

|                  |      |                                                                                                                                                      |
|------------------|------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| الصفحة<br>2<br>8 | RS30 | <b>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2019 - الموضوع</b><br><b>- مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية : (أ) و (ب)</b> |
|------------------|------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

**التمرين 1 : الكيمياء (7 نقط)**

**الجزءان I و II مستقلان**

يعتبر هيدروكسيد الصوديوم و المثلث أمين من المركبات الكيميائية المستعملة في إنتاج كثير من المنتجات المصنعة. نتناول في الجزء الأول من التمرين معايرة محلول مائي للمثلث أمين و نتناول في الجزء الثاني الحلمة القاعدية لإستر.

**الجزء I : معايرة محلول مائي للمثلث أمين**

نتوفر على محلول مائي (S) للمثلث أمين  $\text{CH}_3\text{NH}_2$  تركيزه المولي C. نأخذ حجما  $V=10\text{mL}$  من المحلول (S) و نعايره بمحلول مائي لحمض الكلوريدريك  $\text{H}_3\text{O}^+_{(\text{aq})} + \text{Cl}^-_{(\text{aq})}$  تركيزه المولي  $C_A = 2.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ .

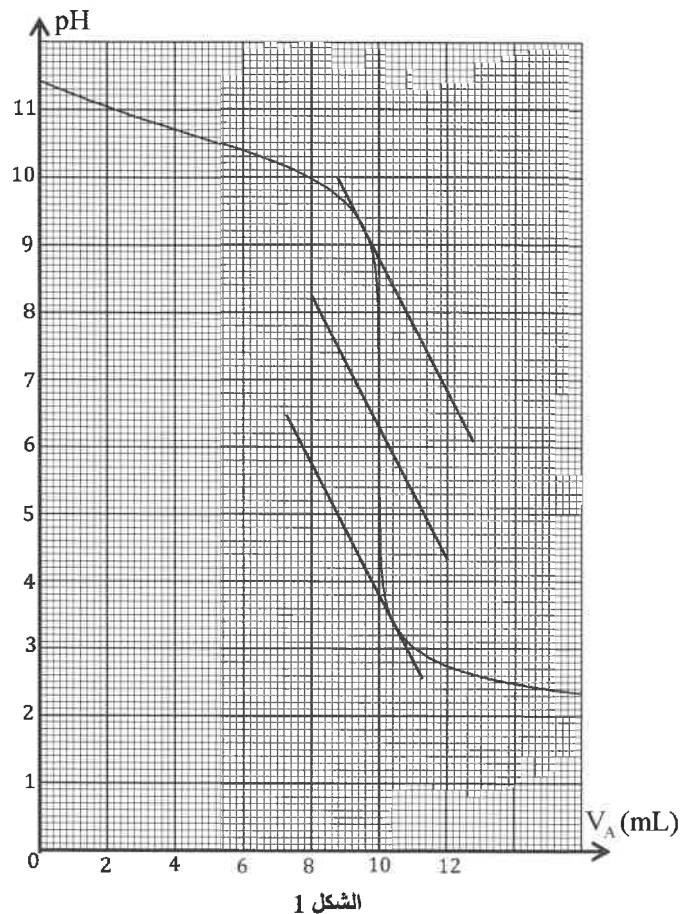
يمثل منحنى الشكل 1 تغير pH الخليط التفاعلي بدلالة الحجم  $V_A$  للحمض المضاف.

**معطيات:-** تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة  $25^\circ\text{C}$ ،  
- الجداء الأيوني للماء  $K_e = 10^{-14}$ .

1- حدد مبيانيا إحداثيتي نقطة التكافؤ  $V_E$  و  $\text{pH}_E$  (0,5 ن)  
2- حدد التركيز C (0,5 ن)  
3- من بين الكواشف الملونة الواردة في الجدول أسفله، حدد الكاشف الأكثر ملاءمة لاستعماله في المعايرة الملوانية للمحلول (S). علل جوابك. (0,5 ن)

| الكاشف الملون      | منطقة الانتعاف |
|--------------------|----------------|
| أخضر البروموكريزول | 3,8 - 5,4      |
| أزرق البروموتيمول  | 6,0 - 7,6      |
| الفينول فتالين     | 8,2 - 10,0     |

4- اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل المعايرة. (0,5 ن)  
5- بين، اعتمادا على الجدول الوصفي لتفاعل معايرة المحلول (S)، بالنسبة لـ  $V_A < V_E$  أن  $\text{pH} = \text{pK}_{A1} + \log\left(\frac{1}{y} - 1\right)$  مع  $y = \frac{V_A}{V_E}$   
و  $\text{pK}_{A1} = \text{pK}_A(\text{CH}_3\text{NH}_3^+ / \text{CH}_3\text{NH}_2)_{(\text{aq})}$  (0,5 ن)  
6- حدد قيمة y ليكون  $\text{pH} = \text{pK}_{A1}$ . استنتج قيمة  $\text{pK}_{A1}$ . (0,75 ن)



|                  |      |                                                                                                  |
|------------------|------|--------------------------------------------------------------------------------------------------|
| الصفحة<br>1<br>8 | RS30 | <b>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا</b><br><b>الدورة الاستدراكية 2019</b><br><b>- الموضوع -</b> |
|------------------|------|--------------------------------------------------------------------------------------------------|

**المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه**

|   |             |                                  |
|---|-------------|----------------------------------|
| 4 | مدة الانجاز | الفيزياء والكيمياء               |
| 7 | المعامل     | شعبة العلوم الرياضية : (أ) و (ب) |

**المادة**

**الشعبة أو المسلك**

يُسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة.

يُتضمن الموضوع أربعة تمارين: تمرين في الكيمياء و ثلاثة تمارين في الفيزياء.

**التمرين 1 : الكيمياء (7 نقط)**

- معايرة محلول مائي للمثلث أمين،  
- الحلمة القاعدية لإستر.

**التمرين 2 : موجة ميكانيكية (3 نقط)**

- انتشار موجة طول حبل.

**التمرين 3 : الكهرباء (5 نقط)**

- استجابة ثنائي قطب RC لرتبة توتر،  
- تذبذبات حرة في دائرة RLC متوالية،  
- تذبذبات قسرية في دائرة RLC متوالية.

**التمرين 4 : الميكانيك (5 نقط)**

- حركة تذبذبية و سقوط حر لجسم صلب،  
- حركة قمر اصطناعي.

|        |      |                                                                                                                                        |
|--------|------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| الصفحة | RS30 | الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2019 - الموضوع<br>- مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية : (أ) و (ب) |
| 3      | 8    |                                                                                                                                        |

7- بالنسبة للمحلول (S) الذي تمت معايرته سابقا:

7-1- اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل المثل أمين مع الماء. (0,25 ن)

7-2- حدد نسبة التقدم النهائي لهذا التفاعل. ماذا تستنتج؟ (0,5 ن)

الجزء II : الحلمة القاعدية لإستر

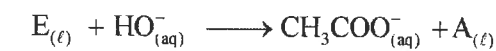
يتميز إيثانوات البروبيل، الذي نرسم له ب E، برائحة الإحاص. يستعمل هذا الإستر E في صناعة العطور و النكهات و الصباغات و الزيوت...

1- اكتب الصيغة نصف المنشورة للإستر E. (0,25 ن)

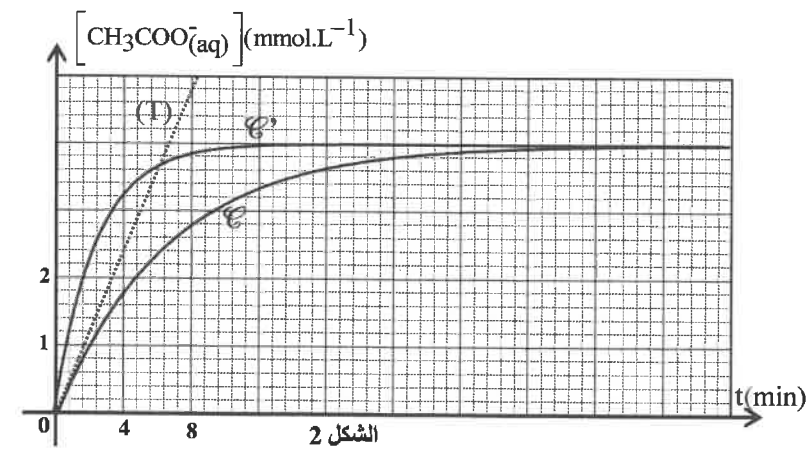
2- ننجز، عند اللحظة  $t=0$ ، خليطين متساويي المولات للإستر E ولمحلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم.

