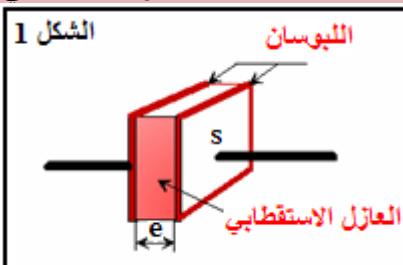


ثنائي القطب Dipôle RC

I - المكثف: Condensateur

تعريف:

المكثف ثنائي قطب يتكون من موصلين متقابلين يسميان لبوسين Armatures يفصل بينهما عازل استقطابي.



يرمز للمكثف بـ:

1 - شحن وتفريج المكثف:

* نشاط تجاري 1: ننجز التركيب الممثل أسفله (الشكل 2).

أ - الشحن: نفتح قاطع التيار K_2 ونغلق K_1 .

بمتابعة مؤشر الفولطmeter ومؤشر الأمبيرmeter صف ما يحدث للتوتر بين مرطبي المكثف و شدة التيار المار في الدارة - كيف تفسر شحن المكثف

ب - التفريج: نفتح قاطع التيار K_1 ثم نغلق K_2

قارن منحى مرور التيار الكهربائي مع منحى مروره عند الشحن .
كيف تفسر تفريج المكثف.

► الشحن: Charge

- يشير الأمبيرmeter إلى مرور تيار كهربائي تتناقص شدته إلى أن ينعدم، يتزايد التوتر U_{AB} إلى أن يصبح مساوياً لقوة الكهرمحركة للمولد $U_{AB} = E$.

- تنتقل الإلكترونات من اللبوس A نحو اللبوس B وتجد أمامها عازلاً فتتركم عليه ، فيشحن اللبوس A بشحنة q_A موجبة $q_A > 0$ بينما يشحن اللبوس B بشحنة q_B سالبة $q_B < 0$ ، بحيث $q_A = -q_B$.

- نسمي شحنة المكثف q ، الكمية الكهربائية التي يتتوفر عليها أحد لبوسيه، حيث

- عندما يشحن المكثف كلباً ($i = 0$) يصبح $U_{AB} = E$.

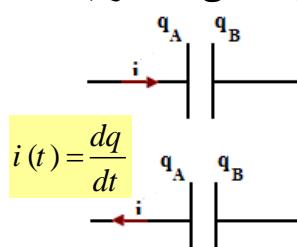
► التفريج: Décharge

- نلاحظ مرور تيار عكس المنحى الذي مر فيه أثناء الشحن، حيث الإلكترونات المتراكمة على اللبوس B تغادره نحو اللبوس A عبر الأمبيرmeter نقول إن المكثف ينفرج (se décharge) ينتهي التفريج ($i = 0$) عندما يصبح $U_{AB} = 0$.

2 العلاقة بين الشحنة وشدة التيار i :

نختار المنحى الموجب لشدة التيار بحيث يدخل من اللبوس A.

إذا مر التيار في المنحى المختار يحسب موجباً ($i > 0$) وإذا مر عكس المنحى المختار يحسب سالباً ($i < 0$)



- عند تزايد $q_A > 0$ أي $i > 0$ $\frac{dq_A}{dt} > 0$

- عند تناقص $q_A < 0$ أي $i < 0$ $\frac{dq_A}{dt} < 0$

شدة التيار الكهربائي هي صبيب الشحنات الكهربائية أي كمية الكهرباء dq التي تمر في وحدة الزمن:

