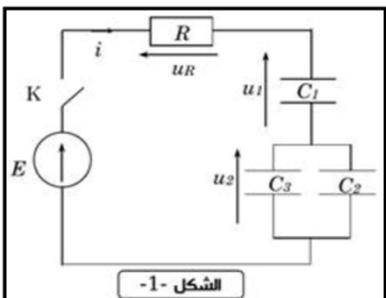


نعطي الصيغ الحرفية (مع الناطير) قبل التطبيقات العددية

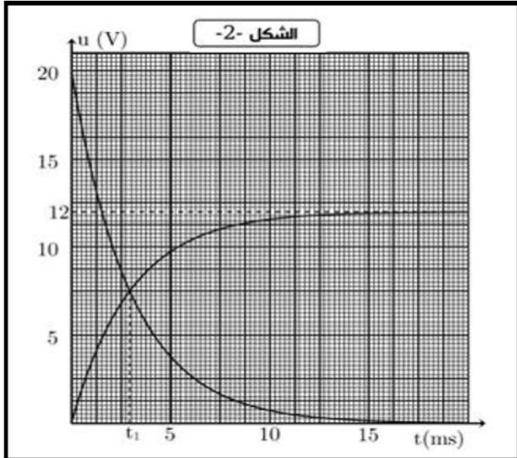
❖ الفيزياء (13,00 نقط) ( 80 دقيقة )

التنقيط

التمرين الأول: دراسة الدارة RC ( 4,75 نقطه ) ( 35 دقيقة )



1. بين ان العلاقة بين التوترين  $u_1$  و  $u_2$  تكتب على الشكل التالي :  $u_2 = \frac{C_1}{C_2 + C_3} u_1$
2. بين ان المعادلة التفاضلية التي يخضع التوتر  $u_1$  بين مربطي المكثف  $C_1$  تكتب على الشكل التالي :  $u_1 + \frac{3 R C_1}{5} \frac{du_1}{dt} = \frac{3}{5} E$
3. يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي :  $u_1(t) = A(1 - e^{-\lambda t})$  أوجد كل من  $A$  و  $\lambda$  بدلالة برماترات الدارة . ما هو المدلول الفيزيائي للثابتة  $A$  .



4. بين ان التوترين بين مربطي الموصل الأولي يكتب على الشكل التالي :  $u_R(t) = E e^{-\lambda t}$
5. نعain بواسطة راسم التذبذب التوترين  $u_1(t)$  و  $u_R(t)$  فحصل على المنحنى الممثل في الشكل 2 :

$$1.5 \text{ حدد مبيانا قيمتي } A \text{ و } E$$

- 2.5 بين ان اللحظة التي يتقاطع فيها المنحنيان تحقق :  $t_1 = \tau \ln \frac{8}{3}$
- 3.5 علما أن  $t_1 = 2,9425 \text{ ms}$  ، أحسب قيمة  $\tau$  ثم إستنتج قيم كل من  $C_1$  و  $C_2$  و  $C_3$

ن

ن

ن

ن

ن

ن

ن

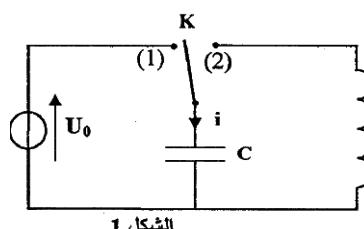
ن

التمرين الثاني : التبادل الطافي بين المكثف والوشيعة ( 8,25 نقطه ) ( 45 دقيقة )

تتصرف الدارة LC كمتذبذب يتم فيه تبادل الطاقة بين المكثف والوشيعة بكيفية دورية ، إلا انه في الواقع لا تبقى الطاقة الكلية لهذه الدارة ثابتة خلال الزمن وذلك بسبب ضياع جزء منها بمفعول جول .