يتكون كل خليط من حجم  $V_E$  من محلول الإستر E تركيزه المولي  $C_1=10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  و حجم  $V_B=V_E$  من محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم له نفس التركيز.

في ظروف تجريبية معينة يحدث في كل خليط تفاعل نمذجته بالمعادلة التالية:



تم إنجاز التجربة بالنسبة لأحد الخليطين عند درجة الحرارة  $\theta_1$ ، و بالنسبة للخليط الآخر تم إنجازها عند درجة الحرارة  $\theta_2$  مع  $\theta_2 > \theta_1$ .



يمثل المنحنيان E و E' (الشكل 2) تطور التركيز  $[CH_3COO_{(aq)}^-]$  خلال الزمن عند درجة الحرارة  $\theta_1$  و عند درجة الحرارة  $\theta_2$ .

2-1- حدد  $t_{1/2}$  زمن نصف التفاعل للحلمة القاعدية للإستر E الموافقة للمنحنى E. (0,5 ن)

2-2- استنتج، بمقارنة زماني نصف التفاعل، المنحنى الموافق لدرجة الحرارة  $\theta_2$ . (0,5 ن)

2-3- حدد، بالوحدة  $\text{mmol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$ ، السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة  $t=0$  الموافقة للمنحنى E (يمثل (T) المماس للمنحنى في النقطة ذات الأفصول  $t=0$ ). (0,5 ن)

2-4- حدد، عند درجة الحرارة  $\theta_1$ ، خارج التفاعل  $Q_r$  عند اللحظة  $t=t_{1/2}$ . (0,75 ن)

2-5- حدد مردود هذا التفاعل. (0,5 ن)

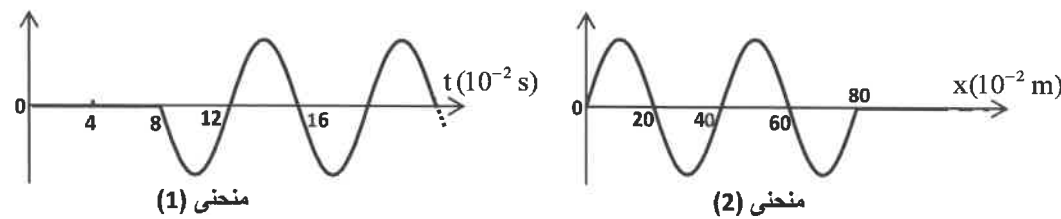
|        |      |                                                                                                                                        |
|--------|------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| الصفحة | RS30 | الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2019 - الموضوع<br>- مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية : (أ) و (ب) |
| 4      | 8    |                                                                                                                                        |

التمرين 2 : انتشار موجة طول حبل (3 نقط)

تنجز شفرة هزاز، مثبتة بالطرف S لحبل SA مرن و موتر و طويل و في وضع أفقي، حركة جيبية ترددها N فتحدث موجة متوالية جيبية غير مخمدة طول الحبل سرعتها v. يمكن جهاز مناسب مثبت في الطرف A للحبل من منع انعكاس الموجات.

تبدأ حركة S عند اللحظة  $t=0$ .

يمثل المنحنيان (1) و (2) أسفله كل من تغيرات استطالة نقطة M من الحبل، توجد على مسافة d من S، و مظهر الحبل عند لحظة  $t_1$ .



1- تعرف، معلًا جوابك، على المنحنى الذي يمثل مظهر الحبل عند اللحظة  $t_1$ . (0,25 ن)

2- أعط عدد الاقتراحات الصحيحة من بين الاقتراحات التالية: (0,5 ن)

أ- لا يمكن أن تحدث ظاهرة الحيود بالنسبة لموجة ميكانيكية.

ب- تتميز الموجات المتوالية الجيبية بدورية زمانية و بدورية مكانية.

ج- الموجة التي تنتشر طول الحبل موجة طولية.

د- لا تتعلق سرعة انتشار موجة ميكانيكية بوسع الموجة.

3- باستغلال المنحنيين السابقين، حدد:

3-1- طول الموجة  $\lambda$  و الدور T و السرعة v للموجة. (0,75 ن)

3-2- التأخر الزمني  $\tau$  للنقطة M بالنسبة لمنبع الموجة S و استنتج المسافة d. (0,5 ن)

4- نعطي العلاقة التي تربط السرعة v للموجة و التوتر F للحبل و كتلته الطولية  $\mu$  (خارج الكتلة على الطول):  $v = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$ .