$$q = q_A = -q_B \quad i = \frac{dq}{dt}$$

$$dq = dq_A = -dq_B$$

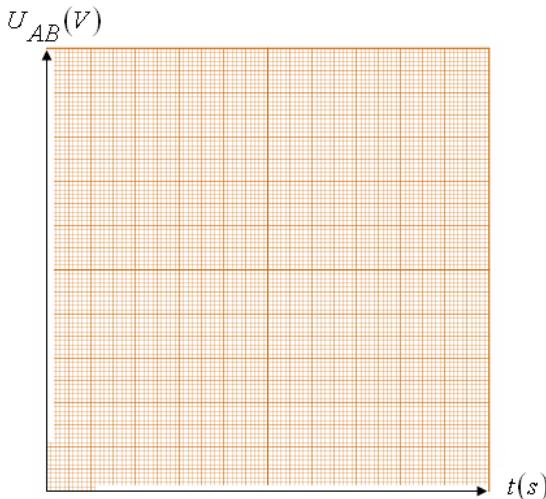
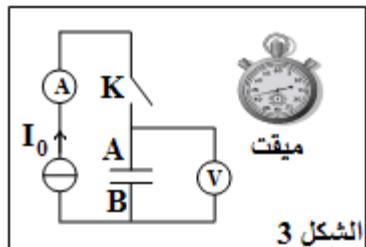
المكثف مركبة تخزن كمية من الكهرباء وترجعها عند الحاجة.

2 - العلاقة بين شحنة المكثف q والتوتر بين مربطيه U : سعة المكثف (Capacité)

* نشاط تجاري 2

يشحن المكثف بواسطة مولد ممثل للتيار (يعطي شدة ثابتة I_0).

نضبط I_0 على القيمة $0,46mA$ ثم نقيس التوتر U_{AB} بين مربطي المكثف كل خمس ثوان بفتح K وتوقيف الميقت في



نفس الوقت (أنظر التركيب التجاري جانبه).
نحصل على النتائج التالية:

t(s)	0	5	10	15	20
U _{AB} (V)	0	1	2	3	4

* استئمار

- 1 - مثل المنحنى ($U_{AB} = f(t)$) ب اختيار سلم مناسب.
- 2 - حدد K المعامل الموجه للمستقيم المحصل عليه.
- 3 - اعط تعبير q_A شحنة اللبوس A بدلالة شدة التيار I_0 والزمن t .
- 4 - استنتج تعبير q_A بدلالة I_0 , K و U_{AB} .
- 5 - نضع المكثف. احسب C :

$$C = \frac{I_0}{K}$$

C : سعة المكثف وحدتها في النظام العالمي **فاراد** Farad ، رمزها F وبالتالي :

أجزاء الفاراد:

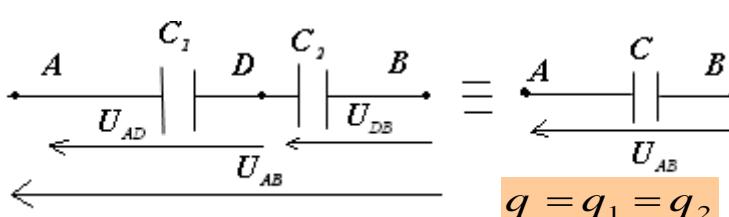
$$q_A = C \cdot U_{AB}$$

\uparrow \uparrow \uparrow
 C F V

تناسب شحنة q_A للمكثف مع التوتر U_{AB} بين مربطيه.

II - تجميع المكثفات.

- 1 - التركيب على التوالي:



$$q = q_1 = q_2$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{q}{C} = \frac{q_1}{C_1} + \frac{q_2}{C_2} \\ \frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \end{array} \right\}$$

$$C = \frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2}$$

وبالتالي: **C** : سعة المكثف المكافئ.

