

السنة 2 بكالوريا علوم رياضية	البنيات الجبرية	سلسلة 2
تمرين 1: لكل $(x, y); (x', y') \in E^2$ حيث $E = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2 - y^2 = 1\}$ نضع : $(x, y) * (x', y') = (xx' + yy' ; xy' + x'y)$ (1) بين أن * قانون تركيب داخلي (2) بين أن * تبادلي و تجميعي (3) هل * يقبل عنصرا محايدا في E ؟ (4) بين أن كل عنصر (x, y) من E يقبل مائلا بالنسبة للقانون T وحدد مماثله		
تمرين 2: نضع : $E = C - \{-i\}$, لكل $(z, z') \in E^2$ نضع : $zTz' = zz' + i(z + z') - 1 - i$ (1) بين أن T قانون تركيب داخلي (2) نعتبر التطبيق : $f : C^* \rightarrow E$ $z \mapsto z - i$ أ) بين أن f تشاكل تقابلي من $(C^*, \times)$ نحو (E, T) ب) بين أن T تبادلي و تجميعي ج) حدد العنصر المحايد في (E, T) د) ليكن $z \in E$, حدد مماثل z في (E, T)		
تمرين 3: نعتبر المجموعتين : $H = \left\{ M(q) = \begin{pmatrix} \cos(q) & \sin(q) \\ -\sin(q) & \cos(q) \end{pmatrix} / q \in \mathbb{R} \right\}$ و $U = \{z \in C / z = 1\}$ (1) بين أن H جزء مستقر في $(IM_2(\mathbb{R}), \times)$ (2) بين أن U جزء مستقر في $(C, \times)$ (3) نعتبر التطبيق : $f : H \rightarrow U$ $M(q) \mapsto \cos(q) + i \sin(q)$ أ) بين أن f تشاكل تقابلي من $(H, \times)$ نحو $(U, \times)$ ب) حدد العنصر المحايد في $(U, \times)$ ج) حدد مماثل $M(q)$ في $(H, \times)$ حيث $q \in \mathbb{R}$		
تمرين 4: نعتبر المجموعة : $H = \left\{ M(a, b) = \begin{pmatrix} a + \frac{\sqrt{2}}{2}b & -\frac{\sqrt{2}}{2}b \\ \frac{3\sqrt{2}}{2}b & a - \frac{\sqrt{2}}{2}b \end{pmatrix} / (a, b) \in \mathbb{R}^2 \right\}$ (1) بين أن H جزء مستقر في $(IM_2(\mathbb{R}), +)$ (2) حدد خاصيات القانون $(IM_2(\mathbb{R}), +)$ (3) بين أن H جزء مستقر في $(IM_2(\mathbb{R}), \times)$ (4) هل $(IM_2(\mathbb{R}), \times)$ تبادلي ؟		
تمرين 5: نعتبر المجموعة : $H = \left\{ M(a, b, c) = \begin{pmatrix} a & c \\ 0 & b \end{pmatrix} / (a, b, c) \in \mathbb{R}^3 \right\}$ (1) بين أن H جزء مستقر في $(IM_2(\mathbb{R}), +)$ (2) بين أن H جزء مستقر في $(IM_2(\mathbb{R}), \times)$ (3) هل $(H, \times)$ تبادلي ؟ (4) احسب بدلالة n $(M(1, 1, 1))^n$ حيث $n \in \mathbb{N}^*$		