

الصفحة	1	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع -		الجمهورية المغربية وزارة التربية الوطنية والتعليم العالي والبحث العلمي المركز الوطني للتقويم والامتحانات	
8				A. TALAMID A. TALAMID A. TALAMID A. TALAMID	
*I					
*					
SSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSS		RS 30			
4h	مدة الإنجاز	الفيزياء والكيمياء		المادة	
7	المعامل	شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)		الشعبة أو المسلك	
* يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة. * تعطى التعابير الحرفية قبل التطبيقات العددية و تكون النتيجة مصحوبة بالوحدة. * يمكن للتمارين أن تنجز وفق ترتيب يختاره المترشح. يتضمن الموضوع خمسة تمارين: تمرين في الكيمياء و أربعة تمارين في الفيزياء. التمرين 1: الكيمياء (7 نقط) - الجزء I : بعض التفاعلات مع أيون الأمونيوم . - الجزء II : العمود نيكل- فضة. التمرين 2: الموجات (2 نقط) - الطبيعة الموجية للضوء. التمرين 3: التحولات النووية (1,5 نقط) - انشطار الأورانيوم 235. التمرين 4: الكهرباء (5 نقط) - الدارة RL: منبه "إيقاظ ضوئي"، - الدارة LC ، - المتذبذب RLC في نظام قسري. التمرين 5 : الميكانيك (4,5 نقط) - الجزء I : تجربة ميليكان (Millikan) . - الجزء II : فصل خليط من النظائر بواسطة راسم الطيف للكتلة.					

الصفحة	2	RS 30	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع - مادة: الفيزياء والكيمياء- شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	TIM 994	*
8					

التمرين 1: الكيمياء (7 نقط)

الجزءان I و II مستقلان

الجزء I: بعض التفاعلات مع أيون الأمونيوم
ندرس في هذا الجزء:
- محلول مائي لكلورور الأمونيوم ؛
- معايرة أيونات الأمونيوم الموجودة في دواء.

1- دراسة محلول مائي لكلورور الأمونيوم
معطيات:

- تمت جميع القياسات عند 25°C ،
- الجداء الأيوني للماء: $K_e = 10^{-14}$ ،
- الموصلية المولية الأيونية عند 25°C : $\lambda_1 = \lambda(\text{H}_3\text{O}^+) = 34,9.10^{-3} \text{S.m}^2.\text{mol}^{-1}$ ، $\lambda_2 = \lambda(\text{NH}_4^+) = 7,34.10^{-3} \text{S.m}^2.\text{mol}^{-1}$ ،
- $\lambda_3 = \lambda(\text{Cl}^-) = 7,63.10^{-3} \text{S.m}^2.\text{mol}^{-1}$ ،
- الكتلة المولية: $M(\text{NH}_4\text{Cl}) = 53,5 \text{g.mol}^{-1}$.

نذكر بتعبير الموصلية σ لمحلول مائي أيوني بدلالة التراكيز المولية الفعلية للأنواع الأيونية X_i الموجودة في المحلول والموصلات المولية الأيونية λ_i : $\sigma = \sum \lambda_i \cdot [X_i]$.

نحضر محلولاً مائياً (S) لكلورور الأمونيوم $\text{NH}_4^+(\text{aq}) + \text{Cl}^-(\text{aq})$ تركيزه المولي $C = 5,0.10^{-3} \text{mol.L}^{-1}$.
أعطى قياس موصلية المحلول (S) القيمة $\sigma = 74,898 \text{mS.m}^{-1}$.