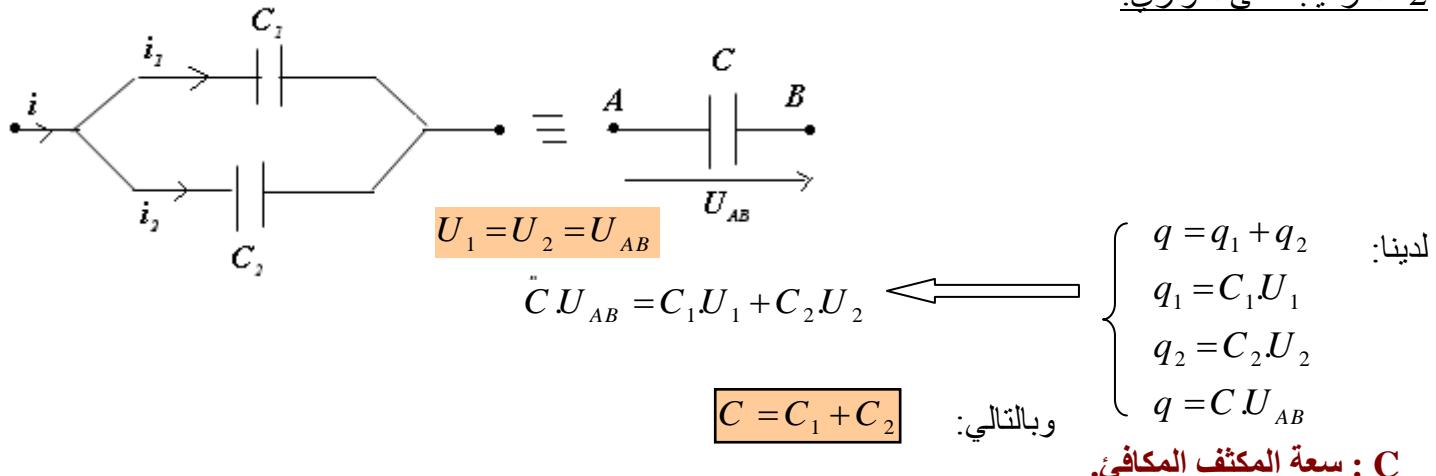
$$\left\{ \begin{array}{l} U_{AB} = U_{AD} + U_{DB} \\ U_{AD} = \frac{q_1}{C_1} \Leftrightarrow q_1 = C_1 U_{AD} \\ U_{DB} = \frac{q_2}{C_2} \Leftrightarrow q_2 = C_2 U_{DB} \\ U_{AB} = \frac{q}{C} \Leftrightarrow q = C U_{AB} \end{array} \right.$$

* بصفة عامة : التركيب على التوالي لمكثفات سعاتها **C** يكافئ مكثفا سعته $C = C_1 + C_2 + \dots + C_n$ بحيث:

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n}$$

* فائدة التركيب على التوالي: يمكن هذا التركيب من الحصول على سعة قيمتها اصغر مع تطبيق توتر عال قد لا يتحمله كل مكثف إذا استعمل لوحده.

2 - التركيب على التوازي:



C : سعة المكثف المكافئ.

* **بصفة عامة :** التركيب على التوازي لمكثفات سعاتها C_{n_1}, \dots, C_2, C_1 يكافئ مكثفا سعته **C** بحيث:

$$C = C_1 + C_2 + \dots + C_n$$

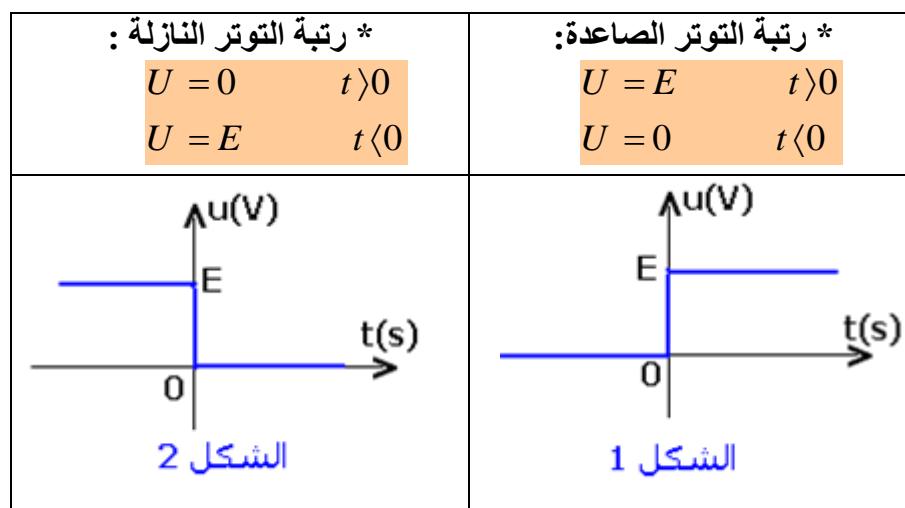
* **فائدة التركيب على التوازي :** يستعمل هذا التركيب لتخفيض السعة وتخزين شحنة كبيرة باستعمال مكثفات سعاتها صغيرة.

