

- كلما كانت Δt صغيرة كلما كانت القيم النظرية أقرب إلى النتائج التجريبية.
- تمكن طريقة أولير Euler من الحكم على مدى ملائمة النموذج المعتمد في تعبير قوة الاحتكاك المانع : حيث أن تطابق المنحنيين (النظري و التجريبي) يَزَكِّي صلاحية النموذج ، و العكس صحيح .
- عموما نأخذ $\Delta t = \tau/10$ خطوة الحساب

II - السقوط الرأسى الحر لجسم صلب

- نترك جسما صلبا كتله m يسقط بدون سرعة بدنية في مجال الثقالة المنتظم. نعتبر أن هذا الجسم له شكل انسيابي و له كثافة عالية. ندرس هذا السقوط في معلم متعامد و منظم محوره $(O; \vec{k})$ موجه نحو الأسفل
- 1- ما طبيعة مسار G مركز قصور الجسم الصلب خلال السقوط
 - 2- أجرد القوى المطبقة على الجسم أثناء حركته. تم احسب النسبة P/F_a و استنتج
 - 3- عرف السقوط الرأسى الحر
 - 4- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة الجسم في كل لحظة.
 - 5- استنتج طبيعة الحركة ، واكتب تعبير المعادلات الزمنية للحركة.
 - 6 احسب مدة السقوط الموافقة لارتفاع $h=20m$
- الكتلة الحجمية : للهواء $\rho = 1,3 Kg/m^3$ ، للجسم الصلب $\rho' = 1000 Kg/m^3$

تمرين 1:

على ارتفاع $h=10m$ من سطح بركة مائية نطلق جسم كروي الشكل قطره $d=3cm$ وكتلته $m=130g$ من نقطة O ، نأخذ النقطة O أصل المعلم (OZ) موجه نحو الأسفل،

نعطي الكتلة الحجمية للماء $\rho_{air} = 1kg.L^{-1}$

- 1- دراسة السقوط الحر نعتبر ان الجسم في سقوط حر بين النقطة O و سطح الماء

1-1 بتطبيق القانون الثاني لنيوتن حدد تعبير a_z ، V_z و $z(t)$

2-1 اعط تعبير لحظة وصول الجسم الى سطح الماء بدلالة g و h ، احسب قيمتها

3-1 احسب قيمة السرعة التي سيصل بها الجسم إلى سطح الماء

2- دراسة السقوط الرأسى باحتكاك في الماء

يتابع الجسم حركته في الماء بسرعة بدنية رأسية و نعتبر لحظة دخول

الجسم في الماء أصلا جديدا للتواريخ يخضع الجسم الى قوة احتكاك شدتها $f = 0,5.V^2$ ماء

1-2 اوجد المعادلة التفاضلية وبين انها تكتب على شكل $\frac{dv}{dt} = A - B.V^2$ حدد تعبير A و B

2-2 احسب قيمة السرعة الحدية V_{lim} و τ الزمن المميز

3-2 باعتماد طريقة أولير Euler مثل منحى تغيرات السرعة بدلالة الزمن

تمرين 2:

في اسفل بحيرة هادنة تتصاعد فقاعة كروية الشكل من غاز شعاعها $r=2mm$ وكتلتها الحجمية $\rho=0,72g/L$ تخضع الكرية لقوة احتكاك شدتها $f=\beta.V$ ، نعتبر ان درجو حرارة الماء ثابتة الامر الذي يمكننا من اعتبار

شعاع الفقاعة ثابت خلال حركتها. نعطي $\rho(\text{الماء}) = 1g/mL$

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن اوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة الفقاعة

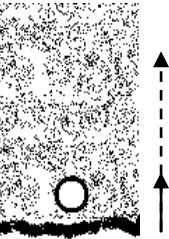
2- اعط حل المعادلة التفاضلية علما أن الفقاعة تبدأ حركتها بدون سرعة بدنية

