

السنة 2 بكالوريا علوم رياضية	النهايات والاتصال	سلسلة 1
تمرين 1 : احسب النهايات التالية:		
$\lim_{x \rightarrow +\infty} x + 3 - \sqrt{x+3}$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} x + 3 - \sqrt{x^2 + 4x}$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{\sqrt{x}+1} - \sqrt{x+\sqrt{x}}$
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{1+2x^3} - \sqrt{x^3+x+1}$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\sqrt{5x^2+x+1} - mx \right)$ حيث $m \in \mathbb{R}$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\cos(x) + 5 \sin(x^2)}{x^4 + x^2 + 1}$
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x - \sqrt{x^2+1}}{x^2 - \sqrt{x^4+1}} \right)$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{x+1 - \sqrt{1-x}}{x^2 - \sqrt{x^2+2}} \right)$	$\lim_{x \rightarrow -2^-} \left(\frac{\sqrt{x^2-4}}{x+2} \right)$
تمرين 2 : احسب النهايات التالية:		
$\lim_{x \rightarrow -1} \left(\frac{\sqrt{1-3x}-2}{x+1} \right)$	$\lim_{x \rightarrow 2^+} \left(\frac{\sqrt{x^2-4}}{x-2} \right)$	$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{x} + \cos\left(\frac{1}{x}\right) \right)$
$\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x^2+x-2}{x^3+4x^2-8x+3} \right)$	$\lim_{x \rightarrow 1} \left(\sin\left(\frac{5}{1-x^3}\right) (x^2-2x+1) \right)$	$\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\sqrt{3} \cos x - \sin^2 x - \sqrt{3}}{x^2} \right)$
تمرين 3 : احسب النهايات التالية:		
$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}} \left(\frac{\cos x - \sqrt{3} \sin x}{6x - \pi} \right)$	$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \left(\frac{\tan x - 1}{2 \cos x - \sqrt{2}} \right)$	$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \left(\frac{\sqrt{1-\cos(x)} - \sqrt{1-\sin(x)}}{1-\tan(x)} \right)$
تمرين 4 : ليكن $a \in \mathbb{R}$ و f_a الدالة العددية المعرفة بما يلي : $f_a(x) = \frac{1}{x+a} - \frac{a^2 x^2}{x^3+a^3}$		
(1) حدد مجموعة تعريف الدالة f_a (2) حدد قيم العدد a التي من أجلها تقبل f_a نهاية في $-a$		
تمرين 5 : ليكن m عددا حقيقيا ولتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :		
$f(x) = \frac{mx^3 + (m-2)x^2 + (m-1)x + m-3}{x(x-2)(x-3)}$		
(1) حدد مجموعة تعريف الدالة f (2) ادرس نهاية الدالة f عند $+\infty$ و $-\infty$ و 0 حسب قيم البارامتر m		
تمرين 6 : لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :		
$f(x) = \frac{x^2 \sqrt{x+2} - 8}{4-x^2}$		
(1) حدد مجموعة تعريف الدالة f (2) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ (3) بين أن f تقبل تمديدا بالاتصال في 2 وحدده.		