4-1- باستعمال معادلات الأبعاد تحقق أن العلاقة السابقة متجانسة. (0,25 ن)

4-2- هل الحبل وسط مبدد؟ علل جوابك. (0,25 ن)

4-3- نضاعف التوتر F للحبل ( $F'=2F$ ) مع إبقاء التردد N ثابتًا. حدد  $\lambda'$  طول الموجة في هذه الحالة. (0,5 ن)

|        |   |      |                                                                                                                                        |
|--------|---|------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| الصفحة | 5 | RS30 | الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2019 - الموضوع<br>- مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية : (أ) و (ب) |
| 8      |   |      |                                                                                                                                        |

### التمرين 3: الكهرباء (5 نقط)

نأخذ :  $\pi^2 = 10$

#### I- دراسة ثنائي القطب RC و التذبذبات الحرة في دائرة RLC

ننجز التركيب الممثل في تبيانة الشكل 1 والمتكون من :

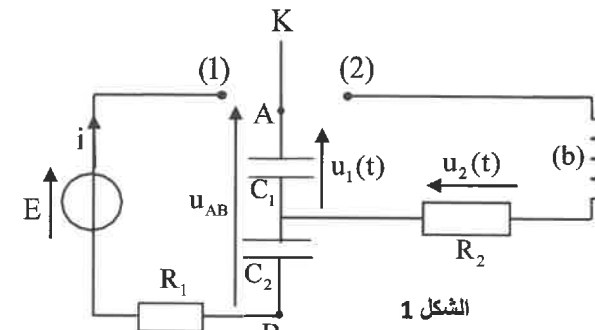
- مولد للتوتر قوته الكهرمحرقة E ومقاومته الداخلية مهملة ،

- موصلين أوميين مقاوماتهما :  $R_1 = 1,5.10^5 \Omega$  و  $R_2 = 32 \Omega$  ،

- مكثفين ( $C_1$ ) و ( $C_2$ ) سعاتهما على التوالي  $C_1$  و  $C_2 = 4 \mu F$  غير مشحونين بدنياً ،

- قاطع التيار K ذي موضعين ،

- وشيعة (b) معامل تحريضها  $L = 0,2 H$  ومقاومتها  $r = 10 \Omega$  .



#### 1- دراسة ثنائي القطب RC

نضع قاطع التيار K في الموضع (1) عند لحظة نختارها أصلاً للتواريخ  $t = 0$  .

مكن نظام مسك معلوماتي ملائم من خط المنحني الممثل للتوتر  $u_{AB}(t)$  (الشكل 2). يمثل (T) المماس للمنحني عند اللحظة

$t = 0$  . نرسم بـ  $C_e$  لسعة المكثف المكافئ لتجميع ( $C_1$ ) و ( $C_2$ ) على التوالي.

#### 1-1- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_{AB}(t)$ . (0,5 ن)

#### 1-2- يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على الشكل :

$$u_{AB}(t) = U_0(1 - e^{-\alpha t})$$

عبر عن كل من  $U_0$  و  $\alpha$  بدلالة المقادير المميزة للدائرة. (0,5 ن)

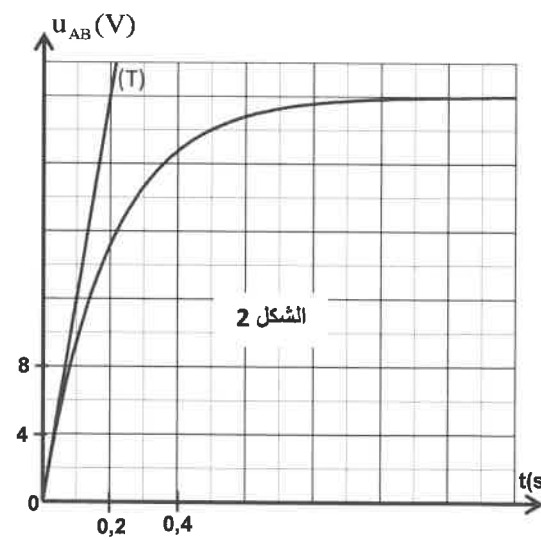
#### 1-3- باستغلال منحني الشكل 2 :