- 1- اكتب المعادلة الكيميائية المنمجة لتفاعل أيونات الأمونيوم NH_4^+ مع الماء. (0,5 ن)
- 1-2 عبر، بإهمال تأثير أيونات الهيدروكسيد HO^- على موصلية المحلول، عن نسبة التقدم النهائي τ للتفاعل بدلالة σ و C و λ_1 و λ_2 و λ_3 . احسب قيمته. (0,75 ن)

1-3 أوجد تعبير ثابتة الحمضية K_A للمزدوجة $\text{NH}_4^+(\text{aq}) / \text{NH}_3(\text{aq})$ بدلالة C و τ . تحقق أن:
 $\text{pK}_A(\text{NH}_4^+(\text{aq}) / \text{NH}_3(\text{aq})) \approx 9,2$ (0,75 ن)

1-4 أنشئ مخطط الهيمنة واستنتج النوع المهيمن للمزدوجة $\text{NH}_4^+(\text{aq}) / \text{NH}_3(\text{aq})$. (0,75 ن)

1-5 نخفف المحلول (S) لكلورور الأمونيوم.

كم عدد الإثباتات الصحيحة من بين الإثباتات التالية: (0,75 ن)

- أ- تتزايد نسبة التقدم النهائي للتفاعل.
- ب- يبقى خارج التفاعل $Q_{r,eq}$ عند التوازن ثابتاً.
- ج- لا يتغير x_{eq} تقدم التفاعل عند التوازن.
- د- تنقص قيمة $\text{pK}_A(\text{NH}_4^+(\text{aq}) / \text{NH}_3(\text{aq}))$.

2- معايرة أيونات الأمونيوم الموجودة في دواء

يستعمل كلورور الأمونيوم في المكملات الغذائية للأنعام وغيرها كدواء لمعالجة الحصى البولية عند الخروف. كما يستعمل كدواء ضد السعال.

الصفحة	RS 30	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع - مادة: الفيزياء والكيمياء- شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	* TJIM994
3	8		

يحرص المختبر الصيدلاني على أن يكون التركيز الكتلي لكلورور الأمونيوم مضبوطا عند القيمة $C_0 = 1,51 \text{ g.L}^{-1}$. نريد معايرة عينة من محلول (S_1) لكلورور الأمونيوم أخذت من قارورة، تباع في مختبر صيدلاني تحمل الإشارة $C_0 = 1,51 \text{ g.L}^{-1}$.
نعاير المحلول (S_1) بواسطة محلول (S_b) لهيدروكسيد الصوديوم $\text{Na}^+_{(aq)} + \text{HO}^-_{(aq)}$ تركيزه $C_B = 2,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$.
نأخذ حجما $V_A = 20 \text{ mL}$ من المحلول (S_1) ونضيف إليه تدريجيا حجما V_B من المحلول (S_b).
حجم المحلول (S_b) المضاف عند التكافؤ هو: $V_{BE} = 28,3 \text{ mL}$.

- 2-1- اكتب المعادلة المنمنجة لتفاعل المعايرة. (0,5 ن)
- 2-2- احسب ثابتة التوازن الموافقة لمعادلة تفاعل المعايرة. (0,5 ن)
- 2-3- هل الإشارة الموجودة على القارورة صحيحة؟ علل جوابك. (0,75 ن)

الجزء II: العمود نيكل-فضة

ندرس عمودا كهركيميائيا تتدخل فيه المزدوجتان Ox/Red التاليان: $\text{Ag}^+_{(aq)} / \text{Ag}_{(s)}$ و $\text{Ni}^{2+}_{(aq)} / \text{Ni}_{(s)}$.

يتكون العمود من مقصورتين تربط بينهما قنطرة ملحية.

تتكون المقصورة الأولى من صفيحة من النيكل كتلتها $m_1 = 1,5 \text{ g}$ مغمورة كلياً في حجم $V = 100 \text{ mL}$ لمحلول مائي يحتوي على أيونات النيكل تركيزه المولي البدئي $[\text{Ni}^{2+}_{(aq)}]_i = 0,10 \text{ mol.L}^{-1}$. تتكون المقصورة الثانية من صفيحة الفضة مغمورة في حجم $V = 100 \text{ mL}$ لمحلول مائي يحتوي على أيونات الفضة تركيزها المولي البدئي: $[\text{Ag}^+_{(aq)}]_i = 0,10 \text{ mol.L}^{-1}$.

