حلول المعادلة $2(\bar{z} - i)^3 = \sqrt{2}(-1 + i)(\bar{z} + i)^3$ نعطي	1 ن 2 ن 1 ن 1 ن 2 ن 1 ن 2 ن

بالتوفيق