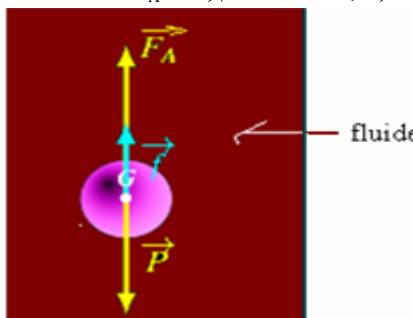


II- القوى المطبقة على جسم من طرف مائع :

1) القوى المطبقة من طرف مائع :

الجسم المغمور في مائع يخضع إلى ثلاثة قوى :

ـ قوة الثقالة (أي وزن الجسم). و \vec{F}_A : دافعة أرخيمدس و \vec{P} : قوة الاحتكاك المائع.



2) قوة الثقالة : Force de pesanteur

تخضع الأجسام في مجال الثقالة إلى **قوة الثقالة**، وهي القوة المطبقة عليها من طرف الأرض وتسمى بالوزن \vec{P} .

* العلاقة بين شدة وزن الجسم وشدة الثقالة: $P = m \cdot g$.

* \vec{g} : متجهة مجال الثقالة موجهة نحو مركز الأرض (أي رأسية نحو الأسفل)، وتحتفظ في نفس الموضع بنفس الشدة.

وحدة شدة الثقالة g في النظام العالمي للوحدات هي: N/Kg أو m/s^2 .

* القوة $\vec{P} = m \cdot \vec{g}$ تطبق في مركز القصور G للجسم الصلب.

3) دافعة أرخيمدس: La poussée d'Archimède

ـ تخضع كل جسم مغمور كلياً أو جزئياً في مائع لقوة تعاكس قوة **الثقالة** تسمى **دافعة أرخيمدس**، وهي رأسية، موجهة نحو الأعلى،

شدتها تساوي وزن حجم السائل المزاح. $F_A = \rho_f \cdot V \cdot g$

ـ القوة $\vec{F}_A = -\rho_f \cdot V \cdot \vec{g}$ تطبق في مركز قصور السائل المزاح.

ـ الكثافة الحجمية للمائع ب: $(kg \cdot m^{-3})$.

ـ V : الحجم المزاح للمائع (m^3)

ـ g : شدة الثقالة ب: (N/kg) أو: (m/s^2) .

4) قوة الاحتكاك المائع:

ـ تكافى قوى الاحتكاك التي يطبقها المائع على الجسم الصلب المغمور داخله قوة وحيدة \vec{f} تسمى **قوة الاحتكاك المائع**، تطبق في مركز القصور G للجسم، معاكسة لمتجهة السرعة \vec{v} :

ـ منظمها: $f = k \cdot v^n$

ـ ملحوظة: عموماً إذا كانت السرعة صغيرة ناخذ: $n = 1$ فتصبح: $f = k \cdot v$ في هذه الحالة تتبع الثابتة k بـلزوجة السائل.

ـ و إذا كانت السرعة كبيرة ناخذ: $n = 2$ فتصبح: $f = k \cdot v^2$ في هذه الحالة تتبع الثابتة k بالـكثافة الحجمية للسائل.

III - المحفوظ الرأسى لجسم صلب باحتكاك:

1) المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة:

ـ تعتبر جسم صلباً كثافة k في حالة سقوط رأسى في مائع.

* المجموعة المدروسة (الكريبة)

* جرد القوى: الـكريبة تخضع للقوى التالية:

ـ \vec{P} : قوة الثقالة (أي وزن الجسم)

ـ $\vec{F}_A = -\rho_f \cdot V \cdot \vec{g}$: دافعة أرخيمدس .

ـ $\vec{f} = -k \cdot \vec{v}^n$: قوة الاحتكاك المائع

ـ اختيار المعلم المناسب: تعتبر معلمـاً (O, z) موجهاً نحو الأسفل (لأن الحركة مستقيمة ورأسية).