معطيات :

- الفارادي: $1F = 9,65 \cdot 10^4 \text{ C.mol}^{-1}$.

- الكتلة المولية: $M(\text{Ni}) = 58,7 \text{ g.mol}^{-1}$.

خلال اشتغال العمود يحصل اختزال أيونات Ag^+ .

- 1- اكتب المعادلة الكيميائية الحاصلة للتفاعل خلال اشتغال العمود. (0,5 ن)
- 2- حدد سعة العمود (الشحنة القصوى $Q_{\max}$ التي يمكن أن يمنحها العمود). (0,5 ن)

3- يمر تيار كهربائي شدته ثابتة $I = 200 \text{ mA}$ خلال 30 دقيقة عند ربط العمود بدارة كهربائية. اوجد تركيز الأيونات $\text{Ni}^{2+}_{(aq)}$ في هذه الحالة. (0,75 ن)

التمرين 2: الموجات (2 نقطة): الطبيعة الموجية للضوء

مكنت تجارب الحيود وتجارب أخرى منجزه في القرن التاسع عشر بعد الميلاد من إثبات الخاصية الموجية للضوء، وذلك بمقارنتها مع الموجات الميكانيكية.

- 1- هل الموجة الضوئية موجة ميكانيكية؟ (0,25 ن)
- 2- أنجز فريينيل (Fresnel) ظاهرة حيود الضوء باستعمال خيط من حديد. عين رتبة قدر القطر للخط للحصول على ظاهرة الحيود. (0,25 ن)
- 3- كم عدد الإثباتات الصحيحة من بين الإثباتات التالية؟ (0,5 ن)

الصفحة	4	RS 30	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع - مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	TIM999
8				

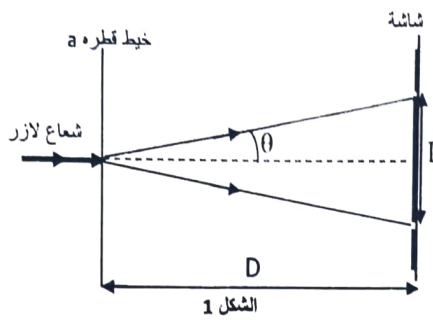
أ- الضوء موجة مستعرضة لها نفس السرعة في جميع الأوساط الشفافة.

ب- يتكون الضوء الأحادي اللون للالزر من إشعاعات لها نفس طول الموجة لكن لها ترددات مختلفة.

ج- يبين تبديد الضوء الأبيض بواسطة موشور أن معامل انكسار وسط يتغير مع تغيرات التردد .

د- الفراغ وسط مثالي غير مبدد .

4- لقياس طول موجة لالزر يبعث ضوء أحادي اللون طول موجته λ ، ننجز تجربة ظاهرة الحيود باستعمال خيوط رفيعة (الشكل 1).



نقتصر على الحالة التي يكون فيها الفرق الزاوي صغيرا، حيث $\tan(\theta) \approx \theta$ مع θ يعبر عنها بالراديان .

يمثل الشكل 1 تباينة الحيود المحصل عليه على شاشة بيضاء توجد على مسافة $D = 2,0 \text{ m}$ من الخيوط .

بالنسبة لخيوط قطره 'a' نقيس العرض 'L' للبقعة المركزية.

من خلال هذه القياسات ومعطيات أخرى، نحصل على منحني

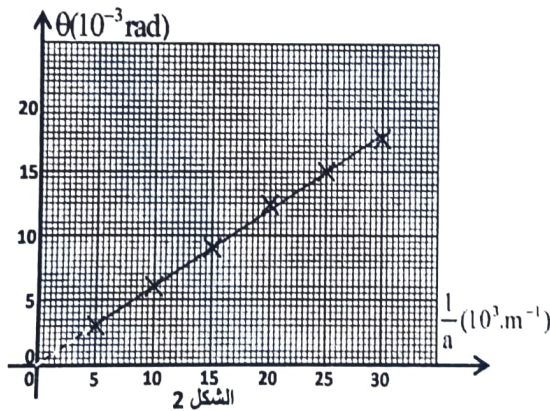
الشكل 2 الذي يمثل θ بدلالة $\frac{1}{a}$: $\theta = f\left(\frac{1}{a}\right)$.

