

التمرين الخامس

1) بين أن المعادلة $\cos x = \frac{2}{(x+1)^2}$ تقبل حلًا على الأقل في \mathbb{R}

2) لتكن a عدداً في \mathbb{R}^{*+} ونعتبر الدالة f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = x^4 + x^2 + ax - 2$$

أ) بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلًا في المجال $[-1, 1]$
ب) هل هذا الحل وحيد؟

التمرين السادس

1) لتكن f و g دالتيه متصلتين على المجال $[a, b]$. $f(b) > g(b)$ و $f(a) < g(a)$ وبحيث

$$\exists \alpha \in [a, b] \quad f(\alpha) = g(\alpha)$$

2) لتكن f دالة متصلة على المجال $[a, b]$ و بحيث $x \in [a, b]$ $f(x) \neq x$ يعني أن :

$$f \circ f(x) = x$$
 المعادلة

التمرين السابع

ليكن n عدد طبيعي و بحيث $n \geq 2$

نعتبر الدالة f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \sqrt[n]{\sqrt{x-1}}$$

حدد D_f و ببيان أنه تقابل f نحو مجال J يتم تحديده و أحسب

$$f^{-1}(x)$$
 لـ x

التمرين الثامن

ليكن a عدد حقيقي في المجال

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على بما يلي :

$$[-a, \frac{\pi}{2}]$$

$$f(x) = \frac{\sin x}{\sin(x+a)}$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow -a \\ x > -a}} f(x)$$

1) أحسب النهاية f تقابل a نحو مجال J

2) ببيان أنه تقابل f نحو مجال J

3) عرف الدالة العكسية f^{-1}

التمرين الأول

أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3x+1} - \sqrt{x+3}}{\sqrt[3]{x-1}}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x}}{\sqrt[3]{x+\sqrt[3]{x^2}}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt[4]{x-1} - \sqrt[3]{3-x}}{\sqrt[3]{x-1} - \sqrt{x-1}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x} + \sqrt[4]{x-3}}{\sqrt{x} - \sqrt[3]{x}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x - \sqrt{x-\sqrt{x}-1}}{(x-1)^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2\sqrt[5]{x+1} - \sqrt[5]{x}}{3\sqrt[3]{x-1} - \sqrt[3]{x}}$$

التمرين الثاني

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2 - x - a}{|x+1|-1} & ; \quad x > 0 \\ f(0) = c \\ f(x) = \frac{bx+1}{x-1} & ; \quad x < 0 \end{cases}$$

1) حدد مجموعة تعريف الدالة f

2) حدد الأعداد a ، b و c كي تكون الدالة f متصلة على

$$D_f$$

التمرين الثالث

أدرس هل الدالة f تقبل تعييناً بالاتصال في النقطة x_0

$$x_0 = 0 \quad \text{و} \quad f(x) = \frac{(1+x)^n - 1 - nx}{x^2} \quad (1)$$

$$x_0 = 1 \quad \text{و} \quad f(x) = \frac{\sqrt{x-1}}{\tan\left(\frac{\pi x}{2}\right)} \quad (2)$$

التمرين الرابع

لتكن a عدداً حقيقياً .

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = 2x^2 + a + 1 & ; \quad x \leq -a \\ f(x) = \frac{4x}{2x+1} & ; \quad x > -a \end{cases}$$

1) حدد D_f تبعاً لقيمة العدد a

2) فتبيّن أنه $a < 0$

- أدرس اتصال f على $]-\infty, -a]$ و $[-a, +\infty[$

- حدد قيمة العدد a كي تكون f متصلة على \mathbb{R}

$$(t-1)^2(t+2) = t^3 - 3t + 2 \quad (\text{نعطي})$$