III - استجابة ثانوي قطب RC لرتبة توتر: Echelon de tension

تعريف:

- ثانوي قطب **RC** هو تجميع على التوالى لموصل أومي مقاومته **R** ومكثف سعته **C**.

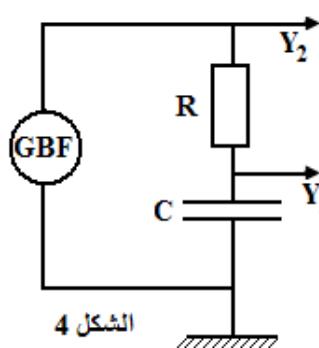
- رتبة توتر هي إشارة كهربائية تعرف كالتالى:



1 - الدراسة التجريبية.

1 - نشاط تجريبى: شحن مكثف:

- بعد تفريغ المكثف، ننجذب التركيب الكهربائي جانبه حيث $R = 1250\Omega$ و $C = 0,4\mu F$ ، (الشكل 4)
- نضبط مولد GBF ذا توتر مربعى توتره القصوى $E = 6V$ و تردد $f = 200Hz$ ،
- نغلق قاطع التيار K في الموضع 1 و نعاين بواسطة كاشف التذبذب التوتر $u_C(t)$ بين مربطي المكثف بدلالة الزمن.



1 - ما هو المنحنى الذي نشاهده على المدخل Y_1 وما هو المنحنى الذي نشاهده على المدخل Y_2 ؟

2 - نعتبر حالة توتر ذي رتبة صاعدة. يبرز منحنى تغيرات (t) $u_C(t)$ وجود نظامين:

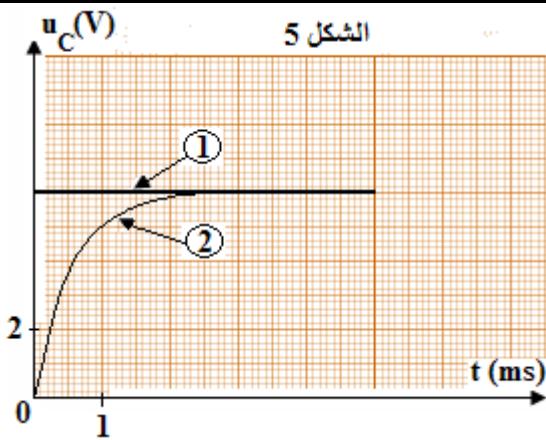
- ❖ نظام انتقالى: يتغير خلاله التوتر $u_C(t)$.
- ❖ نظام دائم: يصل خلاله التوتر إلى قيمة حدية ثابتة.

أ - عين (0) u_C و (∞) u_C عندما تؤول t إلى ما لا نهاية.

$$u_C(t) = k \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

حيث k و τ ثابتان، حدد الثابتة k . ماذا تمثل؟

$$e^{-\infty} = 0$$



3 - تسمى τ ثابتة الزمن لثائي القطب RC ، وتبين الدراسة النظرية أن: $\tau = RC$ باستعمال معادلة الأبعاد، بين أن τ عبارة عن زمن.

4 - نعتبر الدالة الممثلة للمنحنى $u_C(t)$.

أ - عبر عن τ بدلالة E التي تم التعرف عليها في السؤال (2 - ب).

ب - استنتج مبيانيا قيمة τ .

د - يمكن أن نحدد τ بطريقة مبيانية ثانية حيث تمثل أقصوص نقطة تقاطع المماس لمنحنى $u_C(t)$ عند $t = 0$ مع المنحنى (1). حدد τ باستعمال هذه الطريقة.