4-1- حدد مبيانيا λ ، طول الموجة للالزر المستعمل (0,5 ن).

4-2- نستعمل في نفس الجهاز التجريبي خيوطا قطره a_1

فنحصل على بقعة ضوئية مركزية قطرها $L_1 = 4 \text{ cm}$.

حدد a_1 (0,5 ن).



التمرين 3: التحولات النووية (1,5 نقطة): انشطار الأورانيوم 235

يتكون الأورانيوم الطبيعي أساسا من النظير 238 و بنسب قليلة من نظائر أخرى من بينها الأورانيوم 235. الأورانيوم 235

نواة شطورة . من أجل استعماله كمحروق نعمل على تخصيب الأورانيوم الطبيعي للرفع من نسبة النظير 235 .

معطيات :

- كتلة النوى: $m(^{235}_{92}\text{U}) = 234,9935 \text{ u}$ ، $m(^{146}_{58}\text{Ce}) = 145,8782 \text{ u}$ ، $m(^{85}_{34}\text{Se}) = 84,9033 \text{ u}$

- كتلة نوترون: $m_n = 1,0087 \text{ u}$

- $1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV} \cdot c^{-2} = 1,6605 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ، $1 \text{ MeV} = 1,6022 \cdot 10^{-13} \text{ J}$

يعتمد إنتاج الطاقة في المفاعلات النووية على انشطار الأورانيوم 235 .

عندما يصطدم نوترون بنواة الأورانيوم 235 يحدث إحدى الانشطارات الممكنة التي ينتج عنها نواة السيزيوم ^{146}Ce و نواة السيلينيوم ^{85}Se ونوترونات.

الصفحة	5	RS 30	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع	مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	TIM994	*
8						

- 1- اكتب المعادلة المنمجة لهذا التفاعل النووي. (0,25 ن)
- 2- احسب بالوحدة الجول (J) الطاقة $|\Delta E|$ الناتجة عن انشطار نواة من الأورانيوم 235. (0,25 ن)
- 3- تستعمل المفاعلات النووية الأورانيوم 235 المخصب بنسبة 5% (أي توجد 5 نوى مخصبة من بين 100 نواة من الأورانيوم 235).
حدد بالوحدة الجول (J) الطاقة الناتجة عن 1kg من الأورانيوم المخصب بنسبة 5%. (0,5 ن)
- 4- تنتج محطة نووية قدرة كهربائية $p=1450 \text{ MW}$. مردود تحول الطاقة الحرارية إلى طاقة كهربائية هو 34%.
حدد كتلة الأورانيوم 235 المخصب بنسبة 5% و المستعمل في هذه المحطة النووية خلال سنة واحدة (1 an = 365,25 jours) (0,5 ن).

التمرين 4: الكهرباء (5 نقط)

يهدف التمرين إلى :

- دراسة إحدى تطبيقات دائرة كهربائية تحتوي وشيعة؛
- تحديد بعض البارامترات الكهربائية من خلال دراسة التذبذبات غير المخمدة لدائرة LC والتذبذبات القسرية في دائرة RLC متوالية.

1- منبه إيقاظ ضوئي

عندما يحين وقت الاستيقاظ المبرمج في منبه "ضوء الاستيقاظ" يبعث مصباح المنبه ضوء تزداد شدته تدريجيا حتى بلوغ قيمة قصوى قابلة للضبط تمكن الشخص من الاستيقاظ.
ننمذج هذا المنبه بدارة كهربائية تمكن من تغيير شدة إضاءة المصباح باعتماد الخاصية الكهربائية لوشيعة.
ترتبط إضاءة المصباح بالقدرة الكهربائية التي يكتسبها.

