

السنة 2 بكالوريا علوم رياضية	الحسابيات	سلسلة 1
تمرين 1: a و b عددين صحيحان طبيعيين غير منعدمان - حدد باقي القسمة الإقليدية لـ 145^{2015} على 12 - حدد باقي القسمة الإقليدية لـ 247^{2015} على 7 - حدد باقي القسمة الإقليدية لـ 2015^{2016} على 11 - بين أن: $\forall n \in \mathbb{N} \quad 7/3^{2n} + 3 \times 2^{2n+1}$ - بين أن: $\forall n \in \mathbb{N}^* \quad (n-1)^2 / n^{2-1} - 1$		
تمرين 2: a و b و c عددين صحيحان طبيعيين غير منعدمان (1) بين أن: $(7a+3) \wedge (9a+4) = 1$ (2) بين أن: $(9a+4b) \wedge (2a+b) = a \wedge b$ (3) مستعملا مبرهنة «Bezout» برهن أن: $\begin{cases} a \wedge b = 1 \\ a \wedge c = 1 \end{cases} \Leftrightarrow a \wedge (bc) = 1$ أ) بين أن: $a \wedge b = 1 \Rightarrow (a+b) \wedge ab = 1$ ب) بين أن: $a \wedge b = 1 \Rightarrow (a^3 - b^3) \wedge (a^2 - b^2) = a - b$ ج) بين أن: $(a^2 + b^2) \wedge ab = (a \wedge b)^2$ (4) مستعملا مبرهنة «Bezout» برهن أن: $a \wedge b = 1 \Rightarrow a^2 \wedge b^2 = 1$ أ) بين أن: $a^2 / b^2 \Rightarrow a / b$ ب) بين أن: $a^2 \wedge b^2 = (a \wedge b)^2$ ج) بين أن: $\sqrt{5} \notin \mathbb{Q}$ (5) بين بالترجع أن: $a \wedge b = 1 \Rightarrow (\forall n \in \mathbb{N}^* \quad a \wedge b^n = 1)$ أ) استنتج أن: $a \wedge b = 1 \Rightarrow (\forall (n, m) \in \mathbb{N}^* \times \mathbb{N}^* \quad a^n \wedge b^m = 1)$ ب) بين أن: $\log(2) \notin \mathbb{Q}$		
تمرين 3: حل في $\mathbb{Z}^2$ المعادلات التالية:		
$17x + 11y = 1$	$3x - 2y = 1$	$10x = 14y$
$15x + 6y = 11$	$10x - 2y = 6$	$5x - 3y = 7$
تمرين 4: a و b عددين صحيحان طبيعيين غير منعدمان . (1) بين أن: $(a+b) \wedge ab = 1 \Leftrightarrow a \wedge b = 1$ (2) استنتج أنه لكل x و y من $\mathbb{N}^*$: $(x+y) \wedge (x \vee y) = x \wedge y$ (3) حل في $\mathbb{N}^* \times \mathbb{N}^*$ النظام: $\begin{cases} x+y=276 \\ x \vee y=1440 \\ x < y \end{cases}$		