ـ تطبيق القانون الثاني لليوتن: $\Sigma \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G$ أي:

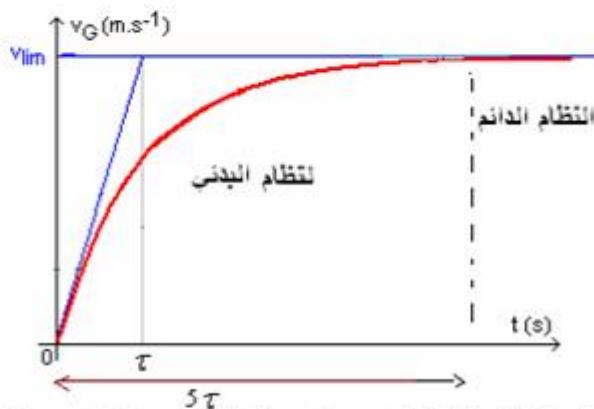
ـ $m \cdot g - m_f \cdot g - k \cdot v^n = m \cdot \frac{dv}{dt}$ $\Leftrightarrow P - F_A - f = m \cdot a_z$ \Leftrightarrow بالإسقاط على المحور oz

ـ $\frac{dv}{dt} = A - B \cdot v^n$ و يمكن كتابتها كما يلى: $\frac{dv}{dt} = g(1 - \frac{m_f}{m}) - \frac{k}{m} \cdot v^n$ المعادلة التفاضلية تصبح كما يلى:

ـ $A = g(1 - \frac{m_f}{m})$: و $B = \frac{k}{m}$ مع :

أ) النظام الدائم:

تمكن الدراسة التجريبية من رسم المنحنى الممثل لتغيرات سرعة الكريهة بدلالة الزمن:



في البداية تزداد سرعة الكريهة إلى أن تبلغ قيمة ثابتة تسمى: **السرعة الحدية** يرمز إليها: نظام v فتختصر حركة الكريهة إلى نظام يسمى **النظام الدائم**.

عندما يتحقق **النظام الدائم** ، تصبح السرعة v للكريهة ثابتة وبذلك يصبح $\frac{dv}{dt} = 0$ ومن خلال (1) يصبح لدينا :

$$v_e = \left[\frac{g}{k} (m - m_f) \right]^{\frac{1}{n}} = \left[\frac{g}{k} (\rho - \rho_f) V \right]^{\frac{1}{n}} \quad \text{أي: } v_e = \left(\frac{A}{B} \right)^{\frac{1}{n}}$$

حيث ρ الكثافة الحجمية للكريهة ρ الكثافة الحجمية للسائل V حجم الكريهة.

ب) النظام البدني : التسارع البدني للكريهة.

في بداية السقوط تزداد سرعة الكريهة وتتسارعها : $a = \frac{dv}{dt} = (1 - \frac{m_f}{m}) \cdot g - \frac{k \cdot v^n}{m}$ يتوقف لأن قوة الاحتكاك الماء تزداد خلال حركة الكريهة.

وفي اللحظة $t = 0$: **تسارع الكريهة البدني** : $a_0 = (1 - \frac{m_f}{m}) \cdot g$ لأن $v = 0$ عند اللحظة $t = 0$.

مبينيا قيمة التسارع البدني تساوي قيمة المعامل الموجي للمماضي للمنحنى $f(t) = v$ عند اللحظة $t = 0$.

ج) الزمن المميز للحركة:

يقطاع الخط المماضي للمنحنى $f(t) = v$ مع الخط المقارب للمنحنى في نقطة أقصولها t تسمى **الزمن المميز للحركة**.

تحدد قيمة t بالعلاقة : $t_{lim} = a_0 \tau$.

بمعرفة قيمة الزمن المميز للحركة t يمكن تقدير مدة النظام البدني وهي تساوي حوالي : 5s.

(3) حل المعادلة التفاضلية باستعمال طريقة أولير:

(3) حل المعادلة التفاضلية باستعمال طريقة أولير:

طريقة أولير طريقة رقمية تكرارية تمكن من حل المعادلة التفاضلية . ويستوجب استعمال هذه الطريقة معرفة سرعة مركز قصور الجسم في لحظة معينة ، والتي غالبا ما تكون هي السرعة البدنية v في اللحظة $t = 0$.

في طريقة أولير يتم توظيف العلاقة التاليتين : $a_i = A - B \cdot v_i^n$ و $v_{i+1} = v_i + a_i \Delta t$ خطوة الحساب.

$$\text{نحدد: } v_1 = v_0 + a_0 \Delta t \quad a_0 = A - B \cdot v_0^n$$

$$\text{نحدد: } v_2 = v_1 + a_1 \Delta t \quad a_1 = A - B \cdot v_1^n$$

$$\text{نحدد: } v_3 = v_2 + a_2 \Delta t \quad a_2 = A - B \cdot v_2^n$$

$$\text{نحدد: } v_4 = v_3 + a_3 \Delta t \quad a_3 = A - B \cdot v_3^n$$

ملحوظة: اختيار خطوة الحساب .