يهدف هذا التمرين إلى دراسة التبادل الطافي بين مكثف ووشيعة وإستجابة هذه الأخيرة لرتبة توتر كهربائي

❖ التذبذبات الكهربائية في الحالة التي تكون فيها مقاومة الوشيعة مهملة



نعتبر التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 1 :

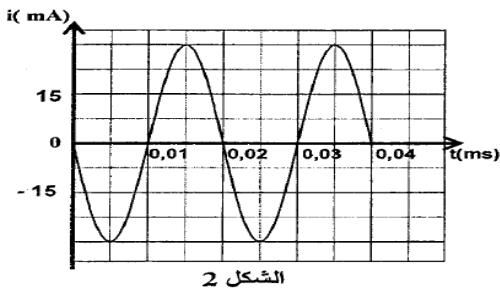
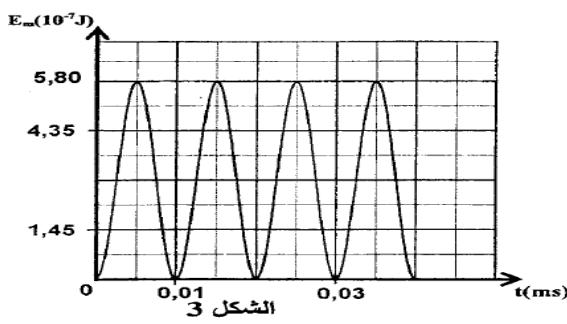
شحن المكثف تحت التوتر  $U_0$  بوضع قاطع التيار K في الموضع 1

بعد شحن المكثف كليا ، نورجح قاطع التيار إلى الموضع 2 عند لحظة  $t = 0$  ، فيمر في

الدارة تيار كهربائي شدته  $i$  . بواسطة جهاز ملائم ، نعain المنحنى الممثل لتغيرات الشدة  $i$  بدلالة الزمن ( انظر الشكل 2 ) والمنحنى الممثل لتغيرات الطاقة المغناطيسية  $E_m$  المخزونة

في الوشيعة بدلالة الزمن ( انظر الشكل 3 )