##### 1-3-1- حدد قيمة E. (0,25 ن)

##### 1-3-2- أوجد قيمة السعة $C_1$ . (0,25 ن)

#### 1-4- أثبت في النظام العالمي للوحدات التعبير العددي للشحنة

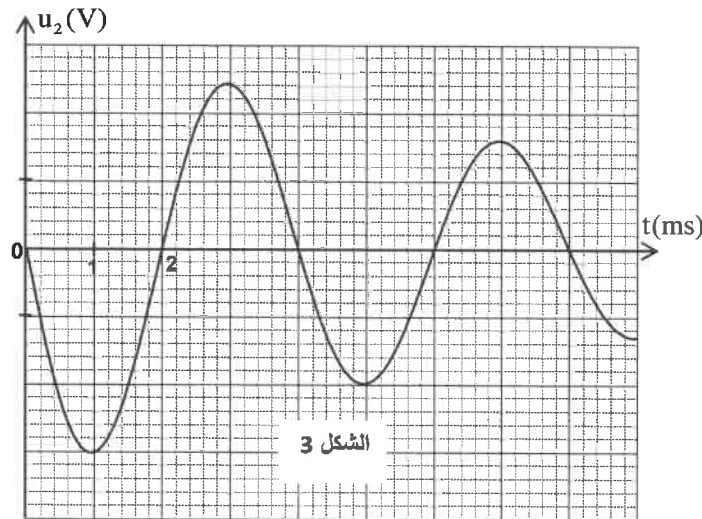
$$q_1(t) \text{ للمكثف } (C_1). (0,5 ن)$$



|        |   |      |                                                                                                                                        |
|--------|---|------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| الصفحة | 6 | RS30 | الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2019 - الموضوع<br>- مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية : (أ) و (ب) |
| 8      |   |      |                                                                                                                                        |

#### 2- دراسة التذبذبات الحرة في دائرة RLC

بعد تحقيق النظام الدائم، نؤرجح قاطع التيار K إلى الموضع (2) عند لحظة نختارها أصلاً جديداً للتواريخ  $t = 0$  .



مكن نظام مسك معلوماتي ملائم من خط المنحني الممثل لتطور التوتر  $u_2(t)$  بين مربطي الموصل الأومي ذي المقاومة  $R_2$  (الشكل 3).

#### 2-1- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر

$$u_2(t). (0,5 ن)$$

#### 2-2- باعتبار شبه الدور للتذبذبات مساو للدور

الخاص للدائرة LC، تحقق أن  $C_1 = 2 \mu F$ . (0,5 ن)

#### 2-3- لصيانة التذبذبات المخدعة المحصلة ، ندرج

على التوالي في الدائرة مولداً يزودها بتوتر

$$u_g = k.i(t) \text{ حيث } u_g \text{ معبر عنه بالفولط (V)}$$

و  $i(t)$  بالأمبير (A) .

أوجد قيمة k. (0,5 ن)

#### II- دراسة التذبذبات القسرية في دائرة متوالية RLC

ننجز دائرة كهربائية مكونة من العناصر التالية مركبة على التوالي:

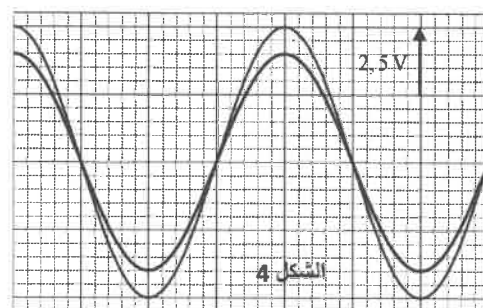
- مولد (GBF) ذي ترددات منخفضة يزود الدائرة بتوتر جيبي  $u(t)$  توتره القصوي ثابت و تردده N قابل للضبط ،

- مكثف سعته C ،

- الوشيعة (b) المستعملة سابقاً ،

- موصل أومي مقاومته  $R = 40 \Omega$  .

نضبط تردد المولد على قيمة  $N_0$  ثم نعاين ، بواسطة نظام مسك معلوماتي ملائم، التوتر  $u(t)$  بين مربطي المولد و التوتر  $u_R(t)$  بين مربطي الموصل الأومي، فنحصل على المنحنيين الممثلين في الشكل 4 .