نذكر بالتعبير عن القدرة الكهربائية المكتسبة من طرف المصباح الذي يخضع لتوتر u ويمر عبره تيار كهربائي شدته i نمائله بموصل أومي مقاومته R حيث:

$$P = R \cdot i^2 = \frac{u^2}{R}$$

ننجز الدارة الكهربائية الممثلة في الشكل 1 ، والتي تتكون من:

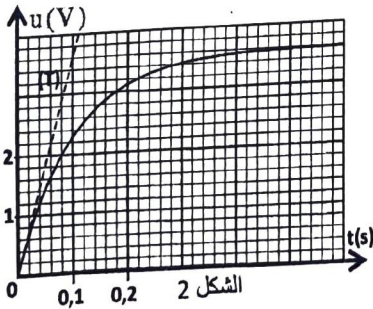
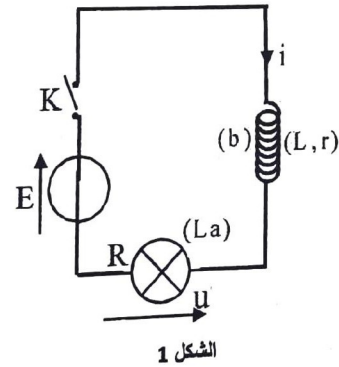
- مولد مؤمّن للتوتر قوته الكهربائية محرّكة $E=9 \text{ V}$ ؛
- مصباح (La) ممّثل لموصل أومي مقاومته $R=4 \Omega$ ؛
- وشيعة (b) معامل تحريضها L ومقاومتها r ؛
- قاطع التيار K .

نغلق قاطع التيار K عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ ($t=0$).

نعين بواسطة نظام مسك معلوماتي ملانم التوتر $u(t)$ بين مربطي المصباح.
نحصل على المنحنى الممثل في الشكل 2. يمثل (T) المماس للمنحنى عند النقطة ذات الأفصول $t=0$.

1-1 أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u(t)$ بين مربطي المصباح. (0,5 ن)

1-2 تحقق أن $L=1 \text{ H}$ و $r=6 \Omega$. (0,5 ن)



1-3 يكتب حل المعادلة التفاضلية المتوصل إليها في السؤال 1-1 على الشكل التالي: $u(t) = u_{\max} (1 - e^{-t/\tau})$ ، مع τ ثابتة الزمن لثنائي القطب المنجز. لإيقاظ شخص نعتبر أن الضوء كاف عندما تبلغ القدرة الكهربائية المكتسبة من طرف المصباح 98,01% من قيمتها القصوى.

الصفحة	6	RS 30	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع	مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	1121994	*
8						

1-3-1- بين أنه لإيقاظ شخص ، يكون الضوء كافٍ عندما تكون: $u(t)=0,99.u_{max}$. (0,5 ن)

1-3-2- استنتج t_R المدة الزمنية اللازمة لإيقاظ الشخص. (0,5 ن)

1-3-3- نعتبر أن هذه المدة قصيرة جدًا ؛ اقترح تعديلا يتم إجراؤه على الدارة الكهربائية لتمديد هذه المدة. (0,25 ن)

2- دراسة دارة LC

ننجز دارة كهربائية لمتذبذب كهربائي مصان بتركيب على التوالي للعناصر التالية (الشكل 3):

- مكثف سعته C ؛

- الوشعية (b) المستعملة سابقا ؛

- مولد يزود الدارة بتوتر $u_g = k.i(t)$ مع u_g معبر عنه بالفولط (V) و $i(t)$ معبر عنها بالأمبير (A).

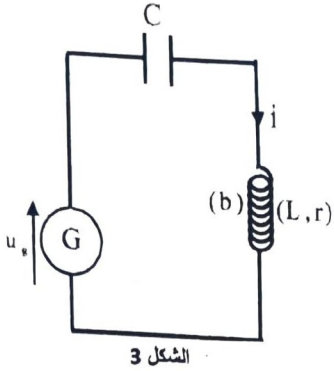
2-1- أوجد قيمة k. (0,5 ن)

2-2- ابتداء من لحظة t نأخذها أصلا للتواريخ (t=0) نحصل على منحنى الشكل 4

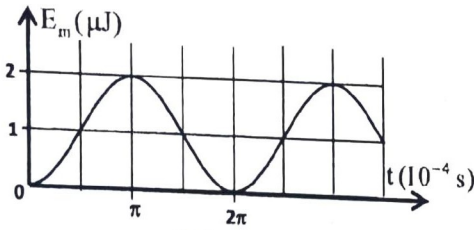
الممثل لتغيرات الطاقة المغنطيسية E_m المخزونة في الوشعية بدلالة الزمن.