المعطيات : سعة المكثف  $C = 8,0 \cdot 10^{-9} \text{ F}$



1. أوجد المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار الكهربائي $i$ إن اعتماداً على الشكلين 2 و 3 :	0,75 ن
أ. حدد قيمة الطاقة الكلية للدارة $LC$ وإنستنجد قيمة التوتر $U_0$ ب. حدد قيمة معامل تحرير الشبكة $L$	0,5 ن
<p>❖ إستجابة وشيعة ذات مقاومة مهملة لرتبة توتر <math>n</math></p> <p>نركب الشبكة السابقة على التوالي مع موصل أومي مقاومته <math>R = 100\Omega</math></p> <p>نطبق بين مربطي ثانوي القطب المحصل توترًا قياسية رتبته الصاعدة <math>E</math> وقيمة رتبته النازلة منعدمة ودوره <math>T</math> نعاني بواسطة جهاز ملائم تطور التوتر <math>u</math> بين مربطي المولد والتوتر <math>u_R</math> بين مربطي الموصل الأومي والتوتر <math>u_L</math> بين مربطي الشبكة ، فنحصل على المنحنيات 1 ، 2 ، 3 ، 4 الممثلة في الشكل 4</p>	
3. أثبت المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار $(t)$ في المجال :	0,75 ن
$0 \leq t < \frac{T}{2}$	
4. يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على الشكل التالي:	0,5 ن
$i(t) = I_p (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ مع $\tau$ ثابتان	
أ. أقرن كلاماً من التوترين $u_L$ و $u_R$ بالمنحنى المكافئ له في الشكل 4	0,5 ن
ب. اعتماد على منحنيات الشكل 4 أوجد قيمة $I_p$	0,5 ن
5. يكتب تعبير شدة التيار الكهربائي بدلالة الزمن في المجال $T < t < \frac{T}{2}$	0,75 ن
(دون تغير أصل التواريغ) على الشكل $i(t) = A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$ مع $A$ و $\tau$	
ثابتان. بين أن تعبير شدة التيار الكهربائي عند اللحظة $t_1$ يكتب على الشكل التالي	
$i(t = t_1) = I_p \cdot e^{-\frac{T}{4}}$	0,75 ن
<p>❖ التذبذبات في حالة وشيعة ذات مقاومة غير مهملة .</p> <p>نعيد التجربة باستعمال التركيب الممثل في الشكل 1 وذلك بتعويض الشبكة السابقة بوشيعة أخرى لها نفس معامل التحرير <math>L</math> لكن مقاومتها <math>r</math> غير مهملة . بعد شحن المكثف كلياً ، نزوج قاطع التيار إلى الموضع 2 .</p> <p>يمثل الشكل 5 تطور الشحنة <math>q</math> للمكثف بدلالة الزمن</p>	
6. اختار الجواب أو الأوجوبة الصحيحة :	0,5 ن
تكون الطاقة المخزنة في الشبكة :	
أ. قصوى عند اللحظة $t_1 = 5 \cdot 10^{-3} \text{ ms}$	
ب. دنيا عند اللحظة $t_1 = 5 \cdot 10^{-3} \text{ ms}$	
ج. قصوى عند اللحظة $t_2 = 10^{-2} \text{ ms}$	
د. دنيا عند اللحظة $t_2 = 10^{-2} \text{ ms}$	
7. بين أن المعادلة التفاضلية التي تتحققها شحنة المكثف تكتب على الشكل التالي:	0,75 ن
$\frac{d^2q^2}{dt^2} + 2\lambda \frac{dq}{dt} + \frac{4\pi^2}{T_0^2} q = 0$ مع $T_0$ الدور	
الخاص للدارة و $\lambda = \frac{r}{2L}$	
8. علماً أن تعبير شبه الدور $T$ للتذبذبات هو $T = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{T_0^2} - \frac{\lambda^2}{4\pi^2}}}$	0,5 ن
أوجد الشرط الذي يجب أن تتحققه $r$ بالنسبة ل $\frac{L}{C}$ لتكون	
9. يكتب حل المعادلة التفاضلية السابقة على الشكل التالي : $q(t) = Q_0 e^{-\lambda t} \cos(\frac{2\pi}{T} t)$ . عند اللحظة $T$ تكون شحنة المكثف هي $Q_1$ . أوجد تعبيره بدلالة $Q_0$ و $\lambda$ و $T$ وأحسب قيمته	0,5 ن
10. بين أن تعبير $q(t) = Q_0 e^{-n\lambda T}$ يكتب على الشكل التالي $t = nT$ يكتب على الشكل التالي $q(nT) = Q_0 e^{-n\lambda T}$ ثم إنستنجد تعبير $(q(nT) - Q_1) / Q_0$ و $n$ حيث $n$ عدد صحيح طبيعي غير منعدم	0,75 ن
11. نرزل $E_0$ بالطاقة الكهربائية الكلية المخزنة في الدارة عند $t = 0$ و $E_1$ و ..... و $E_n$ الطاقات الكهربائية الكلية المخزنة في الدارة عند لحظات $T$ و $t_1 = nT$ ..... و $t_2 = 2T$ و ..... و $t_n = nT$ ، أوجد تعبير $E_n$ عند اللحظة $t_n$ بدلالة $E_0$ و $Q_1$ و $Q_0$ و $n$	0,5 ن
12. إنستنجد $r$ نسبة الطاقة المبددة بمفعول جول بعد مرور ثلاثة أشبة الدور ب %	0,5 ن

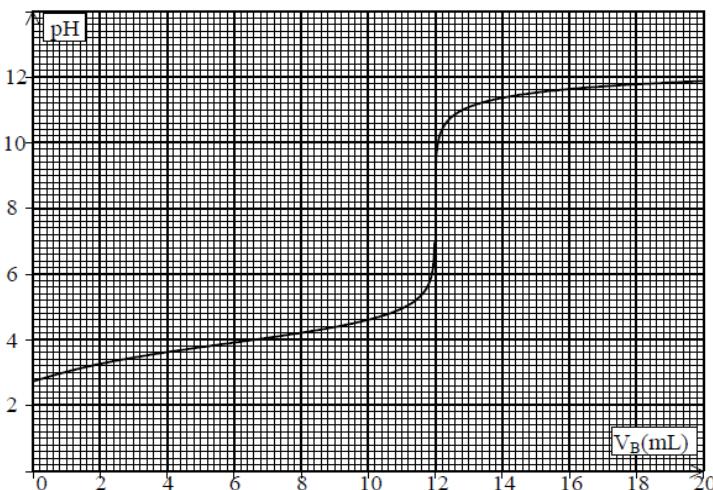
التمرين الثالث : معايرة الحمض اللبني بواسطة الصودا بقياس PH  
بفعل تأثيرات المخمرات اللبنيه يتتحول سكر الحليب (اللاكتوز) تدريجيا الى حمض اللبني ذو الصيغة  $\text{CH}_3\text{-CHOH-COOH}$  ،  $\text{M}=90 \text{ g.mol}^{-1}$  كتلته المولية  $\text{R-COOH}$  للتبسيط نرمز لهذا الحمض بـ  $\text{R-COO}^-$  .