#### 1- ارسم تبيانة التركيب التجريبي مبرزاً عليها كيفية ربط نظام المسك

المعلوماتي (ربط نظام المسك المعلوماتي بالدائرة مماثل لربط راسم

التذبذب). (0,5 ن)

#### 2- تحقق من قيمة المقاومة r للوشيعة (b). (0,5 ن)

#### 3- أحسب $P_0$ القدرة الكهربائية المتوسطة المبذولة بمفعول جول في

الدائرة. (0,5 ن)

|        |   |      |                                                                                                                                        |
|--------|---|------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| الصفحة | 7 | RS30 | الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2019 - الموضوع<br>- مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية : (أ) و (ب) |
| 8      |   |      |                                                                                                                                        |

#### التمرين 4: الميكانيك (5 نقط)

##### الجزءان I و II مستقلان

##### الجزء I: حركة تذبذبية و سقوط حر لجسم صلب

ننمذج لعبة بمجموعة ميكانيكية تتكون من :

- نابض ( $\mathcal{R}$ ) لفاته غير متصلة وكتلته مهملة و صلابته  $K=50 \text{ N.kg}^{-1}$  ؛

- جسم صلب ( $S$ ) كتلته  $m=50 \text{ g}$  و مركز قصوره  $G$ .

معطيات: شدة الثقالة  $g=10 \text{ m.s}^{-2}$  ؛  $\alpha=30^\circ$ .

ندرس حركة الجسم ( $S$ ) في وضعيتين.

##### الوضعية (أ) : حركة تذبذبية للجسم ( $S$ ).

نربط الجسم ( $S$ ) بأحد طرفي النابض ( $\mathcal{R}$ ) و نثبت الطرف الآخر للنابض بحامل ثابت .

الجسم ( $S$ ) قابل للانزلاق بدون احتكاك فوق مستوى مائل بزاوية  $\alpha$  بالنسبة للمستوى الأفقي و ذلك وفق الخط الأكبر ميلا (الشكل 1).

ندرس حركة مركز القصور  $G$  للجسم في معلم متعامد منظم  $R(O, \vec{i}, \vec{j})$  مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا.

نمعلم موضع  $G$  عند لحظة  $t$  بالأفصول  $x$  على المحور  $(O, \vec{i})$ .

عند التوازن ، ينطبق  $G$  مع الأصل  $O$  للمعلم (الشكل 1).

1- بين أن تعبير إطالة النابض  $\Delta \ell_0$  عند التوازن يكتب :

$$\Delta \ell_0 = -\frac{mg \sin \alpha}{K} \quad (0,25 \text{ ن})$$

2- نزيح الجسم ( $S$ ) عن موضع توازنه بمسافة  $d=2 \text{ cm}$  في المنحنى الموجب

ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند لحظة تاريخها  $t=0$ .

نختار المستوى الأفقي الذي ينتمي إليه  $G$  عند التوازن مرجعا لطاقة الوضع الثقالية ( $E_{pp}=0$ ) و الحالة التي يكون فيها النابض

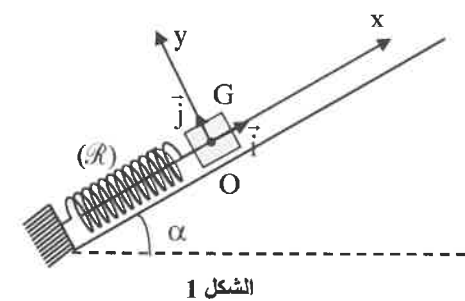
غير مشوه مرجعا لطاقة الوضع المرنة ( $E_{pe}=0$ ).

1-2- بين أن تعبير طاقة الوضع الكلية للمتذبذب عند لحظة  $t$  يكتب:  $E_p = E_{pp} + E_{pe} = \frac{1}{2} K (x^2 + (\Delta \ell_0)^2)$  . (0,5 ن)

2-2- إعتادا على دراسة طاقة، أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفصول  $x(t)$ . (0,5 ن)

3-2- علما أن حل المعادلة التفاضلية يُكتب على الشكل:  $x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$  مع  $T_0$  هو الدور الخاص للمتذبذب، أوجد

$V_0$  قيمة سرعة  $G$  عند مروره من موضع التوازن في المنحنى الموجب. (0,5 ن)