حدد I_m الشدة القصوى للتيار ، ثم قيمتي السعة C والشحنة القصوى Q_0

للمكثف. (0,75 ن)



الشكل 3



الشكل 4

3- المتذبذب RLC في نظام قسري

ننجز دارة RLC متوالية مكونة من:

- مولد يزود الدارة بتوتر متناوب جيبي $u(t)$ توتره الفعال ثابت

- موصل أومي مقاومته R قابلة للضبط ؛

- الوشعية (b) السابقة ؛

- المكثف السابق ذي السعة C .

بالنسبة لقيمتين R_1 و R_2 للمقاومة R مع $R_1 < R_2$ ، مكنت الدراسة التجريبية من خط منحنى رنين شدة التيار

الكهربائي لثنائي القطب RLC المتوالية: $I = f(N)$ مع I الشدة الفعالة للتيار

الكهربائي و N تردد التذبذبات. نحصل على المنحنيين (a) و (b) الممثلين في

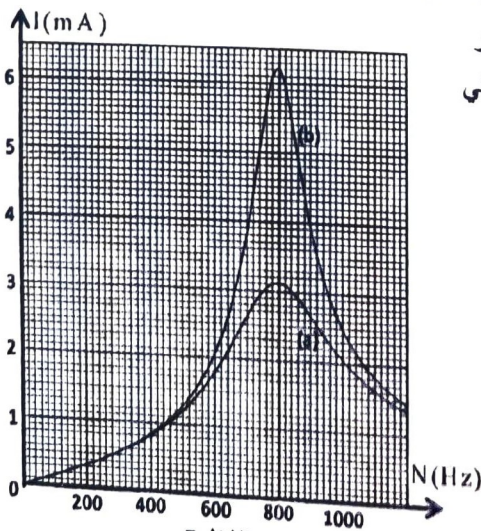
الشكل 5.

3-1- أقرن ، معلا جوابك ، المقاومة الموافقة للمنحنى (b). (0,25 ن)

3-2- حدد ، مبيانيا ، التردد عند الرنين للدارة RLC. (0,25 ن)

3-3- في حالة المنحنى (b) ، حدد مبيانيا عرض المنطقة الممررة ذات 3dB واستنتج معامل الجودة Q للدارة. (0,5 ن)

3-4- أوجد قيمة المقاومة R_1 . (0,5 ن)



الشكل 5

الصفحة	7	RS 30	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع	* TAM994
8			- مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	

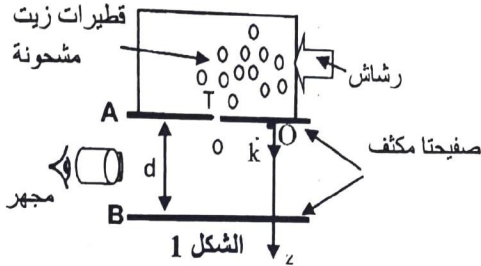
التمرين 5: الميكانيك (4,5 نقط)

الجزءان I و II مستقلان

الجزء I : تجربة مليكان (Millikan)

توصل العالم مليكان في سنة 1910 إلى أن كل جسيم مشحون يحمل عددا صحيحا من الشحن الابتدائية e ، وذلك بملاحظة قطرات زيت مشحونة كهربائيا بين لبوسين مكثف مستو و حذد الشحنة q التي تحملها قطيرة عالقة.

ندرس في تجربة مليكان حركة قطيرة زيت مشحونة في الهواء ، تم الحصول عليها بعملية الرش عبر ثقب T يوجد بين صفيحتين أفقيتين لمكثف مستو الذي يمكن أن نطبق عليه توترا $V_A - V_B = U$ موجبا قابلا للضبط فيحدث مجا لا كهرساكننا منتظما $\vec{E}$. يتم ملاحظة قطيرة الزيت بواسطة مجهر.



يحدث الرشاش سحابة مكونة من قطرات زيت تحمل شحنا سالبة.

تمثل تبيانة الشكل 1 جهازا مبسطا للتجربة المنجزة في المختبر.

نعتبر أن قطيرة زيت (S) كروية الشكل شعاعها r وكتلتها m . تحمل هذه القطيرة شحنة q سالبة. خلال هذه التجربة ، تصل القطيرة بين اللبوسين A و B ، اللذين تفصل بينهما المسافة d ، من خلال ثقب T بسرعة بدنية نعتبرها منعدمة (الشكل 1).

معطيات:

- الكتلة الحجمية للزيت: $\rho_H = 1,3 \cdot 10^2 \text{ kg.m}^{-3}$ ؛ الكتلة الحجمية للهواء: $\rho_A = 1,3 \text{ kg.m}^{-3}$ ؛

- شدة الثقالة: $g = 9,81 \text{ N.kg}^{-1}$ ؛ $d = 2,0 \cdot 10^{-2} \text{ m}$ ؛

- حجم كرة شعاعها r : $V_S = \frac{4}{3} \pi r^3$ ؛ - الشحنة الابتدائية: $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$.

ندرس حركة القطيرة (S) في المعلم $(O, \vec{k})$ المرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا (الشكل 1). في غياب المجال الكهرساكن بين الصفيحتين تخضع القطيرة إلى: وزنها $\vec{P}$ ،

- قوة الاحتكاك المائع $\vec{f} = -6\pi\eta r \vec{v}$ مع $\eta = 1,8 \cdot 10^{-5} \text{ S.I.}$ و $\vec{v}$ متجهة السرعة للقطيرة (S) عند لحظة t ،

- دافعة أرخميدس $\vec{F}_A = -\rho_A V_S \vec{g}$ المطبقة من طرف الهواء ، ذي الكتلة الحجمية ρ_A ، المحيط بالكرية .

1- حساب شعاع قطيرة الزيت

نعتبر الحالة التي يكون فيها التوتر بين الصفيحتين منعدما $V_A - V_B = 0$.

1-1 - بين ، بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أن المعادلة التفاضلية لحركة (S) بين الصفيحتين A و B التي تحققها السرعة v تكتب :

$$(0,5) \text{ ن} \quad \frac{dv}{dt} + \frac{9\eta}{2\rho_H r^2} v = g \left(1 - \frac{\rho_A}{\rho_H} \right)$$

1-2 - استنتج تعبير السرعة الحدية v_c بدلالة r و η و ρ_A و ρ_H و g . (0,25 ن)

1-3 - أعطى قياس السرعة الحدية للقطيرة خلال النظام الدائم القيمة $v_c = 2,0 \cdot 10^{-4} \text{ m.s}^{-1}$. تحقق أن شعاع القطيرة هو $r \approx 3,6 \mu\text{m}$. (0,5 ن)

الصفحة	8	RS 30	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2021 - الموضوع	مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	TM994	*
8	8					

2- حساب شحنة قطيرة الزيت المكهربة

نعتبر الحالة التي يكون فيها التوتر غير منعدم $V_A - V_B \neq 0$.
نطبق بين الصفيحتين A و B توترا $V_A - V_B = U_0$ فيحدث مجالا كهرساكنًا منتظمًا، حيث تخضع الكرية إلى قوة كهرساكنة إضافية $\vec{F} = q\vec{E}$ مع $E = \frac{U_0}{d}$.

نلاحظ عند تطبيق التوتر $U_0 = 3,1 \text{ kV}$ أن القطيرة توجد في حالة سكون.

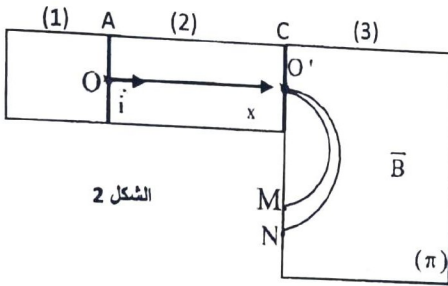
2-1- أوجد تعبير الشحنة الكهربائية q لقطيرة الزيت المدروسة بدلالة r و d و g و U_0 و ρ_H و ρ_A (0,75 ن).

2-2- استنتج عدد الشحن الابتدائية التي تحملها هذه القطيرة. (0,5 ن)

الجزء II: فصل خليط من النظائر بواسطة راسم الطيف للكتلة

نريد فرز الأيونات ${}^6\text{Li}^+$ و ${}^7\text{Li}^+$ كتلتاهما على التوالي m_1 و m_2 بواسطة راسم الطيف للكتلة.

يتكون راسم الطيف للكتلة أساسًا من ثلاث حجرات (الشكل 2). يتم تأين ذرات الليثيوم في الحجرة الأولى (1) إلى الكاثيونات ${}^6\text{Li}^+$ و ${}^7\text{Li}^+$ وفي الحجرة الثانية (2) يتم تسريع الأيونات قبل أن تخضع في الحجرة الثالثة (3) إلى تأثير مجال مغنطيسي منتظم متصل إلى النقطتين M و N لشاشة مستشعة.



الشكل 2

تتم حركة الأيونات في الفراغ و يتم دراسة حركتها في معلم أرضي نعتبره غاليليا.

نهمل شدة وزن الكاثيونات أمام شدة قوة لورنتز و شدة القوة كهرساكنة. تمثل e الشحنة الابتدائية.

1- تدخل الأيونات ${}^6\text{Li}^+$ و ${}^7\text{Li}^+$ من النقطة O، بدون سرعة بدئية، في مجال كهربائي منتظم $\vec{E}$ يوجد بين الصفيحتين A و C قصد تسريعها نحو O'. نطبق بين الصفيحتين A و C التي تفصلهما المسافة d، التوتر $U_0 = V_A - V_C$.

أثناء حركة كل أيون في الحجرة (2) نمعلم موضعه عند لحظة t بالأفصول x على المحور $(O; \vec{i})$ (الشكل 2).

1-1- حدد طبيعة حركة الأيون ${}^6\text{Li}^+$ بين O و O'. (0,5 ن)

1-2- نختار لحظة مرور الأيون ${}^6\text{Li}^+$ من النقطة O أصلاً للتواريخ $t=0$. (0,5 ن)

اكتب المعادلة الزمنية x(t) لحركة الأيون ${}^6\text{Li}^+$ بدلالة برامترات التمرين و استنتج معادلة السرعة.

1-3- تغادر الأيونات ${}^6\text{Li}^+$ و ${}^7\text{Li}^+$ المجال كهرساكن (الحجرة الثانية) عند النقطة O' على التوالي بالسرعتين v_1 و v_2 .

استنتج التعبير: $v_1 = \sqrt{\frac{2e \cdot U_0}{m_1}}$ (0,5 ن)

2- عند النقطة O' تدخل هذه الأيونات الحجرة (3) التي يوجد بها مجال مغنطيسي منتظم متجهته $\vec{B}$ عمودية على المستوى (π) (الشكل 2). بعد الانحراف تصل الأيونات إلى النقطتين M و N (الشكل 2).

أوجد، باعتبار أن حركة الأيونات دائرية منتظمة في الحجرة الثالثة، المسافة MN بدلالة B و m_1 و m_2 و e و U_0 .

احسب قيمتها. (0,5 ن)

نعطي: $1u = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ، $m_2 = 7u$ ، $m_1 = 6u$ ، $B = 100 \text{ mT}$ ، $U_0 = 2 \text{ kV}$ ، $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$