المزدوجة الموافقة للحمض اللبني هي  $\text{R-COOH} / \text{R-COO}^-$

كلما كانت كمية الحمض اللبني الموجودة في حليب معين صغيرة ، كلما كان الحليب طريا .

أثناء الأشغال التطبيقية بالثانوية التأهيلية أيت باها ، طلب الأستاذ من تلاميذ السنة الثانية بكالوريا علوم رياضية أ ، إقتراح تقنية مناسبة لتحديد كمية الحمض اللبني الموجودة في عينة من الحليب ومعرفة ما إذا كان الحليب طريا أم لا . وطلب منهم الإجابة عن الأسئلة

الواردة أسفله بعد إقتراحهم التقنية التالية : نضع  $V_A=20 \text{ cm}^3$  من الحليب في كاس . ونضيف تدريجيا محلولا لميدروكسيد الصوديوم تركيزه  $\text{C}_B=0,05 \text{ mol.L}^{-1}$  . نقيس PH الخليط عند كل إضافة ، يعطي المنحنى الممثل في الشكل أسفله تغيرات PH الخليط بدلالة حجم محلول الصودا المضاف .



1. حدد مبيانيا نقطة لتكافؤ 0,5
2. أكتب المعادلة الحصيلة للتفاعل الذي يحدث أثناء المعايرة 0,5
3. أنشئ الجدول الوصفي لهذا التفاعل 0,5
4. أحسب تركيز  $\text{C}_A$  للحمض اللبني في عينة الحليب ، ثم استنتج كتلة الحمض اللبني الموجودة في لتر واحد من العينة 0,5
5. عند إضافة الحجم  $V_B < V_{BE}$  . أثبت العلاقة التالية ( 1 -  $\frac{V_{BE}}{V_B}$  )  $\text{PH} = \text{PK}_A - \text{Log}$  0,5
6. حدد PH بدلالة بـ  $\text{PK}_A$  عند  $V_B = \frac{V_{BE}}{2}$  ثم استنتج قيمة  $\text{PK}_A$  0,5
7. من بين الكواشف الملونة التالية ، حدد الكاشف الملون المناسب الذي يمكن استعماله في المعايرة السابقة ، علل جوابك 0,5

الكاشف	الفينول فتالين	أحمر الكريزول	أزرق البروموتيمول	أخضر البروموكريزول
منطقة الانعطاف	8,2-9,5	7,2-8,8	6,2-7,6	3,8-5,4

- في الصناعات الغذائية ، يعبر عن حموضة الحليب بـ " درجة دورنيك " (Dor nic) ونرمز لها بـ  $D^\circ$  ، بحيث  $D^\circ = 10^{\text{pH}} \text{ تواافق الحموضة}$  التي يسببها وجود 0,1g من الحمض اللبني في لتر واحد من الحليب
5. أحسب درجة الحموضة لعينة الحليب المدروسة سابقا 0,5
  6. نعتبر أن الحليب طريا إذا كانت درجة حموضته مخصوصة  $D^\circ = 15$  أو  $D^\circ = 18$  ، هل يمكن اعتبار الحليب الموجود في العينة المدروسة طريا؟ 0,5

- ندرس محلول الحمض اللبني قبل بداية المعايرة
7. أكتب معادلة تفكك الحمض اللبني في الماء . وتعبر ثابتة حمضيته 0,5
  8. أحسب قيمة نسبة التقدم النهائي للتحول المقرر بتفكك الحمض اللبني في الماء ، ماذا تستنتج؟ 0,5
  9. أحسب ثابتة الحموضية لمزدوجة الحمض اللبني ، واستنتج قيمة الثابتة  $\text{pka}$  0,5
  10. حدد مجال هيمنة النوعين الحمضي والقادري لمزدوجة الحمض اللبني 0,5
  11. أرسم مخطط توزيع الأنواع الحموضية القادرة لمزدوجة الحمض اللبني 0,5

« كم هذا الجيل منطورا... مدركا... عارفا... لكن... أحيانا... نقصهم... الرغبة... والصبر... وهذا الشرطان  
لزمان... للتحقيق... ما يصبو اليه... » **د. رشيد جنكل**



حظ سعيد للجميع  
الله ولـي التوفيق