الشكل 1

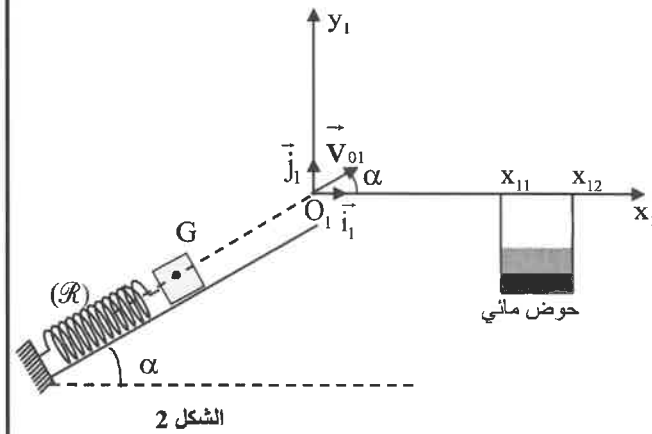
|        |   |      |                                                                                                                                        |
|--------|---|------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| الصفحة | 8 | RS30 | الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2019 - الموضوع<br>- مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم الرياضية : (أ) و (ب) |
| 8      |   |      |                                                                                                                                        |

##### الوضعية (ب) : حركة السقوط الحر للجسم ( $S$ ).

نفصل الجسم ( $S$ ) عن النابض ( $\mathcal{R}$ ). نضغط النابض و نضع في طرفه الحر الجسم ( $S$ )، ثم نحرره. عند لحظة معينة، يغادر الجسم

( $S$ ) النابض و يصل إلى النقطة  $O_1$  بسرعة  $\vec{V}_{01}$  تكون الزاوية  $\alpha$  مع الخط الأفقي و منظما  $V_{01}=2 \text{ m.s}^{-1}$  (الشكل 2). ابتداء من النقطة  $O_1$ ، يكون الجسم ( $S$ ) في سقوط حر.

ندرس حركة السقوط الحر لـ  $G$  في المعلم  $(O_1, \vec{i}_1, \vec{j}_1)$  المرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا. نختار لحظة مرور  $G$  من  $O_1$  أصلا للتواريخ ( $t=0$ ).



الشكل 2

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد التعبيرين العددين للمعادلتين الزميتين  $x_1(t)$  و  $y_1(t)$  لحركة  $G$ . (0,5 ن)

2- استنتج التعبير العددي لمعادلة المسار. (0,5 ن)

3- هل يسقط الجسم ( $S$ ) في حوض مائي عرضه  $L=x_{12}-x_{11}$  مع  $x_{11}=30 \text{ cm}$  و  $x_{12}=40 \text{ cm}$

(الشكل 2) ؟ علل جوابك. (نهمل أبعاد الجسم ( $S$ )). (0,5 ن)

##### الجزء II : حركة قمر اصطناعي

يهدف هذا الجزء إلى تحديد كتلة الأرض بطريقتين.

##### معطيات:

- شدة الثقالة عل سطح الأرض  $g_0=9,8 \text{ m.s}^{-2}$  ،

- ثابتة التجاذب الكوني  $G=6,67.10^{-11} \text{ SI}$  ،

- نأخذ  $\pi^2=10$  .

نعتبر الأرض كروية الشكل مركزها  $O$  و شعاعها  $R_T=6400 \text{ km}$  و كتلتها  $M_T$  ولها توزيع كتلي كروي.

نعتبر أن القمر الاصطناعي يخضع فقط لقوة التجاذب الكوني المطبقة من طرف الأرض .

1-1/1- باعتبار الوزن هو قوة التجاذب الكوني على سطح الأرض، أوجد تعبير شدة الثقالة  $g_0$  على سطح الأرض بدلالة  $M_T$

و  $R_T$ .  $G$  و (0,5 ن)

1-2- احسب  $M_T$ . (0,25 ن)

2- ينجز قمر اصطناعي ( $S$ ) حركة دائرية حول الأرض دورها  $T=98 \text{ min}$  في المعلم المركزي الأرضي الذي نعتبره غاليليا.

يوجد القمر الاصطناعي على ارتفاع  $h=647 \text{ km}$  من سطح الأرض.

1-2- أثبت العلاقة المعبرة عن القانون الثالث لكبلير بالنسبة لمركز قصور ( $S$ ). (0,5 ن)

2-2- استنتج  $M_T$  و قارنها بالقيمة التي تم حسابها في السؤال 1-2. (0,5 ن)