اختيار خطوة الحساب Δt يكتسي أهمية بالغة في طريقة أولير ، فكلما كانت قيمتها صغيرة ، كلما كانت النتائج النظرية قريبة من النتائج التجريبية.

عموما نأخذ الخطوة $\Delta t = \frac{\tau}{10}$ لكي لا تتجاوز السرعة الحدية للكريهة.

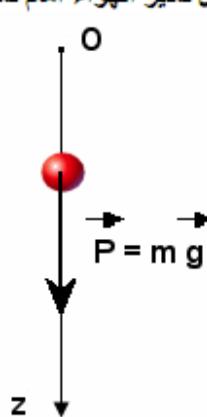
III - دراسة السقوط الحر الرأسي لجسم صلب :

هذا الملف تم تحميله من موقع Talamid.ma

1) تعريف السقوط الحر:

السقوط الحر لجسم صلب هو سقوطه تحت تأثير وزنه فقط وبدون سرعة بدنية و يتم ذلك في الفراغ المطلق و في الهواء عندما يكون للجسم شكله انسابياً وكثافة عالية بحيث يمكن إهمال تأثير الهواء عليه. إذا كان المسار رأسياً نقول أن السقوط الحر رأسياً.

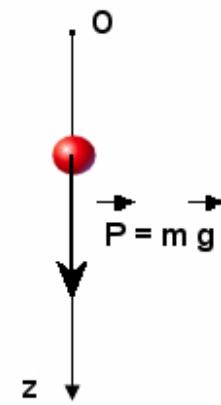
2) دراسة السقوط الحر لجسم صلب:



* المجموعة المدرسة {الكرينة}

* اختيار المعلم المناسب: تعتبر معلمـا (o, z) موجهاً نحو الأسفل (لأن الحركة مستقيمة).

* جرد القوى: الكرينة تخضع لوزنها \bar{P} فقط. (نهم تأثير الهواء أمام تأثير وزن الجسم)



* تطبيق القانون الثاني لنيوتن:

أي: $\bar{P} = m \bar{a}_G \Leftarrow \Sigma \bar{F} = m \bar{a}_G \Leftarrow m \bar{g} = m \bar{a}_G$

* اسقاط العلاقة (1) على المحور oz:

التسارع ثابت والمسار مستقيم، إذن حركة الجسم مستقيمة متغيرة بانتظام.

نعم أن: $\frac{dv_z}{dt} = g$ ولدينا: $\frac{dv_z}{dt} = a_z = g$ إذن: $a_z = g$ وهي المعادلة التفاضلية للحركة.

المعادلة التفاضلية لحركة مركز قصور جسم في سقوط حر بدون سرعة بدنية تكتب على الشكل التالي:

دالة السرعة: $v_z = gt + C^z$ إذن الدالة التي مشتقها g تكتب:

خلال السقوط الحر السرعة البدنية للجسم منعدمة: $C^z = 0$ وبالتالي: $v_z = gt$ وهي دالة السرعة.

* المعادلة الزمنية للحركة:

بما أن: $z = \frac{1}{2} gt^2$ فإن العلاقة (2) تكتب كما يلي: $\frac{dz}{dt} = gt$ إذن الدالة التي مشتقها gt تكتب:

نحدد الثابتة بالرجوع على الشروط البدنية: لدينا عند اللحظة $t = 0$: $z = 0$ لأن الجسم انطلق من الأصل 0 للمحور oz

، إذن: $C^z = 0$ وبالتالي: $z = \frac{1}{2} gt^2$ وهي المعادلة الزمنية لحركة جسم في سقوط الجسم.

تعويذ:

بالنسبة لمعلم رأسى (o, z) موجه نحو الأسفل ، تكتب معادلات حركة مركز قصور جسم صلب في سقوط رأسى حر كما يلي :

$$a_G = g$$

$$v_G = gt + v_o$$

$$z_G = \frac{1}{2} gt^2 + v_o \cdot t + z_o$$

بالنسبة ل: $z = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$ لدينا: $z_o = 0$ و: $v_o = 0$

ذ. عبد الكريم سبورو

لا تنسونا من صالح دعائكم ونسأ الله لكم العون والتوفيق

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma