

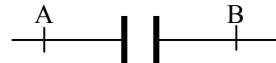
هذا الملف تم تحميله من موقع Talamid.ma

ثاني القطب R-C

1- المكثف – Le condensateur

تعريف، الرمز الاصطلاحي للمكثف

تعريف : يتكون المكثف من موصلين أو لبوسين (Armatures) يفصل بينهما عازل استقطابي (diélectrique) .



كل مكثف يميزه مقدار يسمى سعة المكثف و نرمز لها بـ C و حدتها في النظام العالمي للوحدات هي الفاراد F

العلاقة بين التوتر و شدة التيار.	العلاقة بين الشحنة و التوتر	العلاقة بين الشحنة و شدة التيار.	شحنة المكثف
$i = \frac{dq_A}{dt}$ التيار. $q(t) = CU_C(t)$ العلاقة بين التوتر و شدة التيار. $i(t) = C \cdot \frac{dU_C(t)}{dt}$	$q(t) = C.U_C(t)$ حيث C سعة المكثف تتناسب شحنة المكثف اطرادا مع التوتر بين مربطيه	شدة التيار الكهربائي هي صبيب الشحن الكهربائية ، وهي كمية الكهرباء التي تصل إلى لبوس المكثف في وحدة الزمن	نسمى شحنة المكثف ، كمية الكهرباء q التي يتتوفر عليها أحد لبوسيه . <p>لتكن q_A شحنة اللبوس A ، q_B شحنة اللبوس B ، في هذه الحالة :</p> $q = q_A = -q_B$

2- تعبير الطاقة المخزونة في المكثف

القدرة الكهربائية المكتسبة من طرف المكثف هي $P = u_C(t) \cdot i(t) dt$ اذن $dE_e = u_C(t) \cdot i(t) dt$ اذن تعبر الطاقة

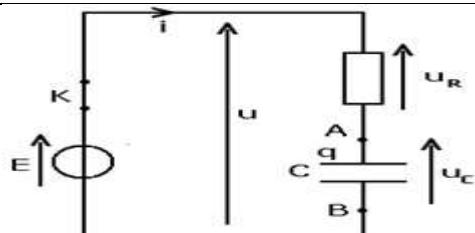
$$dE_e = C \cdot u_C \cdot du_C \quad \text{بان } i(t) = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

$$dE_e = d\left(\frac{1}{2} C \cdot u_C^2 + k\right)$$

أي أن تعبر الطاقة المخزونة بالمكثف هي $E_e = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2 + k$ تمثل الطاقة البدئية بالمكثف

عند $(t=0)$ ، يكون المكثف غير مشحون و بالتالي $u_C(t=0)=0$ و $E_e(t=0)=0$ أي أن $E_e = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2 \cdot k = 0$

3- استجابة ثانى القطب RC لرتبة صاعدة للتوتر



3-1- المعادلة التقاضية للدارة

- قبل غلق الدارة $u_C = 0$ (المكثف مفرغ).

- عند لحظة $t=0$ نغلق الدارة .

حسب قانون إضافية التوترات نكتب :

$$u(t) = E \quad \text{مع} \quad u(t) = u_R(t) + u_C(t)$$

$$\text{حسب قانون أوم } i(t) = C \cdot \frac{du_C}{dt} \quad u_R(t) = R \cdot i(t) \quad \text{مع}$$

$$R C \cdot \frac{d u_C}{d t} + u_C = E \quad \text{و بين مربطي المكثف:}$$

3-2- تعبير التوتر $U_C(t)$

حل هذه المعادلة التقاضية، على شكل : $u_C(t) = A \cdot e^{-k \cdot t} + B$ و A و B و k ثوابت .

$$\frac{du_C}{dt} = -k \cdot A \cdot e^{-k \cdot t} \quad \text{المشتقة الأولى ل } u_C(t) \text{ هي:}$$

$$A e^{-k \cdot t} (1 - k \cdot \tau) = E - B \quad \text{نعرض في المعادلة التقاضية :} \quad -\tau k \cdot A e^{-k \cdot t} + A e^{-k \cdot t} + B = E \quad \text{أي أن :}$$

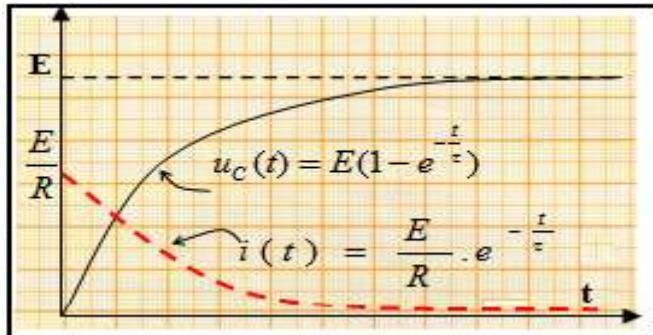
$$\tau = R \cdot C \quad k = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{RC} \quad \text{لكي تتحقق هذه المعادلة مهما كانت } t \quad (1 - k \cdot \tau) = 0 \quad \text{أي :} \quad B = E \quad \text{و بالتالي}$$

$$u_C(t) = A \cdot e^{-\frac{t}{RC}} + E \quad \text{و هكذا :}$$

$$A = -E \quad u_C(t=0) = A + E = 0 \quad \text{عند الشرط البدئي ، أي عند } t=0 \text{ المكثف مفرغ بديهي:}$$

$$u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{RC}}) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \quad \text{بالتالي :}$$

$[\tau] = [R].[C]$	+ معادلة الأبعاد للجاء $R.C$: $[R].[C] = [t]$ و هكذا : المدار $\tau = R.C$ له بعد زمن ، نسميه ثابتة الزمن	- بعد C ، $[C]$: بالنسبة للمكثف : $[C] = \frac{[I].[t]}{[U]} \Leftarrow i = C \cdot \frac{du_C}{dt}$	- بعد R ، $[R]$: حسب قانون أوم : $[R] = \frac{[U]}{[I]} \Leftarrow R = \frac{U}{I}$
--------------------	--	---	--



3-3- تعبير شدة التيار الكهربائي المار في الدارة :

$$u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \quad \text{مع} \quad i(t) = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt} \quad (\tau = R.C)$$

$$\therefore i(t) = C \cdot E \left[0 - \left(-\frac{1}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \right] = E \cdot C \cdot \frac{1}{R \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\therefore i(t) = \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

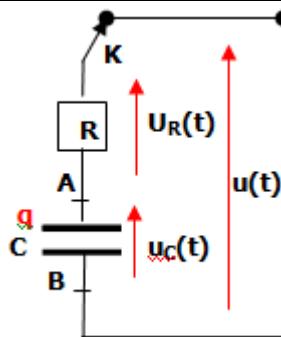
تحدد τ ثابتة الزمن بالطرق التالية

* المستقيم المماس عند $t=0$ حيث نقطة تقاطع المماس مع محور الافاصل يمثل τ

* المدار عند اللحظة $t=\tau$ حيث نسقط الكمية $U_C(\tau)=0,63.E$

* بتحديد زمن النصف $t_{1/2}$ حيث نستعين بالعلاقة $t_{1/2}=\tau \cdot \ln(2)$

3: استجابة ثانى القطب RC لرتبة نازلة للتوتر



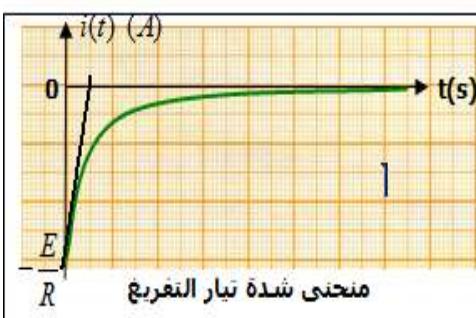
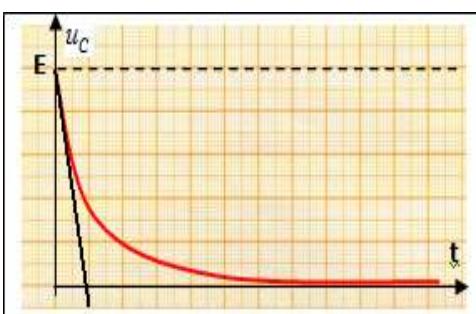
1-3- المعادلة التفاضلية:

- في لحظة $t=0$ ، نضع قاطع التيار K في الموضع (2) ، حيث المكثف مشحون أي : $u_C(0)=E$ حسب قانون إضافة التوترات نكتب :

$$u_C(t) + u_R(t) = u(t) = 0 \quad \text{مع} \quad q = C \cdot u_C(t) \Leftarrow u_R(t) = R \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt} \quad \text{و} \quad i(t) = \frac{dq}{dt} \quad u_R(t) = R \cdot i(t)$$

$$\therefore u_C(t) + \tau \cdot \frac{du_C(t)}{dt} = 0 \quad (\tau = R.C) \quad \text{و بالتالي :}$$

" المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر (t) u_C بين مربطي مكثف خلال تغيره في موصل أولمي ".



2-3- تعبير التوتر بين مربطي المكثف

تعبر التوتر بين مربطي المكثف حل المعادلة التفاضلية و يكتب على شكل : $u_C(t) = A e^{-k.t} + B$ مع A و B و k ثوابت .

$$\therefore \frac{du_C}{dt} = -k \cdot A e^{-k.t}$$

$$\begin{cases} -R.C.k.A e^{-k.t} + A e^{-k.t} + B = 0 \\ A e^{-k.t}(1 - R.C.k) + B = 0 \end{cases}$$

$$\therefore k = \frac{1}{R.C} = \frac{1}{\tau} \quad \text{أي أن :} \quad 1 - R.C.k = 0 \quad \text{و بالتالي :} \quad B = 0$$

$$\therefore A = E \quad \text{أي أن :} \quad u_C(0) = E = A \cdot e^0 : (t=0)$$

$$\therefore \tau = R.C \quad \text{مع} \quad u_C(t) = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{وهكذا :}$$

3-3- تعبير شدة تيار التغريب :

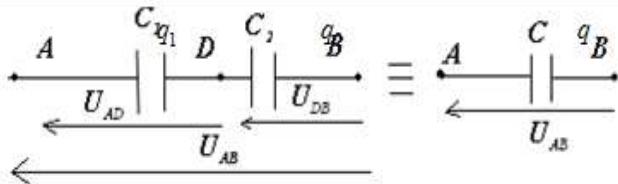
$$\text{لدينا} \quad u_C(t) = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{مع} \quad i(t) = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt} \quad \text{و هكذا :}$$

$$\therefore i(t) = -\frac{E}{\tau} C \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = -\frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

الإشارة - تدل على ان المكثف يلعب دور المولد في الدارة لكن منحى التيار ليس في منحى الحقيقي

هذا الملف تم تحميله من موقع Talamid.ma

التجميع على التوازي:



$$q = q_1 = q_2$$

$$U_{AB} = U_{AD} + U_{DB}$$

$$\frac{q}{C} = \frac{q_1}{C_1} + \frac{q_2}{C_2}$$

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

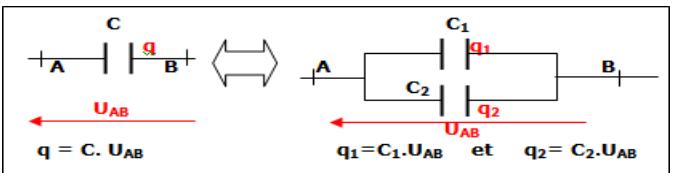
تعميم: سعة المكثف المكافئ لعدة مكثفات مركبة على التوازي .

$$\frac{1}{C} = \sum_{i=1}^{i=n} \frac{1}{C_i}$$

كل مكثف إذا استعمل لوحده

هذا التركيب يُضاعفُ السعة

التجميع على التوازي:



: الشحنة الكلية للمكثف :

$$q = q_1 + q_2$$

$$C.U_{AB} = C_1.U_{AB} + C_2.U_{AB}$$

$$C = C_1 + C_2$$

تعميم: سعة المكثف المكافئ لعدة مكثفات مركبة على التوازي .

$$C = \sum_{i=1}^n C_i$$

هذا التركيب يرفع السعة

انتهى