الأجوبة:

1 - المنحنى الذي نشاهد على المدخل Y_1 هو رقم 2 ،
المنحنى الذي نشاهد على المدخل Y_2 هو رقم 1 .

$$u_C(\infty) = E \quad u_C(0) = 0 \quad 1-2$$

$$\text{إذن } K = E \quad \Leftrightarrow \begin{cases} u_C(\infty) = k \cdot (1 - e^{-\infty}) \\ = E \end{cases} \quad 2-B$$

3 - معادلة الأبعاد

باستعمال معادلة الأبعاد بين أن للثابتة τ بعد زمني.
وبالتالي: $[C] = \frac{[I] \cdot [t]}{[U]}$ $\longleftrightarrow C = \frac{q}{U}$ لدينا: $C = \frac{q}{U}$

$$[R] \cdot [C] = \frac{[I] \cdot [t]}{[U]} \times \frac{[U]}{[I]} = [t] \quad [R] = \frac{[U]}{[I]} \quad \text{إذن: } u = R \cdot i \quad \text{ولدينا: } u = R \cdot i$$

إذن للمقدار $RC = \tau$ بعد زمني، نسمي τ ثابتة الزمن لثائي القطب RC ونعبر عنه بالثانية (s)

4 - تعبير $u_C(t = \tau)$:

$$\begin{aligned} u_C(t = \tau) &= E \cdot (1 - e^{-\frac{\tau}{\tau}}) \\ &= E \cdot (1 - e^{-1}) \\ &= 0,63E \end{aligned}$$

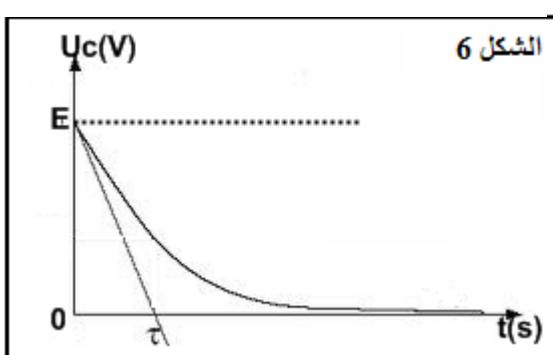
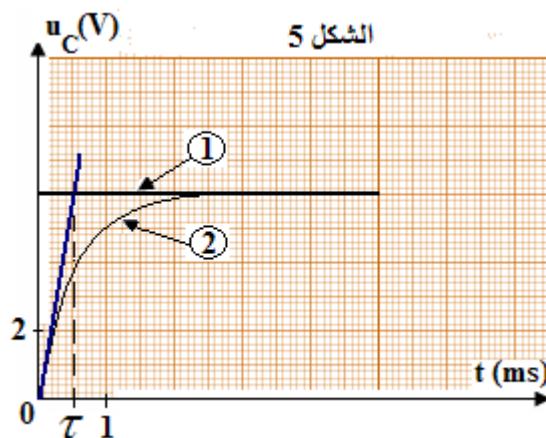
4 - ب - نستخرج مبيانيا قيمة τ :

$$\tau = \text{الأقصوص الذي يوافق الأرتبوب} \quad 0,63 \cdot E \quad \text{ت ع :}$$

$$4 - ج - RC = 1250 \times 0,4 \cdot 10^{-6} = 0,5 \cdot 10^{-3} \text{ s} = 0,5 \text{ ms}$$

4 - د - تحديد ثابتة الزمن مبيانيا:

قطع مماس المنحنى $U_C = f(t)$ عند اللحظة 0 المقارب $t = \tau$ في اللحظة $t = \tau$.



نؤرجح قاطع التيار عند الموضع 2 .

يفرغ المكثف في المقاومة R ويتناقص التوتر U_C بين مربطيه.

تحديد ثابتة الزمن مبيانيا:

المماس لمنحنى $U_C = f(t)$.

2 - النظامان الإنقالي والدائم.