3- علما ان السرعة الحدية للفقاعة هي $V_{lim}=0,2m/s$ احسب قيمة β معامل الاحتكاك

4- احسب قيمة لزوجة ماء البحيرة

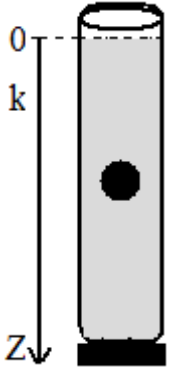
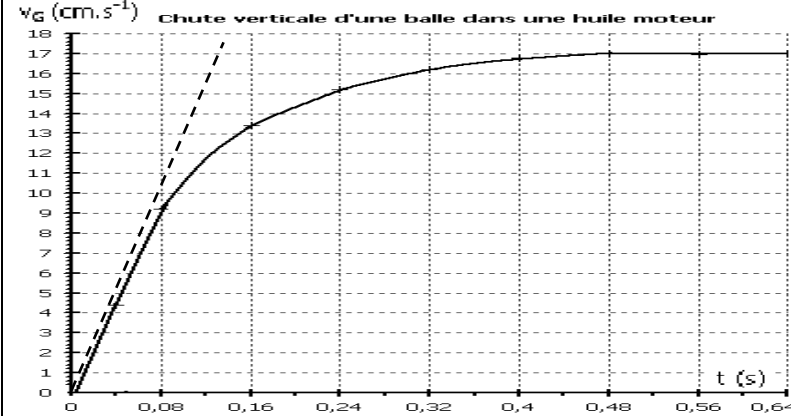
5- احسب المسافة التي تقطعها الفقاعة لحظة تحقق العلاقة $V=0,63V_{lim}$

6- احسب المدة الزمنية لكي تصل الفقاعة الى سطح البحيرة علما ان عمقها هو $H=25m$



I- السقوط الرأسى لجسم صلب في مائع

في من مخبر مدرج مملوء بزيوت محرك من نوع SAE50 كتلته الحجمية $\rho = 0,910 g.cm^{-3}$. نطلق كرية فولاذية كتلتها $m = 35,0 g$ و شعاعها $R = 2,00 cm$ و حجمها $V = 33,5 cm^3$. نسلج حركة الكرية في السائل بواسطة كاميرا رقمية و نحفظ الشريط المسجل لحركة الكرية في ملف من نوع (avi) . بمساعدة برنامج Avimeca و راسم المنحنيات regressi ، نتمكن من الحصول على منحني تغيرات السرعة v لمركز قصور الكرية التالي. نعطي معامل الاحتكاك $\rho_{air} = 1,3 kg.m^{-3}$ ، $K=0,264 S.I.$



نأخذ بداية سقوط الكرية اصلا للزمن $t=0$ و الموضع الذي تبدأ منه الحركة هو اصل المحور (oz) $z=0$

1- الدراسة التجريبية

1-1 عين على المنحنى $v = f(t)$ ، مجال الزمنى للنظام الانتقالي و النظام الدائم مبرزاً طبيعة حركة G

2-1 حدد قيمة τ (الزمن المميز) و V_{lim} قيمة السرعة الحدية

3-1 هل تتزايد a أم تتناقص خلال الحركة ؟ علل جوابك.

4-1 ما قيمة a_0 إحدائية $\vec{a}_G$ على المحور الرأسى $(O; \vec{k})$ عند اللحظة $t=0$ ؟

2- الدراسة النظرية

1-2 أجرد القوى المطبقة على الكرية أثناء حركتها. تم عرف بكل قوة

2-2 بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكرية أثناء سقوطها في زيت المحرك ، بين المعادلة التفاضلية لحركة

G مركز قصور الكرية تكتب على شكل $\frac{dv}{dt} = A - B.V^n$ ، عبر عن A و B بدلالة m_s و m_f و k و g .

4-2 حدد تعابير المقادير المميزة للحركة * السرعة الحدية V_{lim} (القسوية) اي السرعة في النظام الدائم

* التسارع البدني a_0 اي عند $t=0$

* الزمن المميز للحركة τ اي ثابتة الزمن

5-2 حل المعادلة التفاضلية للحركة بتطبيق طريقة (أولير - Euler) - مبدأ طريقة أولير:

" طريقة رقمية تكرارية تقتضي حساب سرعة مركز القصور G في مرحلتين ، و تتطلب معرفة سرعة

G في لحظة t و هي غالباً v_0 السرعة البدنية و اختيار خطوة حساب ملائمة .

علما ان $n=1$ ، اتم ملء

الجدول و قارن النتائج

$t (s)$	0	0,080	?	0,24	0,32	0,40	0,48	0,56
$a (m.s^{-2})$	?	?	?	?	0,030	0,020	0,00	0,00
$v (m.s^{-1})$	?	?	?	?	0,165	0,167	0,169	0,169