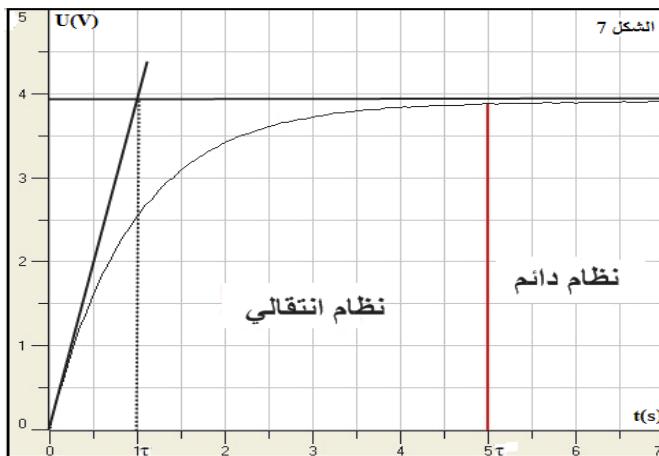
أ - نظام إنقالي: $\text{Régime transitoire}$

يتزايد أو يتناقص خلاله التوتر U_C ونحصل عليه عندما تكون $t > 5\tau$

$(U_C = 0)$ عند شحن المكثف

$(U_C = E)$ عند تفريغ المكثف

بـ النظام الدائم: Régime permanent:
نحصل عليه عندما يكون $t > 5\tau$ ويبقى خلاله التوتر U_C ثابتا



$$q = CU_C \quad \text{و} \quad i = \frac{dq}{dt}$$

$$\begin{aligned} U &= U_R + U_C \\ E &= Ri + U_C \end{aligned}$$

3 - الدراسة النظرية.
1 - 3 - شحن مكثف.

أ - المعادلة التفاضلية:

$$\frac{dU_C}{dt} + \frac{U_C}{RC} = \frac{E}{RC}$$

تكتب المعادلة التفاضلية:

$$i = C \frac{dU_C}{dt}$$

$$RC \frac{dU_C}{dt} + U_C = E$$

ملحوظة: باعتبار $U_C = \frac{q}{C}$ المعادلة التفاضلية التي تتحققها الشحنة q :

بـ حل المعادلة التفاضلية:
يكتب حل المعادلة التفاضلية:
 $U_C = Ae^{-\alpha t} + B$ ، A و α ثوابت.

$$\begin{aligned} -\alpha Ae^{-\alpha t} + \frac{Ae^{-\alpha t} + B}{RC} &= \frac{E}{RC} & \text{نعرض:} \quad \frac{dU_C}{dt} = -\alpha Ae^{-\alpha t} \\ A e^{-\alpha t} \left(\frac{1}{RC} - \alpha \right) &= \frac{E - B}{RC} & \text{من المعادلة التفاضلية:} \end{aligned}$$

تحقق هذه العلاقة كيما كانت t وعلمًا أن $A \neq 0$ نستنتج أن $E - B = 0$

$$\alpha = \frac{1}{RC} \quad \text{و} \quad E = B$$

❖ تحديد A باستعمال الشروط البدئية:
عند اللحظة $t = 0$ فإن $U_C = 0$ (لم يكن المكثف مشحونا).

$$A = -B = -E$$

$$A + B = 0$$

نعرض في العلاقة التفاضلية فنحصل على:

$$U_C = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

$$\tau = RC$$

نضع $\tau = RC$

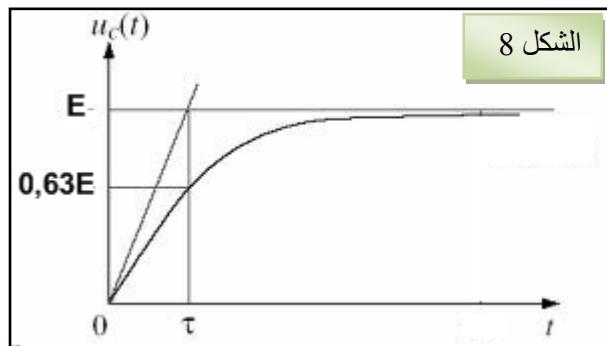
تعبير التوتر بين مربطي مكثف:

$$\begin{aligned} U_C &= -E e^{-\frac{t}{RC}} + E \\ U_C &= E \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}} \right) \end{aligned}$$

ملحوظة:

$$q = CE \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}} \right)$$

لدينا $q = C \cdot U_C$ ومنه:
- الشحنة الكهربائية:



$$i = \frac{dq}{dt} \quad \text{شدة التيار } i : \quad i = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{ومنه:}$$

- الطريقة الحسابية لتحديد ثابتة الزمن τ :

$$U_C(\tau) = E(1 - e^{-1}) \quad \text{لدينا: } U_C = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

$$U_C(\tau) = 0,63E$$

- 2 - تفريغ المكثف:

أ - المعادلة التفاضلية:

نورجح قاطع التيار إلى الموضع 2.

$$\frac{dq}{dt} = C \frac{dU_C}{dt} \Leftrightarrow \begin{cases} i = \frac{dq}{dt} & \text{لدينا } U_R + U_C = 0 \\ q = CU_C & \\ \end{cases} \quad U_R + U_C = 0 \\ Ri + U_C = 0$$

$$\frac{dU_C}{dt} + \frac{U_C}{RC} = 0 \quad \text{ومنه} \quad RC \cdot \frac{dU_C}{dt} + U_C = 0 \quad \text{بالتالي:}$$

$$\frac{dq}{dt} + \frac{q}{RC} = 0 \quad \text{ملاحظة:} \quad \text{باعتبار } U_C = \frac{q}{C} \quad \text{نجد المعادلة التفاضلية التي تتحققها الشحنة } q :$$

ب - حل المعادلة التفاضلية:

يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي: $U_C = Ae^{-\alpha t} + B$

❖ تحديد الثوابت A و B :

$$-\alpha A e^{-\alpha t} + \frac{A e^{-\alpha t} + B}{RC} = 0 \quad \frac{dU_C}{dt} = -\alpha A e^{-\alpha t}$$

$$A e^{-\alpha t} \left(\frac{1}{RC} - \alpha \right) = -\frac{B}{RC}$$

$$\alpha = \frac{1}{RC} \quad \text{و} \quad B = 0 \quad \text{فإن } A \neq 0$$

❖ تحديد الثوابت عند الشرط البدني:

عند $t = 0$ فإن $U_C = E$ و منه: $A = E$

$$U_C = E e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{وبالتالي فإن: } \tau = RC$$

$$U_C(\tau) = 0,37E \quad \text{عند } \tau = t \text{ فإن الأرتب:}$$

ملاحظة:

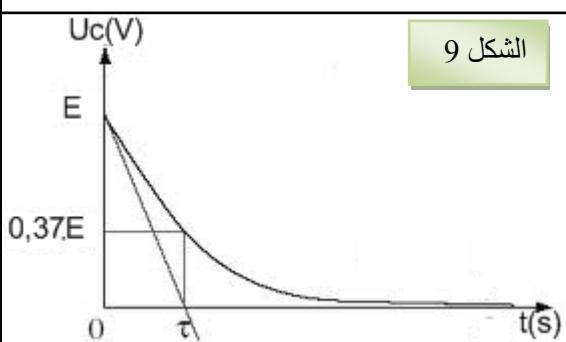
لدينا $q = C \cdot U_C$ و منه:

- الشحنة الكهربائية:

$$q = C \cdot E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$i = \frac{dq}{dt} \quad \text{شدة التيار } i :$$

$$i = -\frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{ومنه:}$$



$$U_C = E e^{-\frac{t}{RC}} \quad \text{إذن:}$$

عند $t = 0$ فإن $U_C = E$ و منه: $A = E$

$$U_C(\tau) = 0,37E \quad \text{عند } \tau = t \text{ فإن الأرتب:}$$

ملاحظة:

لدينا $q = C \cdot U_C$ و منه:

- الشحنة الكهربائية:

$$q = C \cdot E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$i = \frac{dq}{dt}$$

IV- الطاقة المخزونة في مكثف:

يمكن المكثف من تخزين طاقة كهربائية قصد استعمالها عند الحاجة.

$$E_e = \frac{1}{2} C U^2 \quad \text{تعبر الطاقة المخزونة في المكثف:}$$

مع :

$$E_e = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \quad \text{أو:}$$